

# UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PALERMO

Dottorato di Ricerca in Ingegneria Civile e Ambientale – Indirizzo Ingegneria delle Strutture DICAM- Dipartimento di Ingegneria Civile, Ambientale, Aerospaziale, dei Materiali ICAR/08 – Scienze delle Costruzioni

# APPROCCIO COMPUTAZIONALE PER LA CERTIFICAZIONE DI STRUTTURE AERONAUTICHE IN MATERIALE COMPOSITO

IL DOTTORE

**Ing. BENEDETTO GAMBINO** 

IL COORDINATORE Ch.mo Prof. ORAZIO GIUFFFÈ

IL TUTOR

**Ch.mo Prof. GUIDO BORINO** 

IL CO-TUTOR

Ch.mo Prof. ALBERTO MILAZZO

CICLO XXVI

ANNO 2015

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

## **RINGRAZIAMENTI**

Al termine di questi tre anni di dottorato desidero ringraziare tutte le persone che a vario titolo mi hanno accompagnato in questo percorso e senza le quali questo lavoro di tesi non sarebbe stato possibile realizzare.

Innanzitutto voglio ringraziare l'ing. Generoso Iannuzzo, responsabile AIRFRAME di Alenia Aermacchi S.p.A, per essersi sempre dimostrato disponibile a offrirmi il proprio preziosissimo contributo teorico e metodologico durante tutte le fasi del mio lavoro di ricerca e per essersi sempre prodigato a far sì che potessi fare esperienze costruttive e utili alla mia crescita professionale.

Devo ringraziare sinceramente il mio Tutor, Prof. Guido Borino che mi ha supportato con assidua dedizione durante tutto il percorso del lavoro di dottorato di ricerca oltre ad avermi guidato attentamente nella stesura dello stesso.

Un ringraziamento particolare va al prof. Alberto Milazzo, il quale mi ha fornito lo sprone necessario a intraprendere questa avventura.

Non posso dimenticare il prof. John Halpin, che con le sue pillole di saggezza ha sempre illuminato la mia mente.

Un grazie va a tutto lo staff tecnico di MSC.Software che mi ha supportato e sopportato durante tutto il lavoro, in particolare l'ing. Fabio Scannavino, l'ing. Mauro Linari e l'ing. Michela Giugliano.

Ringrazio il nostro Coordinatore, Prof. Orazio Giuffrè, per la gestione ineccepibile del corso di dottorato.

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

#### INDICE

1. Abstract	15
2. Introduzione	19
3. Cenni sulla certificazione di strutture aeronautiche in materiale composito	21
3.1 Introduzione	21
3.2 Razionale e assunzioni	23
3.3 Metodologia	24
3.3.1 Failure modes	25
3.3.2 Analisi	26
3.3.3 Qualifica del materiale e ammissibili (livello coupon)	26
3.3.4 Design detail allowables (livello elementi)	27
3.3.5 PPV, Pre-Pruduction Verification (livello sub-componenti)	27
3.3.6 Validazione Full-Scale (livello componente)	28
4. La caratterizzazione dei materiali compositi	30
4.1 Introduzione	30
4.2 Il "building block per lo sviluppo ammissibili	30
4.3 Sviluppo ammissibili	31
4.3.1 Fattori di influenza	32
4.3.2 Ammissibili: lamina vs laminato	35
4.3.3 Approccio statistico nel calcolo del valore ammissibile del materiale	37
4.4 Gli standard ASTM	41
4.4.1 Unnotched laminate	41
4.4.1.1 ASTM - D3039 : Unnotched tension strength and modulus (UNT)	41
4.4.1.2 ASTM - D695 : Unnotched compression strength and modulus (UNC)	43
4.4.1.3 ASTM - D3410 : Unnotched compression strength and modulus (UNC)	44
4.4.1.4 ASTM - D3518 : In plane shear strength and modulus (IPS)	47
4.4.2 Notched Laminates	48
4.4.2.1 ASTM - D5766 : Open Hole Tension Strenght (OHT)	48
4.4.2.2 ASTM - D6484 : Open Hole Compression Strength (OHC)	49
5. Tecniche di simulazione virtuale per la determinazione degli ammissibili	51
5.1 Cenni sul codice MSC.Marc	52
5.2 Cenni sul codice MSC.Nastran (SOL400)	53
5.3 Cenni sul codice MSC.Digimat	54
5.4 La Progressive Failure Analysis	69
5.5 Analisi di sensitività	79
5.6 La Calibrazione	79
5.7 Simulare correttamente il processo di manufacturing dei coupon da destinare alla campagna	
ammissibili	86
6. Virtual Allowables Tool	94

#### Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

6.2 Descrizione di V.A.T (Virtual Allowables Tool)	99
6.2.1 Descrizione del tab "Input matrix and fiber properties"	99
6.2.2 Descrizione del tab "Layup Definition and Jobs Submission"	)7
6.2.3 Descrizione del tab "Post-Processing"	12
7. Applicazioni di V.A.T	17
7.1 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di UNT	9
7.1.1 IM7-8552 Unnotched Tension – Laminato Q.I.	21
7.1.2 IM7-8552 Unnotched Tension – Laminato Soft	26
7.1.3 IM7-8552 Unnotched Tension – Laminato Stiff	30
7.2 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di UNC	35
7.2.1 IM7-8552 Unnotched Compression – Laminato Q.I	36
7.2.2 IM7-8552 Unnotched Compression – Laminato Soft	39
7.2.3 IM7-8552 Unnotched Compression – Laminato Stiff	11
7.3 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di OHC	14
7.3.1 IM7-8552 Open Hole Compression – Laminato Q.I	17
7.3.2 IM7-8552 Open Hole Compression – Laminato Soft	51
7.3.3 IM7-8552 Open Hole Compression – Laminato Stiff	54
7.4 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di OHT	57
7.4.1 IM7-8552 Open Hole Tension – Laminato Q.I	58
7.4.2 IM7-8552 Open Hole Tension – Soft	51
7.4.3 IM7-8552 Open Hole Tension – Stiff	54
7.4.4 Fattore di abbattimento dell'ammissibile OHT dovuto al diametro	57
7.5 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di UNS	70
7.6 IM7/8552 Virtual Test Campaign Summary17	73
7.7 Materiale IMS/977-2	74
7.7.1 IMS/977-2 Unnotched Tension – Laminato Q.I	74
7.7.2 IMS/977-2 Unnotched Tension – Laminato Soft	76
7.7.3 IMS/977-2 Unnotched Tension – Laminato Stiff	77
7.7.4 IMS/977-2 Unnotched Compression – Laminato Q.I	79
7.7.5 IMS/977-2 Unnotched Compression – Laminato Soft	30
7.7.6 IMS/977-2 Unnotched Compression – Laminato Stiff	32
7.7.7 IMS/977-2 Open Hole Compression – Laminato Q.I	33
7.7.8 IMS/977-2 Open Hole Compression – Laminato Soft	36
7.7.9 IMS/977-2 Open Hole Compression – Laminato Stiff	37
7.7.10IMS/977-2 Open Hole Tension – Laminato Q.I	39
7.7.11 IMS/977-2 Virtual Test Campaign Summary	90
8. Conclusioni	91
9. Bibliografia	)3

#### FIGURE

Figura 1-1: Piramide certificativa per strutture aeronautiche	.16
Figura 1-2: Piramide certificativa con test virtuali complementari	.17
Figura 3-1: Building block integration	.21
Figura 3-2: Gruppo A, B e C nell'approccio Building Block	.22
Figura 4-1: Gruppo A del Building Block Approach	.31
Figura 4-2: Definizioni proprietà geometriche in una giunzione	.34
Figura 4-3: Carpet Plot	.36
Figura 4-4: Tipologie di distribuzioni statistiche dei risultati sperimentali	.37
Figura 4-5: Coupon con tabs	.41
Figura 4-6: Coupon senza tabs	.42
Figura 4-7: Modi di rottura accettabili a trazione	.43
Figura 4-8: Dimensioni provino per prova secondo ASTM-D695	.44
Figura 4-9: Test setup per prova secondo ASTM-D3410	.44
Figura 4-10: Dimensioni provino prova di compressione con tabs	.46
Figura 4-11: Dimensioni provino prova di compressione senza tabs	.46
Figura 4-12: Modi di rottura accettabili a compressione	.46
Figura 4-13: Coupon per la prova a taglio	.47
Figura 4-14: Dimensioni coupon per prova di IPS	.47
Figura 4-15: Modi di rottura accettabili per la prova OHT	.48
Figura 4-16: Geometria del provino per la prova OHT	.49
Figura 4-17: Geometria del provino per la prova OHC	.50
Figura 5-1: Costi totali di in tipico sistema aerospaziale	.51
Figura 5-2: Esempio illustrato di MSC.Marc/Mentat	.52
Figura 5-3: MSC.Nastran SOL 400 (Implicit Non Linear)	.53
Figura 5-4: Workflow del programma MSC.Digimat con lo scopo di manipolare le proprietà de	el
materiale su scale diverse	.54
Figura 5-5: RVE di una struttura multilayer	.55
Figura 5-6: Matrice rinforzata con più fasi (inclusioni)	.55
Figura 5-7: Processo di omogeneizzazione del modulo MSC.Digimat-MF	.56
Figura 5-8: Digimat-MF setting dell'analisi	.57
Figura 5-9: Struttura di esplorazione ad "albero" di MSC.Digimat	.57
Figura 5-10: Comportamento esponenziale/lineare del materiale epossidico	.58
Figura 5-11: Comportamento lineare del materiale carbonio	.58
Figura 5-12: Definizione della fase Matrice	.58
Figura 5-13: Definizione della fase Fibra	.59
Figura 5-14: Definizione dei parametri da assegnare alla fase Fibra	.59
Figura 5-15: Definizione del caricamento della microstruttura	.59
Figura 5-16: Definizione failure indicator per la matrice	.60
Figura 5-17: Definizione failure indicator per la fibra	.60

Figura 5-18: Assegnazione del failure indicator alle due fasi	60
Figura 5-19: Curva Stress-Strain della lamina	61
Figura 5-20: Definizione RVE Multilayer con modulo Digimat-MF	61
Figura 5-21: Curva Stress-Strain del laminato [45/0/-45/90] <sub>s</sub>	62
Figura 5-22: Compliance matrix per il laminato [45/0/-45/90] <sub>s</sub>	63
Figura 5-23: Digimat-FE workflow	64
Figura 5-24: Geometria RVE	64
Figura 5-25: Mesh RVE	64
Figura 5-26: Definizione dei parametri geometrici della fase fibra per la generazione del mode	llo
geometrico	65
Figura 5-27: Vista isometrica e nel piano y-z della geometria RVE	65
Figura 5-28: Struttura periodica del RVE	66
Figura 5-29: Vista isometrica e nel piano y-z della geometria RVE	66
Figura 5-30: Direzione caricamento del RVE	67
Figura 5-31: Componente 11 degli stress	68
Figura 5-32: Curve stress-strain per la lamina, fibra e matrice	68
Figura 5-33: Procedura schematica algoritmo Progressive Failure Analysis	70
Figura 5-34: Descrizione dei tipici micro-difetti per lamina o laminati in materiale composito	71
Figura 5-35: Illustrazione del concetto di stress effettivo e stress in presenza di danneggiamento	<b>.72</b>
Figura 5-36: Variabile di danneggiamento vs failure indicator	77
Figura 5-37: Stress vs Strain	77
Figura 5-38: Variabile di danneggiamento vs failure indicator	78
Figura 5-39: Stress vs Strain	78
Figura 5-40: Tipica curva stress-strain per la parametrizzazione della progressive failure	78
Figura 5-41: Analisi di sensitività delle proprietà di fibra e matrice sul comportamento struttura	le
della lamina	79
Figura 5-42: Test da effettuare per calibrare il materiale	81
Figura 5-43: Rottura longitudinale simulate lamina base prima della calibrazione	84
Figura 5-44: Rottura trasversale simulate lamina base prima della calibrazione	84
Figura 5-45: Parametro di influenza sulla resistenza longitudinale a trazione	85
Figura 5-46: Parametro di influenza sulla resistenza trasversale a trazione	85
Figura 5-47: Schema di manufacturing dei coupon da destinare alla campagna ammissibili	86
Figura 5-48: Proprietà meccaniche calibrate di fibra e matrice	89
Figura 5-49: Variazione di spessore del coupon per il generico pannello	90
Figura 5-50: Caricamento uniassiale lungo x (direzione fibra)	91
Figura 5-51: Caricamento uniassiale lungo y (trasversale alla direzione fibra)	91
Figura 5-52: Caricamento a taglio	91
Figura 5-53: Deviazione dell'angolo di stratificazione	92
Figura 6-1: V.A.T. (Virtual Allowables Tool) info form	94
Figura 6-2: CQUAD4 MSC.Nastran card	95
Figura 6-3: PCOMP MSC.Nastran card	95

Figura 6-4: Esempio di PCOMP MSC.Nastran card	96
Figura 6-5: MSC.Nastran SPC (Single-Point Constraint) card	96
Figura 6-6: MSC.Nastran RBE2 (Rigid-Body Element) card	97
Figura 6-7: Esempio MSC.Nastran RBE2 element	97
Figura 6-8: MSC.Patran Pre and Post Processor	97
Figura 6-9: FE Model Builder	98
Figura 6-10: Esecuzione del session file da MSC.Patran	98
Figura 6-11: Esempio modello FEM per prova simulata UNT generato da FE Model Builder	r99
Figura 6-12: Tab di V.A.T	99
Figura 6-13: V.A.T. Tab Input matrix and fiber properties	100
Figura 6-14: Input form per le proprietà di fibra e matrice	100
Figura 6-15: Input form per le proprietà sperimentali della lamina base	101
Figura 6-16: Input form per la scelta del numero di coupon da analizzare	102
Figura 6-17: Schema di costruzione delle cartelle dove salvare le informazioni	103
Figura 6-18: Input form per il variability model	104
Figura 6-19:"Working Directory" e finestra di log	104
Figura 6-20: File *.mat per la determinazione delle sollecitazione di rottura della lamina bas	e105
Figura 6-21: File *.mat – Descrizione Materiali	105
Figura 6-22: File *.mat – Descrizione delle fasi	105
Figura 6-23: File *.mat – Microstruttura e RVE	106
Figura 6-24: File *.mat – Caricamento	106
Figura 6-25: File *.mat – Failure Indicator	106
Figura 6-26: File *.mat – Richiesta Output	106
Figura 6-27: File *.mat – Output del modulo MSC.Diglimat-MF	106
Figura 6-28: V.A.T. Tab Layup Definition and Job Submission	107
Figura 6-29: TABS nel modello agli elementi finiti	108
Figura 6-30: *.bdf file di lancio di MSC.Nastran SOL400	109
Figura 6-31: Algoritmo di iterazione tra MSC.Digimat-MF e MSC.Nastran Sol400	109
Figura 6-32: *.nas file di interfaccia tra MSC.Digimat-MF e MSC.Nastran	110
Figura 6-33: V.A.T. Tab Layup Definition and Job Submission – CREATE LAMINATE	111
Figura 6-34: Pulsante di lancio run SOL 400 MSC.Nastran	111
Figura 6-35: Caratteristiche hardware PC portatile	111
Figura 6-36: *.sts output file For total wall time	112
Figura 6-37: V.A.T. Tab Post-Processing	112
Figura 6-38: V.A.T. Tab Data Post-Processing	113
Figura 6-39: Forza di reazione ad un determinate step di carico	113
Figura 6-40: Scheda NLSTEP di MSC.Nastran	113
Figura 6-41: Grafico carico-spostamento	114
Figura 6-42: Grafico a barre che mostra il carico di rottura per tutti i 18 coupon	115
Figura 6-43: File di output del post-processing	115
Figura 6-44: Grafico Carico-Spostamento per tutti i 18 coupon virtuali	116
	-

Figura 7-1: IM7-8552 Lamina Experimental Data [Ref. 20]	118
Figura 7-2: Vista ISO modello FEM per prova simulata UNT	119
Figura 7-3: Vincolo di incastro	119
Figura 7-4: Caricamento tramite MPC	119
Figura 7-5: UNT FEM – Model Summary	120
Figura 7-6: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato O.I.	121
Figura 7-7: UNT Load vs Displ. Per 25-50 16 IM7-8552	122
Figura 7-8: UNT Stress by Measured Thick, vs Strain per 25-50 16 IM7-8552	122
Figura 7-9: UNT Stress by Nom. Thick, vs Strain per 25-50 16 IM7-8552	123
Figura 7-10: UNT per 25-50 16 Experimental Data [Ref. 20]	123
Figura 7-11: B-Basis-UNT per 25-50 16 (V.A.T. output)	123
Figura 7-12: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50 16 IM7-8552 – First Crack	124
Figura 7-13: UNT Stress by Nom. Thick. per 25-50 16 IM7-8552 – Istogramma	125
Figura 7-14: UNT per 25-50 16 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	125
Figura 7-15: Confronto rottura virtuale vs sperimentale	126
Figura 7-16: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato <i>soft</i>	127
Figura 7-17: UNT Load vs Displ. per 10-80 20 IM7-8552	127
Figura 7-18: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 10-80 20 IM7-8552	128
Figura 7-19: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 10-80 20 IM7-8552	128
Figura 7-20: UNT per 10-80 20 Experimental Data [Ref. 20]	129
Figura 7-21: B-Basis-UNT per 10-80 20 (V.A.T. output)	129
Figura 7-22: UNT Stress by Nom. Thick. per 10-80_20 IM7-8552 – Istogramma	130
Figura 7-23: UNT per 10-80 20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	130
Figura 7-24: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato <i>stiff</i>	131
Figura 7-25: UNT Load vs Displ. per 50-40 20 IM7-8552	131
Figura 7-26: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 50-40_20 IM7-8552	132
Figura 7-27: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 50-40_20 IM7-8552	132
Figura 7-28: B-Basis-UNT per 50-40_20 (V.A.T. output)	132
Figura 7-29: UNT per 50-40_20 Experimental Data [Ref. 20]	133
Figura 7-30: UNT Stress by Nom. Thick. per 50-40_20 IM7-8552 – Istogramma	133
Figura 7-31: UNT per 50-40_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	134
Figura 7-32: Vista ISO modello FEM per prova simulata UNC	135
Figura 7-33: UNT FEM – Model Summary	135
Figura 7-34: UNC Load vs Displ. per 25-50_16 IM7-8552	136
Figura 7-35: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50_16 IM7-8552	136
Figura 7-36: UNC per 25-50_16 Experimental Data [Ref. 20]	137
Figura 7-37: B-Basis-UNC per 25-50_16 (V.A.T. output)	137
Figura 7-38: UNC Stress by Nom. Thick. per 25-50_16 IM7-8552 – Istogramma	137
Figura 7-39: UNC per 25-50_16 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	138
Figura 7-40: Comparazione rottura virtuale con quella reale per UNC per 25-50_16 IM7-8552	2.138
Figura 7-41: UNC Load vs Displ. per 10-80_20 IM7-8552	139

Figura	7-42: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 10-80_20 IM7-85521	39
Figura	7-43: UNC per 10-80_20 Experimental Data [Ref. 20]1	40
Figura	7-44: B-Basis-UNC per 10-80_20 (V.A.T. output)1	40
Figura	7-45: UNC Stress by Nom. Thick. per 10-80_20 IM7-8552 – Istogramma1	40
Figura	7-46: UNC per 10-80_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data1	41
Figura	7-47: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato stiff (UNC)1	41
Figura	7-48: UNC Load vs Displ. per 50-40_20 IM7-85521	41
Figura	7-49: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-40_20 IM7-85521	42
Figura	7-50: B-Basis-UNT per 50-40_20 (V.A.T. output)1	42
Figura	7-51: UNC per 50-40_20 Experimental Data [Ref. 20]1	43
Figura	7-52: UNC Stress by Nom. Thick. per 50-40_20 IM7-8552 – Istogramma1	43
Figura	7-53: UNT per 50-40_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data1	43
Figura	7-54: Attrezzo di stabilizzazione per test OHC secondo ASTM D-64841	44
Figura	7-55: Vista ISO modello FEM per prova simulata OHC (2D shell mostrate come solid).1	45
Figura	7-56: Vista ISO modello FEM per prova simulata OHC1	46
Figura	7-57: Mesh strutturata attorno al foro1	46
Figura	7-58: UNT FEM – Model Summary1	47
Figura	7-59: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I1	47
Figura	7-60: OHC Load vs Displ. per 25-50_24 IM7-85521	48
Figura	7-61: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50_24 IM7-85521	48
Figura	7-62: OHC per 25-50_24 Experimental Data [Ref. 20]1	49
Figura	7-63: B-Basis-OHC per 25-50_16 (V.A.T. output)1	49
Figura	7-64: OHC Stress by Nom. Thick. per 25-50_24 IM7-8552 – Istogramma1	49
Figura	7-65: OHC per 25-50_24 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data1	50
Figura	7-66: Comparazione rottura virtuale con quella reale per OHC per 25-50_24 IM7-8552 1	50
Figura	7-67: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft1	51
Figura	7-68: OHC Load vs Displ. per 10-80_20 IM7-85521	51
Figura	7-69: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 10-80_20 IM7-85521	52
Figura	7-70: OHC per 10-80_20 Experimental Data [Ref. 20]1	52
Figura	7-71: B-Basis-OHC per 25-50_16 (V.A.T. output)1	52
Figura	7-72: OHC Stress by Nom. Thick. per 10-80_20 IM7-8552 – Istogramma1	53
Figura	7-73: OHC per 10-80_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data1	53
Figura	7-74: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft1	54
Figura	7-75: OHC Load vs Displ. per 50-40_20 IM7-85521	54
Figura	7-76: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-40_20 IM7-85521	55
Figura	7-77: OHC per 50-40_20 Experimental Data [Ref. 20]1	55
Figura	7-78: B-Basis-OHC per 50-40_20 (V.A.T. output)1	55
Figura	7-79: OHC Stress by Nom. Thick. per 50-40_20 IM7-8552 – Istogramma1	56
Figura	7-80: OHC per 50-40_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data1	56
Figura	7-81: Vista ISO modello FEM per prova simulata OHT1	57
Figura	7-82: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I1	58

Figura 7-83: OHC Load vs Displ. per 25-50_16 IM7-8552	158
Figura 7-84: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50_16 IM7-8552	159
Figura 7-85: OHT per 25-50_16 Experimental Data [Ref. 20]	159
Figura 7-86: B-Basis-OHC per 25-50_16 (V.A.T. output)	159
Figura 7-87: OHT Stress by Nom. Thick. per 25-50_16 IM7-8552 – Istogramma	160
Figura 7-88: OHT per 25-50_16 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	160
Figura 7-89: Comparazione rottura virtuale con quella reale per OHT per 25-50_16 IM7-855	52 161
Figura 7-90: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft	161
Figura 7-91: OHT Load vs Displ. per 10-80_20 IM7-8552	162
Figura 7-92: OHT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 10-80_20 IM7-8552	162
Figura 7-93: OHT per 10-80_20 Experimental Data [Ref. 20]	163
Figura 7-94: B-Basis-OHT per 25-50_16 (V.A.T. output)	163
Figura 7-95: OHT Stress by Nom. Thick. per 10-80_20 IM7-8552 – Istogramma	163
Figura 7-96: OHT per 10-80_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	164
Figura 7-97: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft	164
Figura 7-98: OHT Load vs Displ. per 50-40_20 IM7-8552	165
Figura 7-99: OHT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-40_20 IM7-8552	165
Figura 7-100: OHT per 50-40_20 Experimental Data [Ref. 20]	165
Figura 7-101: B-Basis-OHT per 50-40_20 (V.A.T. output)	166
Figura 7-102: OHT Stress by Nom. Thick. per 50-40_20 IM7-8552 – Istogramma	166
Figura 7-103: OHT per 50-40_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data	166
Figura 7-104: Parametrici geometrici che influenzano l'OHT	167
Figura 7-105: OHT Stress by Nom. Thick. Vs Strain per 25-50_16 IM7-8552 (D = 0.375")	168
Figura 7-106: Calcolo CD per OHT (D = 0.375")	168
Figura 7-107: OHT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50_16 IM7-8552 (D = 0.50")	169
Figura 7-108: Calcolo $C_D$ per OHT (D = 0.50")	169
Figura 7-109: Fattore di abbattimento C <sub>D</sub> dell'ammissibile OHT	170
Figura 7-110: UNS Load vs Displ. per IM7-8552	171
Figura 7-111: UNS Stress by Nom. Thick. vs Strain IM7-8552	171
Figura 7-112: UNS IM7/8552 Experimental Data [Ref. 20]	172
Figura 7-113: B-Basis-UNS per IM7/8552 (V.A.T. output)	172
Figura 7-114: OHC Stress by Nom. Thick. per 25-50 24 IM7-8552 – Istogramma	173
Figura 7-115: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato O.I.	174
Figura 7-116: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50 16 IMS/977-2	175
Figura 7-117: UNT Stress by Nom. Thick. per 25-50_16 IMS/977-2 – Istogramma	175
Figura 7-118: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Soft	176
Figura 7-119: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 17-67 18 IMS/977-2	176
Figura 7-120: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 17-67_18 IMS/977-2 – Istogramma.	177
Figura 7-121: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Stiff	177
Figura 7-122: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 56-33 18 IMS/977-2	178
Figura 7-123: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 56-33 18 IMS/977-2 – Istogramma.	178

#### TABELLE

Tabella 4-1: Fattori di influenza legati all'eterogeneità del materiale composito	33
Tabella 4-2: Dimensioni suggerite dalla normativa ASTM per i provini testati a trazione, al	42
Tabella 4-3: Dimensioni tabs suggerite dalla normativa ASTM per i provini testati a trazione,	42
Tabella 4-4: Dimensioni suggerite dalla normativa ASTM per i provini testati a compressione,	45
Tabella 4-5: Minimo spessore del coupon per la prova di compr. secondo (Equazione 4-10)	45
Tabella 5-1: Proprietà della matrice e della fibra	57
Tabella 5-2: Costanti ingegneristiche della lamina	61
Tabella 5-3: Errore percentuale proprietà ingegneristiche Digimat-MF vs CLT	63
Tabella 5-4: Numero di elementi per RVE	67
Tabella 5-5: Informazioni sui tempi di analisi condotti con MSC.Marc	67
Tabella 5-6: Errore % Digimat-MF vs Digimat-FE	69
Tabella 5-7: Lista delle proprietà di Fibra e Matrice che possono essere calibrate	80
Tabella 5-8: Proprietà della fibra di carbonio IM7	81
Tabella 5-9: Proprietà della resina epossidica	82
Tabella 5-10: Proprietà sperimentali lamina base	82
Tabella 5-11: Proprietà Calcolate Lamina Base	82
Tabella 5-12: Proprietà calcolate e calibrate della lamina base	83
Tabella 5-13: Errore rottura della lamina base in trazione lungo le due direzioni prima della	
calibrazione	84
Tabella 5-14: Errore rottura della lamina base in trazione lungo le due direzioni dopo la	
calibrazione	85
Tabella 5-15: Variabilità dei parametri coinvolti nell'analisi	88
Tabella 5-16: Proprietà di fibra e matrice relative ai tre batch di materiale	89
Tabella 5-17: Valori del Fiber Volume Fraction per 18 coupon (V.F. COV = 5%)	90
Tabella 5-18: Sollecitazioni di rottura della lamina base per i 3 batch di materiale	92
Tabella 7-1: Laminati usati per il confronto	118
Tabella 7-2: Larghezza del coupon in funzione del diametro per C <sub>D</sub>	168
Tabella 7-3: IMS/8552 Virtual test campaign summary	173
Tabella 7-4: IMS/977-2 Virtual test campaign summary	190

#### 1. Abstract

Negli ultimi anni l'utilizzo di parti in materiale composito su velivoli dell'aviazione generale è rapidamente aumentato. I materiali compositi offrono spiccate proprietà meccaniche specifiche, maggiori requisiti e più alte prestazioni rispetto ai materiali convenzionali, determinando molteplici vantaggi: dalla riduzione dei costi per le aziende, al miglioramento dei servizi offerti aerolinee, passando per il contenimento dell'inquinamento ambientale. D'altro canto, a causa della loro ancora non completa conoscenza tecnica, comportano grosse problematiche di progettazione e verifica degli elementi strutturali, portando inevitabilmente a sovradimensionamenti in fase di progetto ed a processi di certificazione immensamente complessi ed esigenti, con conseguente notevole aumento dei costi e dei tempi del prodotto. Per tale ragione il presente lavoro ha voluto affrontare uno degli argomenti che più pesano sul bilancio complessivo dei costi non ricorrenti delle aziende aeronautiche quando si vuole sviluppare un nuovo progetto, cioè la determinazione delle caratteristiche meccaniche del materiale composito. Tutto questo è stato realizzato utilizzando simulazioni virtuali non lineari, interazione micro-macro (multiscala) e software dedicati ai materiali, in modo da ridurre i test fisici e migliorare al tempo stesso il processo di progettazione, sempre nel rispetto delle norme che regolano la materia.

Il processo di certificazione di strutture in materiale composito utilizzate per componenti aerostrutturali è principalmente analitico supportato dall'evidenza dei test a livello di coupon, elementi, sub-componenti, componenti e full-scale. Supportato dall'evidenza dei test include tutti i test che vengono effettuati nell'approccio cosiddetto building-block (Figura 1-1), dal quale si ottiene:

- la caratterizzazione del materiale (ammissibili);
- lo sviluppo dei metodi di calcolo;
- la verifica dei concetti di design;
- la prova finale, per verificare che la struttura è in grado di soddisfare tutti i requisiti.

Il processo di certificazione stabilisce che specifiche metodologie di test e particolari controlli dei processi vengano applicati per la qualifica del materiale e dei vari componenti, tutto ciò per verificare la conformità del progetto ai requisiti richiesti. Le procedure (basate su tecniche statistiche) per la caratterizzazione di materiali compositi, comportano l'impegno di una quantità molto grande di risorse ad ogni livello: il criterio di base infatti vuole minimizzare la probabilità di degrado (in questo caso di strutture aeronautiche) dovuto alla variabilità delle caratteristiche del materiale. Pertanto campagne di test molto complesse, regolate da standard per la produzione dei test article, standard per le procedure di test e standard per il condizionamento ambientale, devono essere condotte per generare ammissibili di progetto del materiale composito.

Nell'approccio building-block i risultati di ogni livello successivo dipendono fortemente dai risultati ottenuti al livello precedente e le specifiche attività divengono drasticamente più complesse, quindi onerose in termini di costi e tempi, man mano che si passa a livelli più alti. Tale approccio ha mostrato robustezza ed efficienza negli ultimi decenni ed è stato applicato nello sviluppo di quasi tutti i velivoli moderni.



Figura 1-1: Piramide certificativa per strutture aeronautiche

Lo studio della natura statistica delle proprietà meccaniche dei materiali compositi e dei componenti strutturali è molto importante per ridurre i rischi della progettazione strutturale ma, come visto, coinvolge processi molto dispendiosi sia a livello di costi che di tempo impiegato, poiché si devono effettuare una grande quantità di test sperimentali, soprattutto nella parte bassa della piramide certificativa.

Il presente lavoro di ricerca ha avuto come obiettivo quello d limitare il numero dei test nella parte bassa della piramide mediante i concetti di Virtual Certification e di Virtual Testing. Così facendo si riduce il numero di test fisici necessari, rimpiazzando quelli non necessari con l'analisi basata su una accurata simulazione dei test fisici stessi. Per assicurare una grande accuratezza l'analisi deve essere basata su un approccio statistico multi-scala, di tipo gerarchico, in cui la micro-meccanica e la macro-meccanica si combinano per analizzare le strutture in grande dettaglio. In tal senso per ogni singolo test sono state individuate le metodologie di analisi ed i relativi software che permettono di ottimizzare e simulare con risultati affidabili la prova stessa, permettendo la ripetibilità dei risultati ottenuti.

Allo stato attuale sono stati individuati alcuni strumenti che si basano sul suddetto concetto di simulazione. A tal proposito uno dei principali interessi e allo stesso tempo una delle prime preoccupazioni, comuni sia all' industria che alla ricerca, è rappresentato dal controllo della simulazione e cioè dalla verifica dei modelli utilizzati, nonché dei metodi analitici e numerici.

Questo controllo si basa attualmente sul confronto di risultati ottenuti da differenti codici di calcolo e da diverse metodologie di analisi. Purtroppo tale procedura è caratterizzata da numerose sorgenti di errore: tipologia di modello, tipologia di discretizzazione, iterazioni effettuate, caratteristiche di convergenza delle soluzioni, parametri di sensitività ed altro. Quello che si è voluto aggiungere col

presente progetto è lo sviluppo di metodi e procedure che permettano un controllo effettivo di tutti i parametri di simulazione, nonché dell'errore, e garantiscano la predizione accurata, con un alto grado di confidenza, delle capacità del materiale in esame. Per raggiungere tale scopo ci si propone di utilizzare dei test reali che conducano ad un confronto tenendo conto di reali discrepanze e tolleranze dei parametri in gioco. L'identificazione di modelli affidabili di simulazione è ottenuta quindi tramite una virtual/real correlation.

In ambito aeronautico riuscire a ridurre i test da effettuare significa, oltre alla riduzione dei costi dei test stessi, avere la possibilità di ottimizzare il prodotto permettendo soluzioni sempre più prestanti, che tradotto in termini aeronautici significa riduzione dei tempi di produzione e del peso complessivo delle strutture (Figura 1-2).



Figura 1-2: Piramide certificativa con test virtuali complementari

Il presente lavoro di ricerca è articolato in modo da fornire quelli che sono i principi base della certificazione di strutture aeronautiche in materiale composito (capitolo 3).

Ci si è concentrati sulla parte bassa della piramide certificativa fornendo tutti gli strumenti e le normative di riferimento per la determinazione degli ammissibili (Unnotched e Notched) del materiale (capitolo 4).

Nel capitolo 5 sono state illustrate le procedure adottate per l'esecuzione delle analisi virtuali di resistenza del modello di laminato mediante impiego di tecniche agli elementi finiti coadiuvati da tecniche di omogeneizzazione di sistemi a più fasi (matrice e fibra), da failure criteria ad hoc (Progressive Failure Analysis), analisi di calibrazione, analisi di sensitività e analisi probabilistica per l'ottenimento di ammissibili virtuali del materiale. Sono stati dati cenni sugli strumenti software commerciali usati per la simulazione.

Il capitolo 6 è dedicato alla descrizione del Virtual Allowable Tool (V.A.T.) sviluppato per far fronte ai molteplici parametri e condizioni da tener in conto durante la fase di sviluppo degli

ammissibili per un materiale composito. Il tool è stato in seguito usato per la determinazione degli ammissibili di due materiali compositi di uso aeronautico, uno presente in bibliografia IM7/8552 [Ref. 20] e l'altro sviluppato da Alenia Aermacchi S.p.A [Ref. 21]. Nel promo caso vengono effettuati i confronti con il dato sperimentale proveniente dai laboratori del NIAR (National Institute for Aviation Research), nel secondo caso (per motivi di riservatezza) il confronto è stato effettuato normalizzando i dati. In entrambi i casi i risultati ottenuti con la procedura sviluppata sono stati accurati e perfettamente in linea con quella che si riscontra nella patica aziendale.

#### 2. Introduzione

La costante sfida tra l'uomo ed i suoi limiti, la continua propensione all'esplorazione di nuove possibilità, ha sempre spinto l'essere umano alla ricerca e allo studio di elementi presenti in natura che, modificati e combinati tra loro, gli permettessero di soddisfare questo suo istinto.

Le necessità odierne di un mondo globalizzato, in cui l'efficienza dei collegamenti e dei trasporti risulta essere sempre più pressante, ha portato, in modo particolare nel settore aeronautico, ad un nuovo approccio alla progettazione meccanico-strutturale. Non si procede più al dimensionamento delle parti in funzione delle sole capacità del materiale, bensì si tende alla realizzazione di nuovi materiali che, in funzione di peso e dimensione, risultino essere performanti in relazione alle specifiche sollecitazioni cui saranno sottoposti in condizioni d'esercizio.

Storicamente, l'uso dell'analisi strutturale nella progettazione e nella certificazione degli aeromobili civili è stata concentrata soprattutto su analisi lineari agli elementi finiti per il calcolo della distribuzione interna dei carichi e su metodi di analisi in grado di dimensionare i componenti strutturali. Tutto questo, sia nelle fasi preliminari del progetto che in quelle più avanzate con calcoli più dettagliati per la certificazione finale. Negli anni, il suddetto approccio è servito, quando combinato con test strutturali, ha dimostrare l'integrità strutturale dell'aeromobile e l'adeguatezza dei metodi di analisi usati, provando di essere altamente affidabile per lo sviluppo di strutturale dell'aeromobile garantita attraverso ipotesi conservative sui metodi di analisi e sulle proprietà dei materiali utilizzati.

Il bisogno di abbinare elevate proprietà meccaniche a bassi pesi e a ridotte dimensioni ha condotto alla realizzazione di strutture che coniugano le elevate prestazioni meccaniche alla leggerezza dei materiali usati. Questo rende però necessario uno sforzo di progettazione, ingegnerizzazione e caratterizzazione meccanica dei materiali, sempre nuovo. Al fine di ridurre gli elevati tempi e costi che si accompagnano a tutte le fasi di progettazione e certificazione delle strutture aeronautiche si è giunti allo sviluppo di affidabili strumenti di calcolo numerico in grado di abbattere sensibilmente proprio tempi e costi di progettazione.

Negli ultimi anni sono stati utilizzate tecniche sempre più avanzate basate su metodi di analisi non lineari per ottenere valutazioni più accurate sul comportamento strutturale effettivo di strutture aeronautiche, sia per mitigare il rischio prima del test in laboratorio e in seguito per ridurre l'errore tra l'analisi (il progetto) e la prova sperimentale. L'analisi non lineare agli elementi finiti nell'industria aeronautica viene impiegata per cercare di aumentare la fiducia nelle prove strutturali, per esempio, su componenti aeronautici di dimensioni reali (full scale) costosi, necessari per la certificazione, nonché per comprendere più dettagliatamente la probabilità, le cause e le conseguenze di un cedimento strutturale.

Occorre fare un'importante distinzione tra quella che viene definita "previsione del comportamento strutturale effettiva" e il "comportamento strutturale adeguato". Nel primo caso l'analista strutturale deve usare tutti i metodi a sua disposizione per fare in modo che l'analisi condotta sia più accurata possibile, mentre nel secondo caso, per la progettazione e la

certificazione occorre dimostrare l'adeguatezza e i conservativismo della struttura aeronautica a prescindere dai metodi di analisi utilizzati.

L'impiego di strutture in materiale composito nel campo aeronautico ha senza dubbio portato ad una maggiore consapevolezza delle molte incertezze che possono esistere nella produzione di componenti con questi materiali, incertezze che possono incidere in modo significativo sull'affidabilità delle previsioni effettive di resistenza. E' inevitabile, quindi, che oggi le strutture in materiale composito siano progettate con metodi più conservativi rispetto a strutture metalliche.

Questo lavoro è stato incentrato sulla previsione del comportamento strutturale effettiva, cercando di avvicinarsi il più possibile al risultato della sperimentazione con delle procedure robuste ed affidabili, senza tralasciare la sicurezza. L'uso di analisi non lineari robuste e metodi di analisi stocastiche devono aiutare gli analisti del futuro a ridurre sempre più il conservativismo che deriva dalla non completa conoscenza dei fenomeni di failure di strutture in materiale composito.

## 3. Cenni sulla certificazione di strutture aeronautiche in materiale composito

#### **3.1 Introduzione**

La disomogeneità dei compositi, l'anisotropia e le molteplici diverse modalità e configurazioni di accoppiamento di fasi differenti fanno si che un materiale composito presenti molteplici aspetti critici che influenzano notevolmente le proprietà meccaniche del manufatto. Queste caratteristiche impongono, differentemente da quanto si esegue per la progettazione con impiego di materiali omogenei (per i quali sono disponibili i valori delle proprietà in letteratura), l'esecuzione di prove meccaniche su campioni in composito per caratterizzare il materiale da impiegare nella realizzazione di strutture.

La realizzazione di componenti strutturali in materiale composito richiede dunque lo sviluppo di approfonditi e complessi programmi di progetto. Questi si articolano in analisi tecniche e prove sperimentali tese alla caratterizzazione meccanica dei materiali e delle strutture.

Un programma di progetto, così considerato, che indaghi sulle proprietà meccaniche, secondo livelli crescenti di complessità, è definito approccio "Building Block" [Ref. 1].

Lo sviluppo delle analisi infatti procede dalla caratterizzazione del materiale sino alla verifica della struttura full-scale, passando per lo studio degli elementi complessi, dei dettagli e dei subcomponenti, come mostrato in Figura 3-1.



**Design Considerations** 

Figura 3-1: Building block integration

La filosofia di tale approccio è quella di realizzare un programma di progetto che permetta di ridurre i costi e mitigare i tempi di sviluppo, rispondendo comunque a tutti i requisiti ed esigenze tecniche stabilite.

L'approccio "Building Block" è stato utilizzato nei programmi di sviluppo delle strutture aerospaziali molto prima dell'applicazione dei materiali compositi. Tuttavia, esso è diventato cruciale e largamente diffuso proprio per la caratterizzazione e certificazione delle strutture in materiale composito a causa dell'eccezionale numero di parametri di sensitività che introducono. La filosofia è quella di rendere il processo di sviluppo di progettazione più efficace nella valutazione dei rischi tecnologici. La riduzione dei costi si ottiene pensando un programma di test in cui il maggior numero di componenti viene fatto ad un livello basso, cioè su componenti piccoli, evitando di correre dei rischi su componenti più grandi e quindi costosi. L'utilizzo di tecniche avanzate di analisi al posto di prove (ove possibile) tende anche a ridurre i rischi e quindi i costi. Anche se il concetto di approccio "Building Block" è ampiamente riconosciuto nel settore dei materiali compositi, si applica con vari gradi di rigore e i dettagli sono ben lungi dall'essere standardizzati. Nella sua forma più semplice, rappresenta un metodo di attenuazione del rischio (sia tecnico che economico) dal fatto che il collaudo ai vari livelli riduce la probabilità che si verifichino brutte sorprese verso la fine di un programma. In una implementazione più elaborata può essere considerato uno sforzo altamente strutturato e attentamente pianificato che affronta molti fattori in dettaglio e che può tentare di quantificare l'affidabilità statistica associata ad un particolare processo.

L'approccio modulare prevede una sequenza sistematica passo dopo passo di test e analisi procedendo dal livello lamina fino ad arrivare al velivolo completo. Si possono applicare varie combinazioni di test e analisi a diversi livelli per generare margini di sicurezza per la struttura. Tra l'altro si può applicare una notevole flessibilità quando si selezionano i livelli di test da impiegare. Questa selezione dipenderà dalla portata del programma, dalla propensione al rischio che si vuole accettare e della normativa applicabile o clausole contrattuali . I livelli comunemente impiegati nel metodo del "Building Block" sono illustrati in Figura 3-2.



Figura 3-2: Gruppo A, B e C nell'approccio Building Block

La schematizzazione secondo una piramidale del processo mostra che ciascun livello di analisi si fonda sui risultati ottenuti al precedente.

Come possiamo notare, è possibile suddividere i diversi livelli del Building Block in tre gruppi:

- Gruppo A: blocco inferiore teso alla caratterizzazione del materiale (ammissibili), partendo dalle proprietà basiche (unnotched), studiando il comportamento strutturale in presenza di fori (notch) e bulloni, fattori ambientali, geometrici e fatica.
- Gruppo B: blocco intermedio teso allo sviluppo dei valori di progetto dove, usando le informazioni che provengono dal livello inferiore, vengono calcolati i carichi interni, identificate le aree critiche ed evidenziati i failure mode critici. In questo livello vengono, altresì, progettati e testati elementi e sub-componenti più complessi isolando i singoli failure mode critici per verificare l'accuratezza del metodo di analisi usato nella predizione.
- Gruppo C: ultimo blocco teso alla verifica della struttura, dove viene testato l'intera struttura sia staticamente che a fatica (se è richiesto). Questo test serve a validare la predizioni dei carichi interni, gli spostamenti e i failure mode dell'intera struttura. Serve anche a verificare che non siano presenti carichi secondari inaspettati nella struttura completa.

Durante tutto il processo di testing, la qualità del processo produttivo è continuamente monitorata per assicurare che le proprietà sviluppate nei livelli precedenti rimangono valide. Uno dei processi molto importante è quello che coinvolge la costruzione di componenti di grande dimensione (PPV, pre-production verification) con impiego di tecniche di ispezione distruttive necessari per verificare il rispetto della qualità del manufatto in termini di porosità, vuoti, inclusioni, eccesso o povertà di resina, allineamento delle fibre, ecc.

Scopo del presente lavoro è stato anche quello di considerare, in fase di simulazione, la presenza di tutti potenziali difetti presenti nella struttura, per poterne definire la loro influenza e quindi i fattori di abbattimento della performance finale (vedi capitolo 7.1).

#### **3.2 Razionale e assunzioni**

L'approccio Building Block è stato usato nello sviluppo di programmi aeronautici prima dell'avvento dei materiali compositi. Tuttavia, questo approccio è cruciale per la certificazione di strutture in composito a causa della loro alta sensibilità ai carichi fuori piano, ai loro molteplici failure mode e alle condizioni ambientali/operative.

La combinazione di tutti questi fattori e l'intrinseca sensibilità alla presenza dei difetti, ha portato a non avere dei metodi di calcolo affidabili che permettono di prevedere la failure della struttura completa a partire dalle proprietà basiche del materiale. La molteplicità di potenziali failure mode in strutture in composito, per esempio, è la principale ragione per la quale l'approccio building block è essenziale quando si sta sviluppando un nuovo programma (non occorre mai dimenticare che la riduzione del rischio è la maggior giustificazione dell'uso di questo metodo di testing).

La simulazione dei tipi di failure mode gioca un ruolo importante in un programma di testing. Poiché le modalità di failure sono spesso dipendenti da fattori ambientali e da difetti presenti (fabbricazione, cattiva progettazione del dettaglio, o danni accidentali), è importante selezionare con cura i test article, per simulare correttamente le modalità di failure desiderata. Particolare attenzione dovrebbe essere data ai failure mode che coinvolgono la matrice (matrix failure mode).

Dopo la selezione dei failure mode critici, occorre costruire e testare una serie di coupon, per ottenere una singola modalità di failure. Generalmente, questi coupon sono di complessità bassa, sia dal punto di vista del manufacturing che del test, ma comportano un enorme dispendio di tempo e quindi costi.

La precisione dei risultati analitici è ulteriormente complicata dalla variabilità delle proprietà del materiale, dall'inclusione dei difetti, e dagli effetti strutturali di scale-up.

Idealmente, se gli strumenti di analisi strutturale fossero completamente sviluppati ed i criteri di rottura completamente stabiliti, il comportamento strutturale sarebbe prevedibile a partire dalle proprietà costitutive del materiale. Purtroppo, allo stato attuale, la capacità dei metodi di analisi sono limitate e quindi i dati dei test di livello inferiore non possono sempre essere utilizzati per prevedere con precisione il comportamento degli elementi strutturali e componenti di più elevata complessità. Per questo motivo, quando si definisce un piano di test che prevede la costruzione e la prova di articoli che vanno dai coupon al full scale, occorre fare in modo che ogni test article venga costruito in modo da enfatizzare un singolo failure mode e non molteplici contemporaneamente. Questo è possibile farlo solo se i metodi di analisi sono stati calibrati e validati nel livello precedente e quindi si è sicuri di non incorrere in inaspettati collassi strutturali.

# 3.3 Metodologia

La metodologia utilizzata per l'approccio Building Block è mostrata in un ordine cronologico e generalmente logico, ma nel corso dello sviluppo di un reale programma che coinvolge una struttura in materiale composito, alcune fasi possono sovrapporsi o essere leggermente spostate, tutto dipende da che tipo di velivolo si sta sviluppando (militare, civile o prototipale).

Spesso la progettazioni di elementi, sub-component o component può avvenire con proprietà preliminari o stimate. Potrebbe, addirittura, succedere che il test di tutti questi articoli si completino prima che arrivino gli ammissibili definitivi (cosiddetti "design to"). Per questo motivo avere delle procedure robuste ed affidabili che diano la quasi certezza di non avere brutte sorprese man mano che si eseguono test di maggior complessità, risulta di fondamentale importanza.

Quello che deve essere assolutamente evitato è di arrivare al full scale test con la campagna degli ammissibili ancora non completa. Questo può portare un rischio troppo elevato con conseguente ripercussioni a livello finanziario per l'industria (visto gli svariati milioni di euro impiegati in questo tipo di business).

Il primo passo è pianificare ed avviare un adatto piano di selezione del materiale strettamente dipendente dal tipo di velivolo (per esempio, aeromobili, veicoli spaziali, elicotteri, ecc.). Il numero di lotti di materiale e il numero di test richiesti dipendono dalla tipologia e dall'ambiente operativo del velivolo, se si è in fase di sviluppo, se si tratta di un prototipo, se si è in una fase di sviluppo intermedio (EMD), o di produzione.

Le ispezioni richieste, i requisiti di accettabilità e gli specifici requisiti che provengono da M&P (Materiali e Processi) per il materiale selezionato, sono funzione del tipo di criticità a cui la parte in composito sarà sottoposta. Anche il numero ed il tipo di test (fisico, chimico, meccanico, termico, elettrico, ecc..) è funzione della criticità del componente strutturale.

Il numero ed il tipo di test da effettuare a livello di elementi e sub componenti rappresentanti dettagli della struttura reale sono anch'essi funzione della criticità della struttura, dei possibili difetti e del piano di manutenzione previsto.

Requisiti del clienti e costi, così come la sicurezza e la durability, possono far scaturire la costruzione ed il test di un altro full scale, oltre a quello per la verifica della predizione analitica (modello agli elementi finiti). Quest'ultimo potrebbe essere impiegato per dimostrare la capacità di superare il carico limite (L.L.) o il carico ultimo (U.L.) con o senza applicare un fattore maggiore di uno (generalmente 1.17) per tener conto dello scattering derivante dalle proprietà del materiale o per simulare le elevate temperature. Viene richiesto, altresì, un piano di testing per la tolleranza al danno (damage tolerance), richiesto per la safety strutturale ed un piano di durability (fatica) che può richiedere un dispendio economico e di tempo.

Le metodologie descritte sopra sono patrimonio del know how delle industrie aeronautiche, quello che spesso manca è l'organizzazione razionale di queste metodologie in modo da ottenere un accettabile programma di sviluppo di test.

Per conoscere meglio la metodologia usata nel definire il Building Block Program occorre far conoscenza con alcuni concetti elencati sotto:

- Failure mode;
- Analisi;
- Qualifica del materiale e ammissibili (livello coupon);
- Design detail allowables (livello elementi)
- PPV, Pre-Production Verification (livello sub-componente);
- Validazione del Full-Scale (livello componente)

#### 3.3.1 Failure modes

La riproduzione del corretto failure mode gioca un importantissimo ruolo in un programma di test. E' importante selezionare o progettare attentamente i test article da usare per riprodurre la rottura desiderata.

I provini della base della piramide dei test sono, generalmente, scelti in modo da ottenere un singolo failure mode. Provini non danneggiati e sottoposti a trazione spesso danno rotture facilmente prevedibili usando proprietà di lamina e usando metodi tipo la teoria classica della laminazione [Ref. 2]. I test article ad un livello più alto spesso non danno la possibilità di riprodurre un solo potenziale failure mode. Ci sono alcuni tipi di failure mode come quelli a compressione e taglio, che spesso non vengono guidati dalle caratteristiche basiche del materiale, ma intervengono altri fenomeni come l'instabilità, specialmente per strutture molto sottili o danneggiate.

#### 3.3.2 Analisi

Per poter guadagnare il massimo dal Building Block Program in termini di conoscenze, devono essere condotte predizioni analitiche, confronti e validazioni a tutti i livelli, dai test condotti sugli elementi fino ad arrivare al full scale.

Per poter analizzare un componente occorre definire un metodo di analisi e il relativo ammissibile. Il calcolo dell'ammissibile può essere effettuato in tanti modi, esempio testando i laminati più critici (point allowables) oppure testando tanti laminati per poter costruire delle curve di inviluppo e poterle usare qualunque sia il laminato usato nel progetto.

Le analisi possono essere usate anche per calcolare la resistenza residua della struttura a diversi gradi di danno:

- BVID (Barely detectable impact damage);
- VID (Detectable or obvious damage);
- Extent of damage after flaw growth testing;
- Discrete damage from engine or APU rotor burst.

Per alcuni tipi di danno non esistono analisi mature per poter predire la resistenza residua della struttura.

Anche la distribuzione dei carichi interni predetti dal modello FE possono essere validati comparando le deformazioni calcolate analiticamente con quelle provenienti dai test sperimentali dei sub-componenti o dal full scale. Una volta validato il modello FE possono essere determinate le condizioni di carico critiche e le loro combinazioni.

#### 3.3.3 Qualifica del materiale e ammissibili (livello coupon)

Il primo livello della piramide dei test è dedicata alla determinazione delle proprietà meccaniche, fisiche e chimiche del materiale, stabilisce i criteri di accettabilità e gli standard, sviluppa gli ammissibili da usare per il progetto.

Gli ammissibili possono essere sviluppati su due livelli:

- livello lamina
- livello laminato

Nel primo blocco i coupon sono generalmente tagliati da pannelli curati precedentemente stratificati con un'unica orientazione (0°, 90° o 45°). Permette di determinare le caratteristiche meccaniche della lamina base, come i moduli di Young assiali, trasversali o a taglio.

Nel secondo caso i coupon sono tagliati da pannelli curati con stratificazione multidirezionale e viene usato per determinare le proprietà meccaniche del materiale tenendo conto del fatto che ogni singola lamina si troverà, nella situazione reale, all'interno di un pacchetto di lamine orientate secondo tutte quattro le direzioni canoniche  $(0^{\circ}, 90^{\circ}, 45^{\circ} e -45^{\circ})$ . Con questo tipo di coupon

vengono determinate le proprietà a strength del materiale come gli OHT (Open Hole Tension), OHC (Open Hole Compression), CAI, (Compression After Impact), ecc..

#### 3.3.4 Design detail allowables (livello elementi)

Il secondo livello della piramide building block è dedicata a stabilire gli ammissibili per dettagli strutturali critici presenti nel progetto. Gli elementi sono ancora strutture relativamente semplici. Questi possono includere esempi di:

- laminati presenti nel progetto o pannelli sandwich più caricati in trazione, compressione e taglio;
- combinazioni Skin / Stringer;
- stringer drop-off;
- giunzioni incollate o imbullonate.

Questi elementi devono essere testati a temperatura ambiente (RTA) e condizioni ambientali estreme (Cold e Hot/Wet).

Per permettere di determinare i criteri di tolleranza al danno e di ispezione, gli stessi elementi devono essere testati con danni appena visibili (BVID) e con danni facilmente individuabili staticamente e sotto carichi ciclici (fatica). Le combinazioni ambientali per prove le prove a fatica dovrebbero essere quelle adeguate alle esigenze di servizio, non necessariamente uguali a quelle impiegati nei test statici.

Una caratteristica importante del test a questo livello è che i test article devono essere fabbricati usando processi i produttivi e gli standard di accettazione impiegati per il progetto. Ciò è particolarmente necessario quando si cambiano i processi di produzione.

#### 3.3.5 PPV, Pre-Pruduction Verification (livello sub-componenti)

Può essere richiesto che la struttura o caratteristiche strutturali che guidano la progettazione devono essere testati e i metodi di analisi validati ben prima che i dettagli del progetto sono congelati. Per questi motivi, quando vengono impiegati nuovi materiali e nuovi processi, può essere richiesto di costruire uno o più sub componenti rappresentativi della struttura, esempio un pannello rinforzato da correnti, un box di torsione completo (anche in scala ridotta), ecc.

Esempi di parti che possono essere costruite a questo livello sono:

- Giunti di attacco degli impennaggi alla fusoliera
- Pannelli alari rinforzati da correnti
- Superfici mobili semplificate
- Longheroni
- Centine
- Box multispar
- Ecc.

#### **3.3.6** Validazione Full-Scale (livello componente)

La grandezza della full scale del componente dipende dalle normative vigenti, dalle condizioni contrattuali e dalla quantità di dati di test di livello inferiore e analisi sono disponibili.

Generalmente vengono condotti due tipi ti test a livello componente (Full Scale):

- Statico
- Durability e Damage Tolerance

Nel caso di test statico si possono presentare quattro scenari diversi:

- 1. No full scale test;
- 2. Full-scale test a RTA più analisi;
- 3. Full-scale test testato nella condizione ambientale critica più analisi;
- 4. Full-scale test senza analisi;

Il caso 1 si presenta quando sono stati eseguiti un numero sufficientemente alto di test a livello inferiore e/o si possiede un background di conoscenze derivanti da programmi dove si sono adottate soluzioni strutturali simili. In questo caso, se si è in grado di correlare le analisi (e quindi validarle) a livelli più bassi, l'agenzia di certificazione può accettare il calcolo dei margini di sicurezza basati su carichi interni proveniente da analisi agli elementi finiti precedentemente calibrate e validate.

Nel caso 2 si deve possedere un sufficiente numero di dati provenienti da test a livello più basso effettuati anche in condizioni ambientali estreme. Con questi dati, con le letture estensimetriche provenienti dal full scale test e con l'analisi FEA è possibile dimostrare che la struttura è in gradi di portare i carichi ultimi anche nel caso in cui è sottoposta a condizioni ambientali estreme.

Il caso 3 rappresenta invece la condizione opposta al primo. Si tratta di un approccio alternativo senza supporto dei dati di test di livello inferiore. In questo caso ci si affida ad un full scale test su solo per dimostrare la capacità di carico della struttura a temperatura ambiente e in condizioni ambientali estreme. Inoltre, si possono infliggere danni appena visibili (BVID) e/o visibili (VID) per dimostrare la tolleranza al danno della struttura. Per tener conto delle condizioni ambientali estreme vengono calcolati fattori amplificativi del carico detti ECLF (Environmental Compensation Load Factor). Questi fattori sono derivati dalle proprietà di lamina o laminati e rappresentano l'aumento in carico statico necessario per dimostrare che la struttura può sopportare i carichi ultimi anche con allowables abbattuti dai fattori ambientali.

Il caso 4 è più raro, in quanto senza analisi occorre testare un numero sufficiente di condizione di carico critiche, sperando sempre che una di queste non porti a qualche tipo di failure. Inoltre, senza il supporto dell'analisi che è in grado di garantire la distribuzione di carichi interni per tutte le condizioni di carico risulta difficile dimostrare che gli estensimetri sono stati messi nelle posizioni critiche.

Nel caso di test dinamico per la certificazione FAA si richiede che vengano effettuati almeno due vite del velivolo a carichi in servizio per capire se in caso di danno invisibile o visibile o di danni

di manufacturing, la struttura è prone alla crescita del danno stesso o è tollerante. La struttura deve dimostrare di portarsi i carichi per almeno due intervalli di ispezione e mostrare una non degradazione della resistenza residua.

L'ente certificante richiede anche che la struttura sia in grado di sopportare i cosiddetti "Get Home Loads" (generalmente il 70% dei carichi limite) in presenza di large damage derivanti per esempio da bird strike, fulmine, scoppio del motore, ecc. In questi casi si presume che essendo il danno evidente, è anche visibile all'equipaggio che prenderà tutte le precauzioni per limitare le manovre e atterrare in sicurezza appena possibile. Questi casi di carico ridotto sono generalmente considerati come requisiti di resistenza residua strutturale.

Quanto descritto fino ad ora, ovviamente, deve essere adattato ai casi di prototipi, aeroplani militari e civili. Da ora in poi si farà sempre riferimento al caso di certificazione di velivoli commerciali/civili.

Nei capitoli successi viene mostrato come è possibile ridurre il numero di test da effettuare, soprattutto a livello basso della piramide, per velocizzare ed economizzare tutto il processo di certificazione strutturale aeronautica in caso di utilizzo dei materiali compositi. Lo scopo del presente lavoro è quello di costruire delle procedure di analisi consolidate e validate sperimentalmente che, offrendo un grado di affidabilità elevato, possono sostituire in parte i test da effettuare lungo tutto il cammino del Building Block Program.

#### 4. La caratterizzazione dei materiali compositi

#### 4.1 Introduzione

La realizzazione di strutture complesse in materiale composito, non solo nel settore aeronautico, richiede una fase molto dispendiosa (in termini di tempo e costi) di caratterizzazione meccanica del materiale da impiegare, durante il quale le prestazioni a l'affidabilità della struttura vengono completamente valutate prima dell'effettivo utilizzo.

La caratterizzazione dei materiali avviene, in genere, attraverso la realizzazione di un vasto e complesso insieme di test sperimentali e l'applicazione di svariate metodologie di analisi. I soli test sperimentali possono risultare proibitivi sia in termini di tempo che in termini economici a causa dell'ingente numero di provini e modelli necessari per verificare ogni geometria, condizione di carico e ambientale e meccanismo di rottura.

D'altra parte, le sole analisi tecniche non sono, di solito, sufficientemente sofisticate per predire adeguatamente i risultati sotto ogni set di condizioni.

La riduzione dei costi complessivi, della tempistica di progetto e l'aumento dell'affidabilità può essere ottenuta soltanto attraverso una costante combinazione di test e metodi analitici in modo tale che le previsioni analitiche siano verificate dai test e, a loro volta, i test siano guidati dai risultati delle analisi.

#### 4.2 Il "building block per lo sviluppo ammissibili

Come detto precedentemente (vedi capitolo 2), l'approccio modulare prevede una sequenza sistematica passo dopo passo di test e analisi procedendo dal livello lamina fino ad arrivare al velivolo completo.

I livelli possono essere raggruppati in tre macro gruppi:

- Gruppo A: blocco inferiore teso allo sviluppo delle proprietà del materiale con l'individuazione finale degli ammissibili utilizzati;
- Gruppo B: blocco intermedio teso allo sviluppo dei valori di progetto;
- Gruppo C: ultimo blocco teso alla verifica della struttura.

Il Gruppo A, nello specifico, prevede la realizzazione di numerose prove meccaniche su provini normati con l'obiettivo di caratterizzare il materiale. In generale, sono previste prove su campioni integri (Unnotched) e su campioni con fori aperti, chiusi e con rivetto o bullone passanti (Open Hole, Filled Hole, Bearing, ecc.).

Obiettivo di questa parte del lavoro è stato lo sviluppo di una metodologia per l'individuazione dei valori degli ammissibili "Unnotched" e "Notched" a trazione e compressione e pertanto deve essere collocato tra le attività previste al Gruppo A del Building Block.

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito



Figura 4-1: Gruppo A del Building Block Approach

Il primo blocco si propone di raccogliere una serie di informazioni necessarie affinché si renda possibile la selezione, per un dato progetto, tra i materiali candidati. A questo stadio, i materiali possono non essere studiati e controllati secondo le specifiche. I primi test sperimentali si limitano, in genere, a semplici provini di base a causa dell'elevato numero di materiali candidati coinvolti. Risulta evidente che il programma di progetto potrebbe richiedere test più complessi se la selezione finale del materiale deve essere basata su particolari configurazioni.

Essendo il controllo del materiale l'obiettivo di questa fase, gli ammissibili qui stimati hanno il solo compito di fornire indicazioni durante gli studi iniziali e potrebbero essere corretti durante l'evoluzione del progetto.

Il secondo blocco assume che siano state completamente definite le specifiche preliminari del materiale scelto. L'obiettivo dei test sperimentali, a questo livello, è quello di validare tali specifiche, arrivando alla totale conoscenza di come il comportamento del materiale sia influenzato dalle variabili in gioco e permettendo quindi la qualifica del materiale stesso. Le proprietà meccaniche di base devono essere individuate in modo tale da supportare in maniera adeguata la progettazione. Risulta evidente che, essendo state ora definite le specifiche preliminari, i primi valori degli ammissibili possono essere valutati da un'iniziale campagna di test. Ovviamente, non potendo in questa fase investigare su tutte le variabili del materiale, gli ammissibili valutati saranno soggetti a successivi "aggiustamenti".

Va sottolineato che qualsiasi variazione delle specifiche del materiale potrebbe invalidare i risultati dei test e i valori degli ammissibili da essi derivati.

L'obiettivo fondamentale del terzo blocco è quello di fornire gli ammissibili del materiale in maniera accurata, utilizzabili in fase di progetto. In genere, la parte più rilevante della campagna di test sperimentali condotta su un nuovo materiale è realizzata in questo stadio di sviluppo. E' interessante osservare che i risultati ottenuti e gli ammissibili determinati sono estendibili a qualsiasi altro programma di progetto, qualora evidentemente siano mantenute inalterate le specifiche del materiale.

# 4.3 Sviluppo ammissibili

Si definisce "valore ammissibile" quel valore intrinseco del materiale o della struttura in esame, dettata dalle proprietà costitutive dello stesso. Esso si differenzia dal "valore di progetto", il quale è un valore individuato dal progettista, in virtù degli ammissibili e che viene impiegato per la

realizzazione effettiva di un prodotto. La determinazione dei valori ammissibili del materiale è di fondamentale importanza per il mondo aeronautico.

Gli ammissibili di un materiale o di una struttura, si ricavano tenendo conto di considerazioni statistiche sui risultati di specifiche prove meccaniche. Come anticipato, essi permettono di individuare i valori di progetto, che dovranno essere sicuramente inferiori agli ammissibili: stiamo ovviamente parlando di valori di sforzo o deformazione limite per un materiale o una struttura. In esercizio non si dovranno mai superare tali valori di sforzo/deformazione.

Lo sviluppo degli ammissibili, si colloca all'ultimo livello del primo Gruppo A d'analisi nell'approccio Building Block e costituisce l'informazione di base per procedere oltre. Tale sviluppo, necessario alla progettazione ed al dimensionamento della struttura, prevede innanzitutto l'individuazione dei valori ammissibili del materiale definiti generalmente come (vedi capitolo 4.3.3):

- A-basis: valore che ha almeno il 95% di affidabilità sul primo percentile di una specifica popolazione di misure o equivalentemente, anche, un valore che ha almeno il 95% di affidabilità sul 99% (o più) di una specifica popolazione di misure;
- B-basis: valore che ha almeno il 95% di affidabilità sul decimo percentile di una specifica popolazione di misure o equivalentemente, anche, un valore che ha almeno il 95% di affidabilità sul 90% (o più) di una specifica popolazione di misure;

Sono poi necessari lo studio degli effetti indotti da tutte le possibili condizioni ambientali sulle proprietà del materiale, lo studio degli effetti determinati dalla presenza di intagli, fori, bulloni e rivetti sul materiale, lo studio degli effetti sulle proprietà dell'orientamento, dello spessore e della sequenza di laminazione del composito, lo studio degli effetti dovuti all'insorgere di anomalie dei processi produttivi, in modo da stabilire specifiche utili in fase di produzione dei laminati compositi.

# 4.3.1 Fattori di influenza

Gli ammissibili sono valori statisticamente rappresentativi delle proprietà meccaniche di un materiale. Vengono ricavati a partire da test sperimentali su rigidezza (stiffness), sforzo (stress) e deformazione (strain) proprie di uno specifico materiale, in particolari condizioni ambientali.

Ovviamente, è intuibile che ci siano dei fattori che, per piccole variazioni, vanno ad influenzare più o meno maggiormente il comportamento del materiale e, quindi, il valore degli ammissibili. Di seguito sono illustrati i fattori più importanti:

• Eterogeneità

La natura non multifasica dei materiali compositi introduce complessità dovuta fondamentalmente al moltiplicarsi dei possibili modi di rottura. Tutti questi aspetti sono raccolti nella Tabella 4-1.

Proprietà o	Costituente	Comportamento	Tattari influanti	
Modalità di rottura	dominante	sforzo-deformazione	ratiori inituenti	
Elasticità del materiale				
Modulo di Young	Fibra	Lineare	Temperatura	
Buckling	Fibra	Lineare	Allineamento delle	
			Fibre	
Crippling	Fibra	Lineare	Elementi geometrici	
Resistenza nel piano				
Trazione	Fibra	Lineare	Basse Temperature	
Compressione	Matrice	A trotti non lingoro	Umidità ed Elevate	
Compressione	Interfaccia	A tratti non imeare	Temperature	
Saannimanta	Scorrimento Interfaccia	Non lineare	Umidità ed Elevate	
Scorrinento			Temperature	

Tabella 4-1: Fattori di influenza legati all'eterogeneità del materiale composito

#### • Anistropia

Un materiale composito può essere realizzato rispondendo a determinate proprietà "direzionali". Il progettista ha la possibilità di modificare la percentuale volumetrica di fibra in una data direzione in modo da venire incontro alle esigenze della struttura.

Sebbene tale caratteristica rappresenti uno dei principali vantaggi dei materiali compositi, essa introduce un ulteriore grado di complessità nel calcolo degli ammissibili e determina un notevole aumento dei test sperimentali necessari alla caratterizzazione.

• Sequenza laminazione

Le caratteristiche proprie dei laminati compositi possono essere esaltate della sequenza di impacchettamento delle lamine (layup). Il particolare layup utilizzato rappresenta, tuttavia, un'ulteriore variabile da tenere debitamente in conto nello studio della struttura. In laminati non simmetrici, in cui non è eliminato l'accoppiamento tra sforzo normale e scorrimenti o tra taglio e deformazioni normali, lo sviluppo degli ammissibili diventa significativamente difficoltoso. I laminati non simmetrici non sono, tuttavia, particolarmente diffusi nella realizzazione di componenti strutturali.

• Fattori ambientali

Le condizioni ambientali in cui opera un materiale composito possono avere effetti significativi sulle proprietà di fibra e matrice. Le variazioni di temperatura in particolare, che influenzano il comportamento di tutti i materiali, hanno un determinante grado di influenza anche sui costituenti di un materiale composito.

Pertanto, nella determinazione degli ammissibili è necessario conoscere le condizioni ambientali attese in cui il materiale andrà ad operare e il grado di impatto che esse hanno sui costituenti.

A tal proposito, va sottolineato che è di fondamentale importanza non fare assunzioni infondate su quali siano le condizioni ambientali critiche, in particolari nello sviluppo di nuovi materiali; a volte, infatti, complesse interazioni tra fibra e matrice potrebbero determinare criticità inaspettate in fase di progetto.

• Fattori di danneggiamento e/o di riparazione

Le condizioni di danneggiamento e/o di riparazione operano un abbattimento delle proprietà meccaniche notevole e devono essere tenute in conto in fase dello sviluppo della test matrix necessaria all'ottenimento dei valori ammissibili da usare per il progetto. Occorre considerare l'ipotesi che la struttura voli con un danno non visibile o appena visibile senza che subisca nessun tipo di failure oppure che ad un certo punto della vita operativa debba subire una riparazione on patch chiodate. In questi casi la struttura deve essere dimensionata pensando che può avere un impatto (per esempio da grandine) oppure una patch chiodata. Questo tipo di ammissibili si chiamano notched ed è necessario prevedere l'influenza dell'energia di impatto, del tipo di impattatore, del diametro del foro, della distanza del bullone da un eventuale edge margin o end margin (vedi Figura 4-2)



Figura 4-2: Definizioni proprietà geometriche in una giunzione

• Fattori di maufacturing

Le condizioni di manufacturing possono portare ad una variazione delle proprietà meccaniche, anche a parità di processo utilizzato, questo perché essendo un processo complicato interviene tanto la componente umana ed ambientale. Il processo di manufacturing deve garantire all'interno di certi range, dei gradi di ripetibilità atti a garantire l'ottenimento di manufatti tutti uguali, sia in termini di forma che di proprietà meccaniche. Tra i tanti fattori legati al mondo del manufacturing sicuramente alcuni che rivestono una notevole importanza sono la quantità di vuoti presente nel coupon (porosità), lo spessore totale del coupon, l'allineamento delle fibre, ecc..

Tutti questi fattori devono essere tenuti in conto in fase di messa a punto del modello analitico da usare per sostituire test fisici con dei test virtuali.

#### 4.3.2 Ammissibili: lamina vs laminato

La teoria classica della laminazione è stata usta con successo dall'industria aerospaziale nel calcolo delle proprietà ingegneristiche di un laminato in materiale composito, basandosi sulle proprietà della lamina base [Ref. 3]. Il comportamento anisotropo elastico, un tratto caratteristico dei materiali compositi, è relativamente ben conosciuto ed in giro ci sono tanti tool di analisi che permettono di calcolare le costanti ingegneristiche in modo sufficientemente accurato. D'altra parte, la natura non omogenea di questi materiali, ha rappresentato un problema più sfidante per la comunità scientifica. Lo studio della fisica del comportamento post elastico dei materiali compositi basandosi solo sul loro comportamento anisotropo, ha eluso per decenni la comunità scientifica, perché si è visto che i fenomeni di rottura sono spesso da ricercare nella non omogeneità del materiale piuttosto che nell'anisotropia. Nelle ultime decadi sono stati formulati tanti failure criteria per predire la rottura di strutture in materiale composito, sia al livello di costituenti (fibra e matrice), sia al livello lamina che di laminato.

A livello di componenti, vi è la possibilità di catturare la vera natura fisica del danno utilizzando la micromeccanica. Tuttavia, i calcoli richiedono la conoscenza di diverse quantità fisiche che non possono essere facilmente misurate utilizzando le metodologie di prova attuali, come ad esempio la stress di rottura di fibra e matrice. Occorre avere a disposizione dei modelli del materiale che tengano conto dell'interazione fibra matrice, della presenza di vuoti, ecc. Pensare di usare failure critera di una struttura completa basati su rottura di componenti di fase oggi rappresenta una sfida molto grande alla quale gli sviluppatori di software e hardware stanno lavorando. Questo approccio (multiscala) è stato usato proprio in questo lavoro per la generazione virtuale degli ammissibili perché i tempi di calcalo sono ancora contenuti.

Il secondo caso si basa sulla teoria di rottura della lamina. Tale metodo ricorre agli ammissibili determinati per le singole lamine, attraverso test sperimentali su laminati unidirezionali, che sono utilizzati come input nella teoria di rottura della lamina. Nella maggior parte dei casi, sono necessari fattori correttivi che tengano conto degli effetti della laminazione e della direzione del carico, non essendo questi ottenibili dai provini utilizzati nei test sperimentali per il calcolo degli ammissibili. Il vantaggio principale di questo metodo risiede nel fatto che, ad una fase iniziale di analisi, gli ammissibili sono necessari soltanto a livello della lamina. Ne consegue, evidentemente, che i test sperimentali possono essere condotti su un numero relativamente esiguo di provini e che i risultati ottenuti possono essere utilizzati in ulteriori progetti di qualificazione. Le teorie di rottura che utilizzano i test a livello di lamina hanno mostrato di non rispondere adeguatamente su tutto il range dei potenziali modi di rottura. Pertanto, a meno che i valori della lamina siano davvero conservativi, sono necessari test sperimentali a livello del laminato che permettano di verificare le previsioni di rottura o di calcolare i fattori correttivi prima citati. È stato dimostrato che questi criteri di rottura basati sulla lamina non sono in grado di fornire il necessario grado di generalità e robustezza per prevedere il comportamento di laminati multidirezionali ai fini della certificazione. Ciò è in parte dovuto al fatto che trascurano le sollecitazioni residue post cura, che sono difficili da misurare e isolare, e perché l'esperienza ha dimostrato che esistono interazioni complesse tra lamine all'interno di un laminato multidirezionale. Per l'analisi di strutture di aeromobili commerciali di grandi dimensioni questi criteri (compreso lo spesso citato Tsai- Wu criterion), sono attualmente non accettati dall'ente certificante, per questo motivo l'industria ricorre a failure criteria basati su ammissibili provenienti da laminati.

Il terzo caso si riferisce, invece, agli ammissibili determinati sperimentalmente su laminati rappresentativi. In questo caso, le informazioni ottenute a livello della lamina sono in genere utilizzate soltanto per la determinazione dei moduli. Gli ammissibili sono calcolati facendo riferimento ai valori nominali dei moduli e degli spessori delle lamine e utilizzati in un criterio della massima deformazione, valutato lamina per lamina in un dato punto del laminato. La differenza sostanziale rispetto all'approccio precedente è dovuta al fatto che gli ammissibili e i test sperimentali da cui sono statisticamente derivati sono funzione della specifica percentuale di orientazione delle fibre e della sequenza di impacchettamento delle lamine. Tale approccio ha, quindi, il vantaggio di interrogare direttamente le variabili che possono avere un significativo impatto sulle prestazioni della struttura ma richiede, evidentemente, una larga campagna di prove e un elevato numero di coupon per coprire l'intero range di layup rappresentativi della struttura. In genere, per ridurre il numero di variabili in gioco, si stabiliscono criteri di progetto che limitano i layup e l'orientamento delle fibre utilizzabili. Per uno specifico materiale composito, l'insieme dei risultati sperimentali ottenuti per campioni con differente orientazione delle fibre e diversa stacking sequence è riportato in un grafico dove sono confrontate la percentuale di lamine orientate a ±45° e il carico ultimo osservato. Un diagramma di questo tipo è denominato Carpet Plot.



Risulta evidente che i due approcci appena descritti hanno impatti differenti sull'attuazione del programma "Building Block" e si fondano su requisiti non interscambiabili, sebbene ciò non limiti la possibilità data al progettista di seguire il primo approccio in una fase iniziale (per la determinazione della proprietà della lamina) e di passare ad un analisi a livello di laminato in una fase successiva.
### 4.3.3 Approccio statistico nel calcolo del valore ammissibile del materiale

Come detto precedentemente, il valore ammissibile di resistenza di laminati in materiale composito è influenzato da tanti fattori che spesso non possono essere controllati e quindi corretti. Per questo motivo le agenzie di certificazione aeronautica impongono l'uso dei valori A-basis e B-basis.

I valori di A-basis e B-basis, sono influenzati dal tipo di distribuzione statistica dei risultati sperimentali nonché dal numero di prove sperimentali effettuate.

Il Composite Materials Handbook, [Ref. 1] prende in considerazione tre differenti tipologie di distribuzione statistica dei risultati sperimentali (vedi Figura 4-4):

- Normale;
- Weibull;
- Log-normale.



Figura 4-4: Tipologie di distribuzioni statistiche dei risultati sperimentali

Il numero di prove sperimentali minimo da effettuare per il calcolo degli ammissibili, secondo quanto indicato dalla NASA nel programma AGATE (*Advanced General Aviation Transport Experiments*) è di 18 prove per l'individuazione del valore B-basis (6 prove per 3 batch di materiale) e di 55 prove per il calcolo di A-basis (11 prove per 5 batch di materiale).

Si osserva che per due differenti campagne di caratterizzazione, riferite ad uno stesso materiale ed aventi uguale valor medio e distribuzione statistica dei risultati sperimentali, ma diverso numero di prove effettuate, la campagna rispetto alla quale è stato effettuato un minor numero di prove presenterà valori ammissibili inferiori.

L'espressione per il calcolo degli ammissibili si esprime in questo modo:

$$A_{j_normal} = \overline{x} - k_{a_j} \cdot s$$

$$B_{j_normal} = \overline{x} - k_{b_j} \cdot s$$
(Equazione 4-1)

dove :

x : rappresenta il valor medio dei risultati sperimentali;

*S* : rappresenta la deviazione standard;

k: fattore di tolleranza;

La procedura prevede che, partendo dai risultati sperimentali :

- si proceda ad una normalizzazione dei dati rispetto alla frazione volumetrica di fibra in modo da tener conto delle sue possibili variazioni tra i singoli provini, pannelli e *batch* di materiale.
- per ogni condizione ambientale, si verifica se i differenti *batch* (sottopopolazioni) di dati sono tra loro compatibili.
- per ogni singola prova e per ogni condizione ambientale, si procede a raccogliere i dati da analizzare. Il numero di osservazioni è  $n_j$ , dove il pedice *j* indica la specifica condizione ambientale.
- Si procede quindi a calcolare il valore medio (*mean value*) e la deviazione standard *s<sub>j</sub>* delle osservazioni, mediante le seguenti relazioni:

$$\overline{\chi}_{j} = \frac{1}{n_{i}} \cdot \sum_{i=1}^{n_{j}} \chi_{i} \qquad (Equazione 4-2)$$

$$S_{j}^{2} = \frac{1}{n_{j}^{-1}} \cdot \sum_{i=1}^{n_{j}} (x_{i} - \overline{x}_{j})^{2}$$
 (Equazione 4-3)

- si verifica la presenza di eventuali outliers, ossia di dati anomali particolarmente distanti dal resto dei dati raccolti. In genere, è affidato al progettista il compito di giudicare se l'outlier va tenuto in considerazione oppure eliminato dal resto dei dati.
- si verifica se il comportamento del materiale sia descrivibile mediante una distribuzione di tipo gaussiano, per ogni condizione ambientale. In genere, l'esperienza e il giudizio del progettista è sufficiente per verificare se tale assunzione non è significativamente violata.
- si verifica che i coefficienti di variazione (o le varianze) dei dati normalizzati siano confrontabili tra le diverse condizioni ambientali.
  In genere, un coefficiente di variazione della media compreso tra il 3% ed il 10% è tipico dei materiali compositi. L'esperienza con ampi set di dati ha mostrato che questo range è rappresentativo della maggior parte dei sistemi compositi. Valori dei coefficienti di variazione più bassi potrebbero essere causati da processi di fabbricazione o da singole

modalità di esecuzione dei test, mentre valori dei coefficienti di variazione maggiori sono spesso da addebitare a difetti del materiale e dei processi di controllo.

- si procede, quindi, a normalizzare i dati (per ogni condizione ambientale) dividendo il singolo valore dello strength con il valore medio dello strength.
- per i dati cosi normalizzati, si procede a calcolare il numero di campioni  $n_j$ , il valore medio  $\bar{x}$  e la deviazione standard.
- si calcolano i fattori di tolleranza per i valori degli A-basis e B-basis per ciascuna condizione ambientale.

Il fattore di tolleranza  $k_b$  per il B-basis può essere approssimato mediante la seguente relazione:

$$(k_b)_j = z_b \sqrt{\frac{f}{Q}} + \sqrt{\frac{1}{c_b \cdot n_j} + \left(\frac{b_b}{2c_b}\right)^2} - \frac{b_b}{2c_b}$$
(Equazione 4-4)

dove  $n_j$  è il numero di osservazioni e  $z_b$  è la variabile casuale normale. Nel calcolo del Bbasis,  $z_b$  è posto pari a 1.28115 (90% di probabilità). I coefficienti  $b_b$  e  $c_b$  sono forniti dalle seguenti espressioni:

$$b_{b}(f) = 1.1372 \cdot \frac{1}{\sqrt{f}} - 0.49162 \cdot \frac{1}{f} + 0.18612 \frac{1}{f \cdot \sqrt{f}}$$

$$c_{b}(f) = 0.36961 + 0.0040342 \cdot \frac{1}{\sqrt{f}} - 0.71750 \cdot \frac{1}{f} + 0.19693 \frac{1}{f \cdot \sqrt{f}}$$
(Equations 4-5)

dove  $f = n_j - 2$  è il grado di libertà della varianza. Nel caso in cui  $f \ge 3$ , il valore Q può essere approssimato come:

$$Q = f - 2.327\sqrt{f} + 1.138 + 0.6057 \cdot \frac{1}{\sqrt{f}} - 0.3287 \cdot \frac{1}{f}$$
(Equazione 4-6)

Per f = 2, l'esatto valore di Q è 0.05129.

Le approssimazioni appena descritte hanno una percentuale di accuratezza dell'1.2% rispetto ai valori calcolati e tabulati dei B-basis.

Il fattore di tolleranza  $k_a$  per l'A-basis può essere, invece, approssimato mediante la seguente relazione:

$$(k_a)_j = z_a \sqrt{\frac{f}{Q}} + \sqrt{\frac{1}{c_a \cdot n_j}} + \left(\frac{b_a}{2c_a}\right)^2 - \frac{b_a}{2c_a}$$
(Equazione 4-7)

dove  $n_j$  è il numero di osservazioni e  $z_b$  è la variabile casuale normale. Nel calcolo dell'Abasis,  $z_b$  è posto pari a 2.32635 (99% di probabilità). I coefficienti  $b_a$  e  $c_a$  sono forniti dalle seguenti espressioni:

$$b_{a}(f) = 2.0643 \cdot \frac{1}{\sqrt{f}} - 0.95145 \cdot \frac{1}{f} + 0.51251 \frac{1}{f \cdot \sqrt{f}}$$

$$c_{a}(f) = 0.36961 + 0.0026958 \cdot \frac{1}{\sqrt{f}} - 0.65201 \cdot \frac{1}{f} + 0.01132 \frac{1}{f \cdot \sqrt{f}}$$
(Equation 4-8)

dove  $f = n_j - 2$  è il grado di libertà della varianza. Il valore di Q è uguale, nel caso del Bbasis, sia per  $f \ge 3$  che per f = 2.

Tali approssimazioni hanno una percentuale di accuratezza dello 0.9% rispetto ai valori calcolati e tabulati degli A-basis.

 a questo punto, ricavati i valori degli A-basis e B-basis normalizzati, ossia calcolati rispetto al valore medio e alla deviazione standard precedentemente normalizzati, possono essere ottenuti i valori A-basis e B-basis per ogni condizione ambientale moltiplicando quest'ultimi per il valor medio:

$$A_{j} = (valor \_medio) \cdot A_{j\_normal}$$

$$B_{j} = (valor \_medio) \cdot B_{j\_normal}$$
(Equazione 4-9)

Nella procedura automatizzata che è stata messa appunto si terra conto di quanto esposto fino ad ora pensando che il dato della prova non sarà sperimentale bensì numerico, cioè proveniente da una analisi non lineare agli elementi finiti.

### 4.4 Gli standard ASTM

Nei primi anni di sviluppo di strutture in materiale composito, la caratterizzazione degli stessi avvenne impiegando essenzialmente tecniche sperimentali già ampiamente utilizzate per testare i metalli e altri materiali da costruzione. Tuttavia bastarono pochi insoddisfacenti risultati per capire che erano necessarie specifiche considerazioni per valutare le proprietà dei materiali compositi, la cui natura sappiamo essere fortemente anisotropa e non omogenea. Inizialmente le prove erano effettuate in strutture private; successivamente si presentò l'ovvia necessità di standardizzare delle metodologie di test valide per quasi tutte le strutture in materiale composito. Le più importanti normative fanno capo all'American Society for Testing and Materials (ASTM) e per descrivere le prove più importanti per caratterizzare strutture in materiale composito faremo riferimento a questa normativa in quanto è la più adottata oggi, anche se nel corso degli anni ne sono state avanzate delle altre.

## 4.4.1 Unnotched laminate

#### 4.4.1.1 ASTM - D3039 : Unnotched tension strength and modulus (UNT)

Lo standard ASTM-D3039 descrive il metodo di test per la determinazione delle proprietà a trazione di materiali compositi rinforzati con fibre [Ref. 4].

Un provino avente sezione trasversale rettangolare costante è montato nei morsetti della macchina di prova e sottoposto a carico di trazione, registrando la forza applicata. La resistenza ultima del materiale è determinata dal massimo valore della forza registrata prima della rottura. Monitorando la deformazione del provino mediante specifici trasduttori, si costruisce la curva sforzo-deformazione del materiale che permette di determinare, oltre alla deformazione ultima a trazione, anche il modulo di elasticità a trazione e il coefficiente di Poisson.

I fattori che influenzano fortemente i risultati della prova sono da ricercarsi, oltre che nel materiale e nei suoi metodi di fabbricazione, nella sequenza di impacchettamento delle lamine, nelle condizioni ambientali, nella velocità di applicazione del carico, nell'allineamento del provino con i morsetti, nelle percentuali volumetriche di fibra e di vuoti presenti. Essi devono, pertanto, essere tenuti debitamente in conto nell'esecuzione della prova.

Nelle Figura 4-5 e Figura 4-6 sono illustrate la geometria e le dimensioni dei provini nelle configurazioni con e senza piastrine (tabs). Si sottolinea, a tal proposito, che l'utilizzo delle tabs è fortemente raccomandato soltanto per laminati unidirezionali in modo da garantire modi di rottura accettabili.







Figura 4-6: Coupon senza tabs

La risposta meccanica è misurata nella gage region del campione per mezzo o di estensimetri o di estensimetri, permettendo così di determinare le proprietà elastiche del materiale. Secondo la normativa ASTM D3039 è necessario testare almeno 5 provini per ogni condizione di prova, la cui geometria deve rispettare nei limiti quelle suggerite nella seguente tabella tratta dalla normativa:

Tipo di laminato	Larghezza (mm)	Lunghezza (mm)	Spessore (mm)
Unidirezionale a 0°	15	250	1.0
Unidirezionale a 90°	25	175	2.0
Bilanciato e simmetrico	25	250	2.5
Fibre discontinue	25	250	2.5

Tabella 4-2: Dimensioni suggerite dalla normativa ASTM per i provini testati a trazione, al variare del tipo di laminato utilizzato

La scelta della larghezza e dello spessore del provino deve essere tale da favorire la rottura nella gage region e assicurare che il campione contenga, nella sezione trasversale, un numero sufficiente di fibre per essere statisticamente rappresentativo del materiale base. Le tolleranze imposte sulla larghezza e sullo spessore sono, rispettivamente, di +/-0.3mm e di +/-0.1mm.

La normativa presa come riferimento fornisce anche delle indicazioni sulla geometria dei tab da utilizzare (Figura 4-5); per il corretto allineamento del provino, è essenziale che la tolleranza sugli spessori dei tab sia di +/-1% rispetto ai valori standard indicati nella seguente tabella:

Tipo di laminato	Larghezza (mm)	spessore (mm)	Angolo di smusso
Unidirezionale a 0°	15	1.5	7° o 90°
Unidirezionale a 90°	25	1.5	90°
Bilanciato e simmetrico	Tessuto abrasivo		
Fibre discontinue	Tessuto abrasivo		

Tabella 4-3: Dimensioni tabs suggerite dalla normativa ASTM per i provini testati a trazione,

In Figura 4-7 sono riportate riportati i modi di rottura accettabili per questo tipo di prova.



Figura 4-7: Modi di rottura accettabili a trazione

# 4.4.1.2 ASTM - D695 : Unnotched compression strength and modulus (UNC)

La prova di compressione ci permette di ottenere i valori delle tensioni di rottura e dei moduli elastici a compressione nelle direzioni principali. Queste prove sono più complicate dei test a trazione soprattutto perché l'impiego di provini di elevata snellezza può portare, nel caso in cui la lunghezza libera degli stessi sia troppo estesa, al collasso per instabilità euleriana (buckling). Di conseguenza i test a compressione vanno effettuati in modo tale da ritardare il più possibile l'istaurarsi dell'instabilità e la scelta della geometria del provino deve presentare una lunghezza libera non molto estesa.

Lo standard ASTM-D695 descrive il metodo di test per la determinazione delle proprietà meccaniche del materiale composito soggetto a carichi di compressione a velocità relativamente bassa ed uniforme di deformazione o di carico. Pertanto, tale metodo è in genere utilizzato per compositi unidirezionali il cui modulo non superi 41370 MPa e provvede a fornire informazioni riguardanti in particolare il modulo di elasticità e lo sforzo a compressione.

Nel caso specifico di materiali rinforzati con fibre aventi spessore inferiore a 3.2 mm, la geometria e le dimensioni del provino sono quelle illustrate nella Figura 4-8.



Figura 4-8: Dimensioni provino per prova secondo ASTM-D695

# 4.4.1.3 ASTM – D3410 : Unnotched compression strength and modulus (UNC)

Lo standard ASTM-D3410 descrive il metodo di test per la determinazione delle proprietà a compressione di materiale compositi rinforzati con fibre [Ref. 5]. Tale tipologia di prova differisce da quella descritta dall'ASTM-D695 per la modalità di applicazione del carico di compressione. In questo caso, infatti, un provino di materiale avente sezione trasversale rettangolare costante è caricato a compressione mediante una forza di taglio agente lungo l'interfaccia dei cunei di bloccaggio della macchina di prova (vedi Figura 4-9).



Figura 4-9: Test setup per prova secondo ASTM-D3410

La resistenza ultima a compressione del materiale è determinata dal massimo valore della forza registrata prima della rottura. Monitorando la deformazione del provino mediante specifici trasduttori, si costruisce la curva sforzo-deformazione del materiale che permette di determinare, oltre alla deformazione ultima a compressione, anche il modulo di elasticità a compressione e il coefficiente di Poisson. Il materiale e i suoi metodi di fabbricazione, la sequenza di lay-up, la

velocità del test, l'allineamento del provino con i morsetti, le percentuali volumetriche di fibra e di vuoti nonché lo spessore del provino sono i fattori che maggiormente influenzano la risposta della prova.

Particolari raccomandazioni di carattere geometrico sono fornite in Tabella 4-4. In particolare, si evidenzia come la scelta della lunghezza effettiva del provino su cui è misurata la deformazione (gage length) debba essere un compromesso tra una lunghezza sufficientemente ridotta da evitare fenomeni di buckling ma lunga abbastanza da garantire un stato uniforme di compressione monoassiale e una riduzione degli effetti di strizione. La gage length raccomandata, per rispondere a tali esigenze, è compresa tra 10 e 25 mm.

Tipo di laiminato	Larghezza (mm)	Gage length (mm)	Tab length (mm)	Overall Length (mm)	Tab Thickness (mm)
Unidirezionale a 0°	10	10-25	65	140-155	1.5
Unidirezionale a 90°	25	10-25	65	140-155	1.5
Specially orthotropic	25	10-25	65	140-155	1.5

Tabella 4-4: Dimensioni suggerite dalla normativa ASTM per i provini testati a compressione,

Ulteriori considerazioni devono essere fatte riguardo allo spessore del provino. Il minimo spessore h richiesto per evitare fenomeni di buckling può essere determinato mediante l'equazione:

$$h \ge \frac{l_g}{0.9069 \sqrt{\left(1 - \frac{1.2F^{CU}}{G_{xz}}\right) \left(\frac{E^C}{F^{CU}}\right)}}$$
(Equazione 4-10)

in funzione del modulo di elasticità longitudinale  $E_c$ , dello sforzo ultimo a compressione  $F_{cu}$ , del modulo di taglio  $G_{xz}$  in direzione xz (ossia attraverso lo spessore) e della gage lenght  $l_g$ . In Tabella 4-5sono riportati i valori del minimo spessore in funzione dei valori attesi del modulo di elasticità e dello sforzo ultimo a compressio ne per una gage length di 25 mm e un valore del modulo di taglio  $G_{xz}$  pari a 4 GPa.

	Mini	mum Required Thickne	ss (mm [in.]) for 25-mm	[1.0-in.] Gage Length.		
Longitudinal Modulus,		E	xpected Compression S	itrength, <i>F<sup>cu</sup></i> , MPa [ksi]		
GPa [Msi]	300 [50]	600 [100]	900 [150]	1200 [200]	1500 [250]	1800 [300]
25 [5]	3.17 [0.116]	4.72 [0.174]	6.12 [0.228]	7.55 [0.285]	9.10 [0.349]	10.91 [0.427]
50 [7]	2.24 [0.098]	3.33 [0.147]	4.33 [0.193]	5.34 [0.241]	6.44 [0.295]	7.71 [0.361]
75 [10]	1.83 [0.082]	2.72 [0.123]	3.53 [0.161]	4.36 [0.201]	5.26 [0.247]	6.30 [0.302]
100 [15]	1.58 [0.067]	2.36 [0.101]	3.06 [0.132]	3.77 [0.164]	4.55 [0.201]	5.45 [0.247]
200 [20]	1.12 [0.058]	1.67 [0.087]	2.16 [0.114]	2.67 [0.142]	3.22 [0.174]	3.86 [0.214]
300 [30]	1.00 [0.047]	1.36 [0.071]	1.77 [0.093]	2.18 [0.116]	2.63 [0.142]	3.15 [0.174]
400 [50]	1.00 [0.040]	1.18 [0.055]	1.53 [0.072]	1.89 [0.090]	2.28 [0.110]	2.73 [0.135]
500 [70]	1.00 [0.040]	1.05 [0.047]	1.37 [0.061]	1.69 [0.076]	2.04 [0.093]	2.44 [0.114]

Tabella 4-5: Minimo spessore del coupon per la prova di compr. secondo (Equazione 4-10)

Nelle Figura 4-10 e Figura 4-11 sono riportate le dimensioni del provino a compressione con e senza tabs.



Figura 4-10: Dimensioni provino prova di compressione con tabs



Figura 4-11: Dimensioni provino prova di compressione senza tabs

La Figura 4-12 mostra i modi di rottura accettabili per la prova di compressione



Figura 4-12: Modi di rottura accettabili a compressione

## 4.4.1.4 ASTM - D3518 : In plane shear strength and modulus (IPS)

Lo standard ASTM-D3518 descrive il metodo di test per la determinazione delle proprietà a taglio di materiali compositi rinforzati con fibre [Ref. 6]. La procedura prevede di sottoporre ad uno sforzo di trazione monoassiale un laminato, costituito da ply orientate a  $\pm 45^{\circ}$ , in accordo con lo standard D3039, sebbene con specifiche restrizioni sulla sequenza di impacchettamento e lo spessore del laminato stesso (Figura 4-13). Utilizzando le equazioni derivate dalla teoria classica dei laminati, la sollecitazione di taglio nel piano è direttamente calcolata dal carico applicato e dalle deformazioni normali e trasversali ottenute.



Figura 4-13: Coupon per la prova a taglio

Risulta evidente che la risposta della prova è influenzata dagli stessi fattori descritti nel caso della prova di trazione D3039.

Nella Figura 4-14 sono illustrate la geometria e le dimensioni del provino richieste dallo standard per tale prova.



Figura 4-14: Dimensioni coupon per prova di IPS

La sequenza di impacchettamento delle lamine deve essere  $[45/-45]_{ns}$  con  $4 \le n \le 6$  ossia tale da costituire un laminato simmetrico con 16, 20 o 24 lamine.

# 4.4.2 Notched Laminates

# 4.4.2.1 ASTM - D5766 : Open Hole Tension Strenght (OHT)

Lo standard ASTM-D5766 descrive il metodo di test per la determinazione delle proprietà a trazione di materiali compositi rinforzati con fibre in presenza di fori (open hole) [Ref. 7]. Un provino, costituito da un laminato (simmetrico e bilanciato) con un foro centrale, è sottoposto ad uno sforzo monoassiale di trazione in accordo con le stesse specifiche dettate dallo standard ASTM-D3039. La resistenza ultima è calcolata riferendosi all'area totale della sezione trasversale, ignorando la presenza del foro. Sebbene il foro provochi evidentemente una concentrazione degli stress ed una riduzione della sezione netta resistente, è pratica comune in campo aerospaziale sviluppare gli ammissibili in presenza di intagli basandosi sulla sezione totale, in modo tale da tenere in conto le

varie concentrazioni di stress non esplicitamente modellate nell'analisi. I soli modi di rottura accettabili per la presente prova sono quelli in cui la rottura avviene in corrispondenza del foro del provino. Essi sono illustrati schematicamente in Figura 4-15.



Figura 4-15: Modi di rottura accettabili per la prova OHT

Nel caso (a) la rottura del laminato avviene lateralmente al centro del foro, sia da una parte che dall'altra; nel caso (b) il laminato cede in corrispondenza del foro, sebbene parti di alcune lamine superino la linea di mezzeria del foro; infine, nel caso (c) la rottura in corrispondenza del foro è accompagnata da rotture multiple del laminato.

La geometria del provino, in accordo con lo standard ASTM-D3039 e con le opportune modifiche, è schematicamente illustrata in Figura 4-16.



Figura 4-16: Geometria del provino per la prova OHT

La lunghezza del provino deve essere compresa tra 200 e 300 mm, mentre la larghezza richiesta è di  $36 \pm 1$  mm. L'intaglio consiste in un foro di  $6 \pm 0.06$  mm di diametro, centrato sia rispetto alla lunghezza che alla larghezza. Lo spessore nominale del coupon deve essere di 2.5 mm con un range permesso da 2.0 a 4.0 mm.

Risulta facilmente intuibile che la risposta della prova è influenzata dagli stessi fattori indicati in precedenza nel caso della prova di trazione unnotched, tenendo tuttavia presente che in questo caso anche lo spessore del laminato gioca un ruolo di fondamentale importanza.

I risultati forniti dalla prova sono altresì fortemente influenzati dal rapporto W/D tra la larghezza del provino e il diametro del foro. Per non indagare sull'influenza di tale rapporto, esso deve essere mantenuto pari a 6.

La prova risente anche del rapporto D/h tra il diametro del foro e lo spessore del provino che deve essere compreso tra 1.5 e 3.

# 4.4.2.2 ASTM - D6484 : Open Hole Compression Strength (OHC)

Lo standard ASTM-D6484 descrive il metodo di test per la determinazione delle proprietà a compressione di materiali compositi rinforzati con fibre in presenza di fori (open hole) [Ref. 8].

Un provino, costituito da un laminato simmetrico e bilanciato con un foro centrale aperto, è sottoposto ad uno sforzo monoassiale di compressione. Risultano facilmente intuibili le analogie con lo standard ASTM-D5766 per la prova open hole a trazione. Possono, pertanto, essere ripetute le medesime considerazioni riguardo al calcolo della resistenza ultima, ai modi di rottura accettabili e ai fattori di influenza della prova.

La geometria del provino è graficamente illustrata in Figura 4-17.



Figura 4-17: Geometria del provino per la prova OHC

La lunghezza del provino deve essere di  $300 \pm 0.25$  mm, mentre la larghezza richiesta è di  $36 \pm 0.25$  mm. L'intaglio consiste in un foro di  $6 \pm 0.06$  mm di diametro, centrato sia rispetto alla lunghezza che alla larghezza. Lo spessore nominale del coupon dovrebbe essere di 4 mm con un range permesso da 3.0 a 5.0 mm.

Valgono le considerazioni, fatte per la prova open hole a trazione, riguardo il rapporto W/D tra la larghezza del provino e il diametro del foro e di l'apporto D/h tra il diametro del foro e lo spessore del provino. Si sottolinea, inoltre, che i risultati forniti dalla prova sono altresì influenzati dal rapporto tra la lunghezza libera (non interessata dai morsetti) e la larghezza del provino che dovrebbe essere mantenuta pari a 2.7.

## 5. Tecniche di simulazione virtuale per la determinazione degli ammissibili

L'utilizzo dei materiali compositi in campo aerospaziale ha conosciuto un'ampia diffusione grazie ai vantaggi di peso, costo, affidabilità e durabilità che essi mostrano di offrire in alcune situazioni. La varietà di materiali che possono essere combinati e la molteplicità di modi in cui le lamine in composito possono essere organizzate offrono al progettista un numero straordinario di "sistemi materiali" tra cui scegliere.

In realtà, i costi di valutazione ed i rischi di gestione fanno si che soltanto una ridotta percentuale di tali sistemi, e non sempre i più efficienti, siano utilizzati. Sebbene un sistema sia potenzialmente disponibile, i costi ed i tempi necessari per i test sperimentali sono spesso proibitivi al punto tale da annullare i benefici dell'introduzione, in ambito industriale, del sistema stesso. Basti pensare che i costi legati alla produzione e ai test sperimentali coprono, in genere, il 67% (di cui 3/4 legati ai soli test) dei costi totali di un tipico sistema aerospaziale (Figura 5-1).



Figura 5-1: Costi totali di in tipico sistema aerospaziale

Come ampiamente evidenziato nel capitolo precedente, il modo migliore di affrontare il problema è quello di ricorrere ad un approccio di progetto sviluppato in modo tale da prevedere un forte combinazione di analisi e test fisici.

La simulazione virtuale permette di soddisfare le esigenze di riduzione dei costi (dal 30% al 50%) e dei tempi di commercializzazione (dal 10% al 25%), senza compromettere la qualità dei prodotti, può aiutare a comprendere il comportamento fisico dei prodotti in modo più approfondito di quanto possibile con i test sperimentali, favorendo inoltre l'innovazione grazie alla facilità e attendibilità nel testare nuovi concept di progetto. Ed è forse proprio questo aspetto il maggiore beneficio dell'introduzione degli strumenti di simulazione nei processi di progettazione e ingegnerizzazione: la possibilità di rispondere alla domanda "cosa si verificherebbe se" con costi e tempi relativamente ridotti permette di valutare rapidamente e più a fondo le diverse alternative di progetto.

Lo strumento del Metodo agli Elementi Finiti consente di ricavare e verificare, al calcolatore, le proprietà meccaniche di una struttura complessa sottoposta a differenti condizioni di carico.

Nel presente capitolo saranno illustrate le procedure adottate per l'esecuzione delle analisi virtuali di resistenza del modello di laminato mediante impiego di tecniche agli elementi finiti coadiuvati da tecniche di omogeneizzazione di sistemi a più fasi (matrice e fibra), da failure criteria ad hoc

(Progressive Failure Analysis), analisi di calibrazione, analisi di sensitività e analisi probabilistica per l'ottenimento di ammissibili virtuali del materiale.

Per ciascun tipo di ammissibile da ricavare occorre sempre partire dal:

- omogeneizzare le proprietà meccaniche dell'elemento elementare (RVE) a partire dalle proprietà della fibra e matrice;
- individuare i fattori di maggior sensitività per la prova in esame;
- costruire il laminato da analizzare (note le proprietà meccaniche di fibra e matrice);
- costruire un modello agli elementi finiti secondo specifica ASTM;
- applicare carichi e condizioni a contorno secondo specifica ASTM;
- definire i parametri per l'esecuzione della Progressive Failure Anlysis;
- generare gli ammissibili A- e B-Basis.

Nel presente lavoro sono stati utilizzati i programmi agli elementi finiti MSC.Marc [Ref. 13] e MSC.Nastran (SOL400) [Ref. 14] che ben si prestano ad analisi non lineari implicite agli elementi finiti, alla generazione di modelli parametrici e all'analisi progressiva del danno.

Un altro codice usato è stato MSC.Digimat [Ref. 12] che risulta essere fra i migliori codici commerciali in grado di simulare correttamente materiali polifasici, come nel caso dei materiali compositi.

## 5.1 Cenni sul codice MSC.Marc

Marc è considerato uno dei migliori solutori non lineari a elementi finiti. La versatilità di Marc nella modellazione di comportamenti non lineari dei materiali e condizioni ambientali transitorie lo rende la soluzione ideale per problemi complessi. Con le sue tecnologie e metodologie di modellazione innovative, Marc consente di simulare i comportamenti complessi dei sistemi meccanici nel mondo reale e risponde alle necessità di risolvere i problemi di progettazione e produzione in un ambiente unico. Marc, ottimizzato per l'analisi non-lineare, fornisce schemi di soluzione completi e solidi per risolvere i problemi che influiscono su tutto il ciclo di vita del prodotto: dalla simulazione del processo di produzione, all'analisi delle prestazioni, fino alla failure analysis.



Figura 5-2: Esempio illustrato di MSC.Marc/Mentat

#### Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

In MSC.Marc è possibile eseguire analisi multidisciplinari:

- Analisi non lineare che include ogni tipo di non-linearità
  - del materiale;
  - della geometria;
  - delle condizioni al contorno;
- Analisi termica
- Processi di formatura come lo stampaggio della lamiera, idroformatura, saldatura, tempra, curing
- Multifisica
  - Analisi Termomeccanica accoppiata;
  - Elettromagnetica;
  - Analisi Piezoelettrica;
  - Elettrica-Termica-Meccanica;
  - Elettrostatica e Magnetostatica accoppiata con risposta strutturale.

Nella SOL 400 di MSC.Nastran è stato parzialmente integrato il solutore MSC.Marc sviluppando un nuovo modulo DMAP (Direct Matrix Abstraction Programming).

#### 5.2 Cenni sul codice MSC.Nastran (SOL400)

La SOL400 di MSC.Nastran è una nuovo processo avanzato per analisi non lineare che (vedi Figura 5-3):

- ingloba le "capability" di molti altri solutori della famiglia MSC.Software in un'unica soluzione
- concatena automaticamente insieme di sequenze di analisi, utilizzando l'output di una come input per un'altra analisi;
- permette di modellare i processi completi di analisi in un unica simulazione attraverso l'analisi di concatenamento.



La SOL 400 è una avanzata ed integrata soluzione non lineare che:

- usa gli elementi "nativi" di MSC.Nastran (non è richiesta nessuna modifica);
- combina analisi statiche e quelle con un transitorio in un'unica analisi (Pre-stress, transient, steady-state analysis chaining, Thermal-Structural analysis chaining, Multiple, independent loadcases in 1 run, Linear Perturbation);
- permette di definire corpi di contatto (Solid-to-solid, surface-to-surface, edge-to-edge, beam-to-beam, etc.)
- permette di andare oltre a quelle che sono le limitazioni legate agli small-strain element (Large strain elements / materials);
- permette di considerare large displacements/rotations per elementi rigidi (Kinematic RBEi elements);
- fornisce la possibilità di usare collegamenti non lineari (Large displacement / rotation CFAST, CBUSH, and CWELD elements, "Fuse" capability of CBUSH element);
- permette di simulare la progressive failure analisi per i compositi (Virtual Crack Closure Technique VCCT, Cohesive Zone Modeling, Progressive Failure Analysis (PFA), Genoa Micromechanical modeling, Composite Beam, MSC.Digimat micromecanical modeling)

Per questo lavoro di tesi l'ultimo è stato sfruttata (tra le altre cose) la capability della SOL 400 di MSC.Nastran descritta nell'ultimo punto.

#### 5.3 Cenni sul codice MSC.Digimat

Come detto precedentemente il codice MSC.Digimat risulta essere fra i migliori codici commerciali in grado di simulare correttamente materiali polifasici, come nel caso dei materiali compositi. Per questo motivo, per il presente lavoro di tesi, si è deciso di usarlo per la omogeneizzazione delle proprietà fibra e matrice per poi essere usato, in accoppiamento al solutore agli elementi finiti MSC.Marc o MSC.Nastran, per la determinazione dell'ammissibile virtuale.



Figura 5-4: Workflow del programma MSC.Digimat con lo scopo di manipolare le proprietà del materiale su scale diverse

MSC.Digimat consente di fare analisi multiscala di materiali compositi per predire le loro prestazioni e calcolare le loro proprietà meccaniche, termiche ed elettriche da utilizzare in successive analisi agli elementi finiti.



Figura 5-5: RVE di una struttura multilayer

Si possono utilizzare i moduli MF e FE di MSC.Digimat per esaminare i dati sperimentali del composito e dei suoi costituenti e procedere alla omogeneizzazione delle fasi.

Sono considerati eterogenei quei materiali costituiti da una matrice e più fasi chiamate "inclusioni", le quali possono essere fibre corte, lunghe, micro cavità (porosità), micro cricche, ecc. Ci sono molti esempi di materiali compositi come per esempio: polimeri termoplastici rinforzate con fibre di vetro (GFRP), polimeri epossidici e termoplastici rinforzate con fibre di carboni (CFRP), matrici metalliche come il titanio rinforzate con fibre ceramiche (MMC), ecc.



Figura 5-6: Matrice rinforzata con più fasi (inclusioni)

Digimat-MF è il modulo di omogeneizzazione Mean Field di Digimat, basate su tecniche di omogeneizzazione implicite, tipo quella di Mori-Takana e Double Inclusions Model [Ref. 9] e [Ref. 10], che offrono la possibilità di definire il comportamento locale del materiale come una funzione del comportamento del materiale legata:

- 1. alla matrice e alle fasi di inclusione
- 2. alla morfologia della microstruttura del composito (inclusioni peso, forma e dimensione)

Digimat-MF è un software di modellazione di materiali micromeccanici facile da usare in cui l'utente inserisce il comportamento meccanico del materiale che costituisce le fasi, la descrizione della microstruttura e il carico applicato al materiale multifase risultante, avendo come output le proprietà meccaniche del RVE (esempio la lamina), vedi Figura 5-7.



Figura 5-7: Processo di omogeneizzazione del modulo MSC.Digimat-MF

Lo scopo della modellazione micromeccanica è quello di predire l'interazione tra le proprietà della microstruttura e quelle della macrostruttura (analisi multiscala).

Di seguito viene riportato un esempio di come è possibile ottenere le proprietà della lamina base a partire da quella della fibra e matrice. Considereremo il caso di un materiale composito costituito da una matrice epossidica rinforzata da fibre di carbonio lunghe con un frazione in volume del 61%. La matrice verrà definita come un materiale isotropo, con comportamento elastoplastico e con una legge di "hardening" di tipo esponenziale. La fibra verrà considerata costituita da un materiale trasversalmente isotropo con comportamento elastico. Nella Tabella 5-1 vengono riportati le proprietà della fibra e della matrice da usare per l'omogeneizzazione.

	Matrix	Fibers
Axial Young's modulus (MPa)	2890	250000
In-plane Young's modulus (MPa)		40000
In-Plane Poisson's ratio	0.3	0.2
Transverse Poisson's ratio		0.256

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in	Materiale Composito
---	---------------------

Transverse shear modulus (MPa)		24000
Yield stress (MPa)	35	
Hardening	Exponential and Linear Law	
Hardening modulus (MPa)	73	
Hardening Exponent	60	
Linear Hardening Modulus (MPa)	10	

Dalla Figura 5-8 è possibile notare che per questo tipo di analisi è stato scelto il criterio di omogeneizzazione di Mori-Tanaka del primo ordine.

Name: Analysis1	Material modeler : Digimat-MF	
Units System : Undefined		
Analyzis tuno		
Analysis type		
Mechanical		
C Thermomechanical		
C Thermal		
C Electrical		
Mean Field homogenization:		
Homogenization scheme:	• Mori-Tanaka	
	C Double inclusion	
Homogenization order:	First order	
	C Second order	
🔲 Linearization method:	Incremental	
🔲 Multi-inclusion homogenizati	on: Multi-step method 💌	
Geometrical non-linearities		
Finite strain		_

Figura 5-8: Digimat-MF setting dell'analisi



Figura 5-9: Struttura di esplorazione ad "albero" di MSC.Digimat

Passiamo, grazie alla struttura ad albero del programma, alla definizione dei due materiali che costituiranno le due fasi del nostro composito: la resina epossidica e la fibra di carbonio.

Per il materiale epossidico, usando i valori dati in Tabella 5-1, si ottiene la curva stress-strain della resina e della fibra:





Figura 5-10: Comportamento esponenziale/lineare del materiale epossidico



0 030

**E**Cdigimat

A questo punto occorre definire la microstruttura, cioè la combinazione elementare delle due fasi.

In Figura 5-12 è possibile vedere come alla fase MATRIX viene associato il materiale definito prima EPOXY.

Phase name: MATRIX Phase type  Matrix  Matrix  Inclusion  Void  Continuous fiber  Yarn Phase behavior  Conformable  Concrementally rigid  Rigid Phase material	Phase name:	MATRIX	
Phase type Matrix Matrix Matrix Noid Continuous fiber Yarn Phase behavior Conformable	Dhare tune		
Matrix     Inclusion     Void     Continuous fiber     Yarn Phase behavior     Deformable     Incrementally rigid     Rigid Phase material	r lase type		
C Inclusion C Void C Continuous fiber C Yarn Phase behavior C Deformable C Incrementally rigid C Rigid Phase material	Matrix		
C Void C Continuous fiber C Yarn Phase behavior C Deformable C Incrementally rigid C Rigid	C Inclusion		
C Continuous fiber C Yarn Phase behavior C Deformable C Incrementally rigid C Rigid Phase material	C Void		
C Yam Phase behavior C Deformable C Incrementally rigid C Rigid Phase material	C Continuous fib	er	
Phase behavior C Deformable C Incrementally rigid C Rigid Phase material	C Yarn		
C Deformable C Incrementally rigid C Rigid Phase material	Phase behavior —		
C Incrementally rigid C Rigid Phase material	$oldsymbol{c}$ Deformable		
C Rigid Phase material	C Incrementally	rigid	
Phase material	C Rigid		
	Phase material		
Material: EPOXY	Material: EPOXY	<b></b>	

Figura 5-12: Definizione della fase Matrice

Allo stesso modo viene definita la fase FIBER, alla quale viene associato il materiale CARBON (vedi Figura 5-13).

Phase name: PIBER Phase space C Matrix C Inclusion C Void C Continuous fiber C Yain Advanced phase description Costing:  C Clustering:  Phase behavior D Phase behavior C D dormalia	
Phase type C Matrix C Inclusion C Void C Continuous fiber C Van Advanced phase description Coatings: C Custering: T Phase behavior C Advanced	
C Metrix C Incluion Void C Continuous fiber Vam Advanced phase description C castings: C Custering: C Custering: C Custering: C Custering: C Custering: C Custering: C Descendate C Control C Control C C C C C C C C C C C C C C C C C C C	
C Inclusion C Void C Continuous fiber C Van Advanced phase description Coatings: C Custering: C Data behavior C Indemnable C Datamable	
Void     Continuous fiber     Van Advanced phase description     Costings:     Custering:     Custering:     Custering:     Custering:     Custering:     Costing	
Continuous fiber Vam Advanced phase description Costings: Costing: Costing: Phase behavior	
Yan     Advanced phase description     Costings:     □     Custering:     □     Phase behavior     ①     Defaurable	
Advanced phase description	
Costings:  Custering:  Phase behavior	
Countrys:   Clusteing:    Phase behavior: @ Tadramable	
Phase behavior	
Phase behavior	
Deformable	
, peronnable	
C Incrementally rigid	
C Rigid	
Phase material	
Material: CARBON	

Figura 5-13: Definizione della fase Fibra

Nela caso della fase Fibra occorre definire anche il cosiddetto volume fraction (nel nostro caso 61%), la direzione della fibra e la lunghezza. Usando l'opzione "Continuous Fiber" il programma considererà un aspect ratio (rapporto lunghezza fibra / Diametro) infinito.

90 * Phic	0 ·
90 ° Phi:	0 ·
90 ° Phi:	0 ·
	43
	2 2
	Orientation tensor display type: Trihedron

Figura 5-14: Definizione dei parametri da assegnare alla fase Fibra

La direzione della fibra è lungo l'asse-1 (vedi Figura 5-14)

La microstruttura viene caricato con uno strain di trazione monotonico crescente in direzione 1 fino ad un massimo di 0.03.

Loading type: Strain		
Load direction: Theta: 90	• Phi: 0	2

Figura 5-15: Definizione del caricamento della microstruttura

Prima di passare all'analisi occorre definire un "failure indicator" per le due fasi. Definiremo per la matrice un failure indicator basato sul max principal strain , mentre per la fibra uno basato sul max principal stress (vedi Figura 5-16 e Figura 5-17).

Failure indicator definition						
Name: MaxPrincStrain						
Model: Component 👤 Strain 💌						
Axes system: local axes						
Failure indicator outputs						
$f_i = \mathcal{F}_i(\epsilon)$ , with:						
$\mathcal{F}_A(\epsilon) = rac{\epsilon_{ij}}{X_t}$ if $\epsilon_{ij} > 0, 0$ otherwise.						
$\mathcal{F}_B(m{\epsilon}) = -rac{\epsilon_{ij}}{X_c}$ if $\epsilon_{ij} < 0, \ 0$ otherwise.						
Parameters						
Active strain: 11 component						
Maximum tensile strain (X,t): 0.025						
Maximum compressive strain (X_c): 0.025						

Figura 5-16: Definizione failure indicator per la matrice

Name: MaxPrincStress		
Model: Component	Stress V	
Axes system: local axes	<b>_</b>	
Failure indicator outputs		
$f_i = F_i(\sigma)$ , with		
$\mathcal{F}_A(\boldsymbol{\sigma}) = \frac{\sigma_{ij}}{X_t}$ if $d$	$_{ij} > 0, 0$ otherwise.	
$F_B(\sigma) = -\frac{\sigma_{ij}}{X_c}$ if	$\sigma_{ij} < 0, \ 0$ otherwise.	
Parameters		
Active stress:	11 component	
Tensile strength (X_t):	4400 Kelly-Tyson estimation	

Figura 5-17: Definizione failure indicator per la fibra

La massima deformazione consentita alla matrice, in trazione e compressione è di 0.025 mm, mentre per la fibra si considera uno stress di rottura in trazione e compressione di 4400 MPa.

Assi	gn failure indicators				
	Failure indicator	Туре	Failure mechanism	Level	Axis system
1	MaxPrincStrai	n Static	Standard	EPOXY	Local
2	MaxPrincStres	s Static	Standard	CARBON	Local
A	dd assignment				
A	dd assignment				

Figura 5-18: Assegnazione del failure indicator alle due fasi

L'assegnazione del failure indicator viene effettuata seguendo lo schema riportato in Figura 5-18.

A questo punto siamo in grado si lanciare l'analisi per ottenere la curva stress-strain della lamina (curva rossa), della fibra (curva verde), della matrice (curva blu) di Figura 5-19 e le costanti ingegneristiche (Tabella 5-2) della lamina:



Axial Young's Modulus	153630
In-plane Young's	8785
Modulus	
In-plane Poisson ratio	0.3657
Transverse Poisson ratio	0.27
In-plane shear modulus	3216
Transverse shear modulus	3895
Global density	1.566e-9

Tabella 5-2: Costanti ingegneristiche della lamina

Il modulo Digimat-MF permette di definire un RVE costituito da più lamine (multilayer) e di analizzarne le proprietà meccaniche.

Utilizzando sempre la struttura ad albero presente nel modulo MF definiamo un RVE multilayer per simulare una laminato quasi isoptropo (25/50/25) con la seguente stacking sequence:

Laminato da analizzare  $[45/0/-45/90]_s$ , spessore della singola lamina di 0.186 mm costituita dalle stesse fasi dell'esercizio precedente (vedi Tabella 5-7):

Μ	lultila	yer analysis				
Ed	efiniti	on				
		Layer name	Microstructure	Thickness	Rotation	Orientation definition
1	1	Layer1	LAMINA	0.186	45	From phase
2	~	Layer2	LAMINA	0.186	0	From phase
3	~	Layer3	LAMINA	0.186	-45	From phase
4	~	Layer4	LAMINA	0.186	90	From phase
5	~	Layer5	LAMINA	0.186	90	From phase
6	~	Layer6	LAMINA	0.186	-45	From phase
7	~	Layer7	LAMINA	0.186	0	From phase
B	~	Layer8	LAMINA	0.186	45	From phase

Figura 5-20: Definizione RVE Multilayer con modulo Digimat-MF

In questo caso l'analisi ci porta al risultato di Figura 5-21 dove è possibile notare come la pendenza della curva si è notevolmente ridotta rispetto a quella della lamina (curva verde di Figura 5-19).



Figura 5-21: Curva Stress-Strain del laminato [45/0/-45/90]<sub>s</sub>

L'analisi fornisce anche la compliance e stiffeness matrix del laminato, dalle quale è possibile calcolare, nel caso di materiale ortotropo, le costanti ingegneristiche del laminato, infatti sappiamo [Ref. 11] che le costanti ingegneristiche possono essere calcolate a partire dai termini della matrice S (Equazione 5-1).

$$\begin{bmatrix} S_{ij} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{E_{11}} & -\frac{V_{12}}{E_{22}} & -\frac{V_{31}}{E_{33}} & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{V_{21}}{E_{22}} & \frac{1}{E_{22}} & -\frac{V_{32}}{E_{33}} & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{V_{13}}{E_{33}} & -\frac{V_{23}}{E_{22}} & \frac{1}{E_{33}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{G_{23}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{G_{31}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{G_{12}} \end{bmatrix}$$
(Equazione 5-1)

Nel nostro caso il software ci fornisce la seguente compliance matrix:

Com	oliance matrix					
	11	22	33	12	23	13
11	1.7458E-005	-5.543E-006	-4.4203E-006	5.7023E-022	3.465E-021	-1.6089E-020
22	-5.543E-006	1.7458E-005	-4.4203E-006	-1.7961E-021	-1.0804E-020	-1.6297E-021
33	-4.4203E-006	-4.4203E-006	0.000101	4.5561E-022	2.1552E-021	5.203E-021
12	5.7023E-022	-1.7961E-021	4.5561E-022	4.6001E-005	-2.0314E-020	-1.3452E-022
23	3.465E-021	-1.0804E-020	2.1552E-021	-2.0314E-020	0.00028124	-9.213E-022
13	-1.6089E-020	-1.6297E-021	5.203E-021	-1.3452E-022	-9.213E-022	0.00028124

Figura 5-22: Compliance matrix per il laminato [45/0/-45/90]<sub>s</sub>

Dalla Equazione 5-1 si può ricavare, per esempio, il modulo di Young longidudinale, trasversale e il modulo a taglio nel piano del laminato come:

$$E_{xx} = E_{yy} = \frac{1}{S_{11}} = \frac{1}{S_{22}} = \frac{1}{1.7458e - 005} = 57280 MPa$$
$$G_{xy} = \frac{1}{S_{12}} = \frac{1}{4.6001e - 005} = 21738 MPa$$

Utilizzando la Teorica Classica della Laminazione (CLT) si ottiene:

$$E_{xx} = E_{yy} = 56695 \ MPa$$
$$G_{xy} = 21257 \ MPa$$

Le percentuali di errore sono riportate in Tabella 5-3:

Qauntità	Risultati Digimat-MF	Risultati CLT	% Errore
Exx	57280	56695	1.021
Gxy	21738	21257	2.21

Tabella 5-3: Errore percentuale proprietà ingegneristiche Digimat-MF vs CLT

Come è possibile notare il software calcola le proprietà ingegneristiche del laminato in accordo con la teorica classica della laminazione.

Digimat-FE è, invece, il modulo di omogeneizzazione di Digimat, basate su tecniche esplicite agli elementi finiti. Si tratta di uno strumento che permette di individuare, in modo accurato, il comportamento global/local non lineare di un materiale multifase usando un volume rappresentativo usando il FEA (Finite Element Analysis)



Figura 5-23: Digimat-FE workflow.

Digimat-FE viene utilizzato per generare un realistico elemento di volume rappresentativo (RVE) di una grande varietà di microstrutture di materiali (plastiche, gomme, metalli, grafite, ecc). Il modello risultante agli elementi finiti può essere analizzato utilizzando qualsiasi codice commerciale FEA (MSC.Nastran. MSC.Marc, Abaqus, Ansys, ecc..).



Figura 5-24: Geometria RVE

Figura 5-25: Mesh RVE

Si possono fare previsioni del comportamento costitutivo di materiali eterogenei e / o anisotropi come Polymer Matrix Composites (PMC), di gomma compositi a matrice (RMC), Metal Matrix Compositi (MMC) o anche nanocompositi.

Digimat-FE ha una vasta gamma di funzionalità che consentono una generazione estremamente facile di complesse morfologie di microstruttura che vengono accuratamente analizzate ad un costo di calcolo ragionevole. Di seguito viene riportato il calcolo del modulo elastico del materiale usato per l'esempio di omogeneizzazione con Digimat-MF (vedi Tabella 5-1).

Туре	Parameters	Advanced parameters	
Phase fraction • Volume fractio • Mass fraction:	n: 0.61	[0,1]	
Diameter			Preview
<ul> <li>Fixed:</li> <li>Distribution:</li> <li>Min. diameter:</li> <li>Allow diameter</li> <li>Max. number of of</li> <li>Diameter reduction</li> </ul>	0.075	ax. diameter: 0	
			Refresh inclusion visualization Inclusion Geometric Properties Minimum number of inclusions that will be generated: 19 RVE size: 3.750e-001 * 3.750e-001

Figura 5-26: Definizione dei parametri geometrici della fase fibra per la generazione del modello geometrico

La Figura 5-26 mostra come è possibile definire, facilmente, la geometria della fase fibra. In questo caso viene considerato un diametri fisso della fibra pari a 0.075 mm che verrà usato per generare la geometria del RVE. In questo caso considereremo un volume elementare di riferimento avente forma cubica di lato 0.375 mm ed un "fiber volume fraction" di 0.61.

Il software permette la generazione della geometria mediante l'utilizzo di algoritmi che distribuiscono le fibre all'interno del RVE in modo "randomico" cercando di avvicinarsi quanto più è possibile all'ottenimento di un fiber volume fraction di 0.61.

Per l'esempio è stato scelto che la minima distanza tra le fibre deve essere pari al 0.005 del diametro della fibra stessa. Quello che si ottiene è mostrato nella Figura 5-27.



Figura 5-27: Vista isometrica e nel piano y-z della geometria RVE

In questo caso non è stato possibile raggiungere il valore di 0.61 per il fiber volume fraction, bensì di 0.597.

Il software riesce a costruire delle strutture che si ripetono periodicamente come è possibile vedere in Figura 5-28.



Figura 5-28: Struttura periodica del RVE

Dall'immagine si nota come il RVE è simmetrico in termini di piazzamento delle fibre parzialmente tagliate sui quattro lati della faccia.

A partire dalla geometria del RVE è stato costruito un modello agli elementi finiti usando elementi solidi 3D per simulare sia la matrice che la fibra. Sono state definite anche delle superfici di contatto tra fibra e matrice di tipo permanente (in questo caso non si vuole studiare la separazione tra le due fasi).

Sotto viene riportata l'immagine del modello FE che è stato generato.



Figura 5-29: Vista isometrica e nel piano y-z della geometria RVE

E' possibile notare (vedi Figura 5-27) la perfetta corrispondenza con la geometri del RVE.

Il modello ha 58871 elementi e 104340 nodi divisi tra fase matrice e fase fibra come da tabella sotto riportata.

	Number of elements	Effective volume fraction (on mesh)	Effective volume fraction (on geometry)
FIBER	30380	0.595753	0.596903
MATRIX	28491	0.404247	0.403097

Tabella 5-4: Numero di elementi per RVE

Il volume di riferimento è stato bloccato su una faccia e caricato con uno strain, crescente da 0.00 a 0.03, sulla faccia opposta (lungo la direzione delle fibre, asse -x)



Figura 5-30: Direzione caricamento del RVE

Il solutore per l'analisi è stato MSC.Marc ed è stata lanciata una analisi non lineare, considerato che il materiale della matrice ha un comportamento non lineare (vedi Figura 5-11).

timing information:	wall time	cpu time
total time for input: total time for stiffness assembly: total time for stress recovery: total time for matrix solution: total time for contact: total time for output: total time for miscellaneous:	6.68 27.85 16.83 164.06 5.12 26.44 5.73	6.68 27.61 16.80 162.49 5.12 26.32 3.99
total time:	252.71	249.01

Tabella 5-5: Informazioni sui tempi di analisi condotti con MSC.Marc

La Tabella 5-5 riporta i tempi necessari per la soluzione agli elementi finiti dell'analisi su un Laptop HP con processore Intel (R) Core(TM) i7-2620M CPU @2.70GHz e una RAM da 8.00GB.



Figura 5-31: Componente 11 degli stress

La Figura 5-31 riporta gli stress in direzione fibra del RVE per effetto di un strain in direzione x di 0.03.

Volendo calcolare in questo caso il modulo di Young Exx occorre avere a disposizione le curve stress-strain in direzione x e ricavare indirettamente il modulo di elasticità.

Per poter far questo sono state riportate le tre curve stress-strain relative alla fibra, alla matrice e al RVE, cioè la lamina (vedi figura di seguito).



Figura 5-32: Curve stress-strain per la lamina, fibra e matrice

La Figura 5-32 riporta le curve stress-strain per la lamina base (curva rossa), la matrice (curva blu) e la fibra (curva verde) provenienti dal post-processing dei risultati dell'analisi agli elementi finiti.

Come è possibile vedere sull'asse delle ascisse viene riportato la variabile "time", questo perché è stato usato MSC.Marc come solutore. In questo caso time = 1.0 significa deformazione = 0.03.

Si ha:  $E_{11}^{LAMINA} = \frac{4479.44}{0.03} = 149315 MPa$  vicino a quanto ottenuto con il modulo Digimat-MF, cioè  $E_{11}=153630$  MPa. Dobbiamo comunque ricordare che con l'analisi agli elementi finiti avevamo ottenuto un fiber volume fraction di 0.597, mentre l'analisi condotta con Digimat-MF aveva un fiber volume fraction di 0.61. Se rifacciamo l'omogeneizzazione con 0.597 otteniamo un  $E_{11}=150420$  MPa molto vicino a quanto ricavato con il modello agli elementi finiti.

	Digimat-MF	Digimat-FE	Digimat-MF	Errore %
	(FVF= 0.61)	(FVF= 0.597)	(FVF= 0.597)	Digimat-MF vs Digimat-FE
E <sub>11</sub> (MPa)	153630	149315	150420	0.73

Tabella 5-6: Errore % Digimat-MF vs Digimat-FE

La Tabella 5-6 riporta l'errore percentuale tra l'analisi condotta con Digimat-MF e quella con Digimat-FE. E' possibile notare come l'errore nei due casi sia minimo e che quindi per il proseguo del lavoro è stato scelto di usare i criteri di omogeneizzazione implicita presenti nel modulo MF.

## **5.4 La Progressive Failure Analysis**

La rottura di una lamina raramente coincide con la rottura finale del laminato e in alcuni casi, proprio per l'esiguo carico da questa sopportato, non altera in modo apprezzabile le caratteristiche del laminato stesso. La rottura ultima della struttura è, in genere, determinata dalla propagazione e dall'accumulo di fratture locali all'aumentare del carico. Le previsioni di rottura richiedono, ovviamente, una comprensione approfondita dei modi di rottura e delle caratteristiche della sua propagazione. La rottura dei laminati compositi può essere determinata dalla rottura delle fibre, dalla frattura della matrice, da fenomeni di debonding o di delaminazione. Il modo di rottura è fortemente influenzato dal tipo e dall'entità del carico, dalla sequenza di impacchettamento delle lamine, dalla geometria dell'elemento strutturale. Essere in grado di prevedere l'innesco e la propagazione della frattura è essenziale per determinare le prestazioni della struttura e per sviluppare progetti che sfruttino al meglio i vantaggi offerti dai materiali compositi.

La progressive failure analysis (PFA) è una particolare metodologia sviluppata per predire la frattura di laminati in materiale composito sotto deformazioni geometricamente non lineari. La procedura è schematicamente illustrata di seguito.



Figura 5-33: Procedura schematica algoritmo Progressive Failure Analysis

Ad ogni step di carico, assumendo fissate le proprietà del materiale, si esegue un'analisi sino a che non sia raggiunto uno stato di equilibrio e ottenuta una soluzione convergente. Dalla soluzione dell'analisi si determinano, quindi, gli sforzi in ogni lamina. Gli stress calcolati sono utilizzati, mediante un opportuno criterio di rottura, per determinare se si è verificata rottura in una lamina. Se non si verifica rottura, si provvede ad incrementare il carico di partenza. Se, invece, la rottura della lamina viene individuata, si provvede a modificare e degradare le proprietà del materiale in accordo con il particolare modo di rottura verificatosi.

Dal momento che la soluzione non lineare iniziale non corrisponde più ad uno stato di equilibrio, l'equilibrio della struttura deve essere ristabilito utilizzando le proprietà del materiale modificate dopo la rottura della lamina e mantenendo l'attuale livello di carico.

Il processo di calcolo delle soluzioni non lineari di equilibrio è, quindi, iterato aggiornando di volta in volta le proprietà del materiale sino a che si individua la rottura di una ulteriore lamina. A questo punto, si procede ad incrementare nuovamente il livello di carico sino a che non si verifichi la rottura catastrofica dell'intera struttura.

Di seguito vengono descritti brevemente i principi teorici applicati al concetto di progressive failure analysis.

Molti dei modelli di PFA proposti in letteratura si basano sul concetto del CDM (Continuum Damage Mechanics). Più che considerare come inizio del danno una propagazione di un singolo macro-crack del materiale, questo approccio si basa sull'influenza che ha il micro difetto sulle proprietà meccaniche del materiale. L'applicazione di questo approccio ai materiali composito è dovuto a Talreja (Ref. 16).



Figura 5-34: Descrizione dei tipici micro-difetti per lamina o laminati in materiale composito

Per laminati in materiale composito, i micro-difetti possono essere (vedi Figura 5-34):

- Micro-crack o micro-vuoti, che compaiono nella fase matrice, e influenzano principalmente la resistenza a trazione trasversale e il comportamento a taglio del materiale;
- "Fiber debonding" (scolamento tra le fibre e la matrice), che influenza principalmente la resistenza a trazione longitudinale e il comportamento trasversale;
- Micro-buckling e micro-inginocchiatura delle fibre, che influenza il comportamento longitudinale del materiale sotto carichi di compressione;
- Rottura delle fibre o sfilamento delle fibre, che influenza principalmente il comportamento longitudinale.

Per i laminati, le delaminazioni possono essere presenti tra le lamine e può significare una riduzione delle proprietà meccaniche nel piano e fuori piano.



Figura 5-35: Illustrazione del concetto di stress effettivo e stress in presenza di danneggiamento

Considerando una striscia di materiale, la presenza di micro-difetti si traduce in una riduzione dello stress effettivo, così come è illustrato in Figura 5-35. Infatti, possiamo scrivere che:

$$\hat{\sigma} = \hat{C} \cdot \varepsilon$$
 (Equazione 5-2)  
 $\sigma = C(D) \cdot \varepsilon$  (Equazione 5-3)

dove  $\hat{C}$  rappresenta il tensore di rigidezza del materiale non danneggiato, mentre C è quello del materiale danneggiato. D rappresenta la lista delle variabili del materiale danneggiato.

Sfruttando il principio di equivalenza dello strain (la deformazione non viene influenzata dalla presenza del difetto) possiamo scrivere:

$$\sigma = (1 - D) \cdot \hat{\sigma}$$
 (Equazione 5-4)

La (Equazione 5-4) può essere espressa in termini di complaince matrix come segue:

$$\boldsymbol{\sigma} = \left(S^{-1}: \hat{S}\right) \cdot \hat{\boldsymbol{\sigma}}$$
 (Equazione 5-5)

In MSC.Digimat-MF sono considerate solo sei variabili di danneggiamento. La complaince matrix del materiale danneggiato viene calcolata nel suo sistema di riferimento ortotropo come:
$$S(D) = \begin{bmatrix} \frac{\hat{S}_{11}}{1 - D_{11}} & \hat{S}_{12} & \hat{S}_{13} & 0 & 0 & 0 \\ & \frac{\hat{S}_{22}}{1 - D_{22}} & \hat{S}_{23} & 0 & 0 & 0 \\ & & \frac{\hat{S}_{33}}{1 - D_{33}} & 0 & 0 & 0 \\ & & & \frac{\hat{S}_{12}}{1 - D_{12}} & 0 & 0 \\ & & & & \frac{\hat{S}_{12}}{1 - D_{23}} & 0 \\ & & & & & \frac{\hat{S}_{13}}{1 - D_{23}} \end{bmatrix}$$
(Equazione 5-6)

Come è possibile notare dalla (Equazione 5-6, il calcolo della complaince matrix del materiale danneggiato viene effettuato a partire da quella del materiale non danneggiato  $(\hat{S})$  intervenendo solo sui termini della diagonale principale. Una importante conseguenza di questo è che il coefficiente di Poisson cambia quando siamo in presenza di un danneggiamento (in accordo con quanto osservato sperimentalmente), infatti:

$$v_{12} = -\frac{\varepsilon_{12}}{\varepsilon_{11}} = \frac{S_{12}}{S_{11}} = \frac{\hat{S}_{12}}{\hat{S}_{11}} (1 - D_{11}) \neq \hat{v}_{12}$$
 (Equazione 5-7)

Dalla Equazione 5-4 si può evincere che le variabili di danneggiamento possono assumere valori che vanno da 0 (materiale non danneggiato) a 1 (materiale completamente danneggiato). Occorre evidenziare per ottenere un comportamento meccanico del materiale realistico occorre avere  $\dot{D} \ge 0$  cioè una volta danneggiato il materiale il danno continua a crescere.

Adesso bisogna definire quando il materiale, per effetto di un carico, si inizia a danneggiare. Le variabili di danneggiamento possono essere espresse in funzione del "failure indicator", cioè del criterio di resistenza adottato per l'analisi. Possiamo scrivere:

$$D = \phi(f_i)$$
, with  $\phi \in [0,1]$  and  $f_i = f_i(\hat{\sigma})$  (Equazione 5-8)

Nella il failure indicator è espresso in funzione dello stress effettivo e non quello apparente per due ragioni, la prima deriva da considerazioni fisiche: i micro-difetti creati quando il materiale si comincia a danneggiare non portano alcun carico, e pertanto non possono contribuire

#### Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

all'accrescimento dei danni, la seconda ragione è che il failure indicator è anche utilizzato per monitorare l'evoluzione del danno, di conseguenza, utilizzare il tensore degli sforzi effettivo diventa indispensabile al fine di permettere che il danno aumenti, anche quando lo stress apparente diminuisce.

In Digimat-MF esistono diversi tipologie di failure indicator basati su diversi tipi di failure criteria:

- Maximum component (stress-based or strain-based);
- Tsai-Hill 2D & 3D & 3D tranversely isotropic (stress-based or strain-based);
- Azzi-Tsai-Hill 2D;
- Tsai-Wu 2D (stress-based or strain-based) & 3D (stress-based only);
- Hashin 2D;
- Multi-components 2D model
- Hashin-Rotem 2D
- Hashin 3D
- User-defined model.

I failure indicator sono funzioni che confrontano combinazioni di stress (strain) con gli ammissibili del materiale (criteri di rottura). Sono scritti in forma adimensionale normalizzata in modo tale che un valore dell'indicatore minore di 1 indica una situazione sicura (non c'è danneggiamento). Si ha la failure del materiale non appena l'indicatore scelto raggiunge o supera il valore di 1.

Esempio, nel caso del failure indicator basato su Hashin 2D si hanno 6 parametri coinvolti e 4 variabili (failure indicator) in uscita.

Input:

- 1. Axial tensile strength ,  $X_t > 0$ ;
- 2. Axial compressive strength ,  $X_c > 0$ ;
- 3. In-plane tensile strength,  $Y_t > 0$ ;
- 4. In-plane compressive strength,  $Y_c > 0$ ;
- 5. Transverse shear strength, in the plane (1,2), S>0;
- 6. In-plane shear strength, in the plane (2,3),  $S_1 > 0$ .

#### Output:

1. Failure indicator in direzione 1, in caso di trazione:

$$f_{A} = \sqrt{F_{A}(\sigma)} \quad \text{with} \begin{bmatrix} F_{A}(\sigma) = \frac{\sigma_{11}^{2}}{X_{t}^{2}} + \frac{\sigma_{12}^{2}}{S^{2}} & \text{if } \sigma_{11} \ge 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{bmatrix}$$
(Equazione 5-9)

2. Failure indicator in direzione 1, in caso di compressione:

$$f_{B} = \sqrt{F_{B}(\sigma)} \quad \text{with} \begin{bmatrix} F_{B}(\sigma) = -\frac{\sigma_{11}}{X_{t}} & \text{if } \sigma_{11} \le 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{bmatrix}$$
(Equazione 5-10)

3. Failure indicator in direzione 2, in caso di trazione:

$$f_{c} = \sqrt{F_{c}(\sigma)} \quad \text{with} \begin{bmatrix} F_{c}(\sigma) = \frac{\sigma_{22}^{2}}{Y_{t}^{2}} + \frac{\sigma_{12}^{2}}{S^{2}} & \text{if } \sigma_{22} \ge 0\\ 0 & \text{otherwise} \end{bmatrix}$$
(Equazione 5-11)

4. Failure indicator in direzione 2, in caso di compressione:

$$f_{D} = \sqrt{F_{D}(\sigma)} \text{ with}$$

$$\begin{bmatrix} F_{D}(\sigma) = \frac{\sigma_{22}^{2}}{4S_{l}^{2}} + \frac{\sigma_{12}^{2}}{S^{2}} + \left[ \left( \frac{Y_{2}}{2S_{l}} \right)^{2} - 1 \right] \frac{\sigma_{22}}{Y_{c}} \text{ if } \sigma_{22} \leq 0 \quad (\text{Equazione 5-12})$$

$$0 \quad otherwise$$

La scelta del failure indicator (criterio di resistenza), identifica anche la scelta del modello di danneggiamento, cioè determina quali delle variabili di danneggiamento saranno prese in considerazione e come. Esistono diversi tipi di modelli di danneggiamento, attualmente Digimat-MF prevede i seguenti:

- General Anisotropic damage
- Multi-components 2D damage
- Matzenmiller 2D damage
- Matzenmiller 3D damage

Per esempio il modello di Matzenmeller 2D [Ref. 18, Ref. 19], principalmente utilizzato nel caso di materiali compositi a fibra lunga, richiede la definizione del failure indicator Hashin 2D (o Hashin-Rotem 2D) e le variabili di danneggiamento sono calcolate come:

1. Danno longitudinale (relativo alle fibre):

$$D_{11} = \varphi_A(f_A) if \ f_A \ge 0$$
  

$$D_{11} = \varphi_B(f_B) otherwise$$
(Equazione 5-13)

2. Danno trasversale (relativo alla matrice):

$$D_{22} = \varphi_C(f_C) if \ f_C \ge 0$$
  

$$D_{22} = \varphi_D(f_D) otherwise$$
(Equazione 5-14)

3. Danno da taglio nel piano (combinazione matrice e fibra):

$$D_{12} = -(1 - D_{11})x(1 - D_{22})$$
 (Equazione 5-15)

4. Le altre variabili di danneggiamento sono nulle:

$$D_{33} = D_{13} = D_{23} = 0$$
 (Equazione 5-16)

Quando si usa la progressive failure analysis occorre definire anche la legge di danneggiamento, cioè la legge che identifica, una volta iniziato il danno, come questo si evolve. Esistono diverse leggi di evoluzione del danno, in Digimat-MF sono implementate le seguenti :

- Instantaneous damage evolution law
- Power-law damage evolution law
- Exponential damage evolution law
- Linear softening damage evolution law

Tutte le variabili di danneggiamento sono calcolate con la stessa legge di evoluzione del danno, anche se possono essere riferite a failure indicator diversi, e devono rispettare le seguenti relazioni:

$$0 \le D < 1$$
 (soglia positiva del danno)  
 $\dot{D} \ge 0$  (danno irreversibile)

Legge di danneggiamento istantaneo richiede come inputo un failure indicator minimo,  $f_{\min}$ , e una valore della variabile di danneggiamento massimo,  $D_{\max}$ . La legge può essere espressa come segue:

Questa legge corrisponde ad una rottura di tipo fragile, ma con un effetto anisotropo

$$\varphi(f) = \begin{cases} 0 & \text{if } f < f_{\min} \\ D_{\max & otherwise} \end{cases}$$
(Equazione 5-17)

0.95 0.95 0.85 0.8 0.75 0



Figura 5-36: Variabile di danneggiamento vs failure indicator

Figura 5-37: Stress vs Strain

Le Figura 5-36 e Figura 5-37 mostrano 3 casi di legge di danneggiamento istantaneo e relativa risposta stress-strain. Si può notare come nel caso di  $f_{\min} = 1.0$  e  $D_{\max} = 0.99$  (non si mette 1.0 per evitare problemi di convergenza) la legge di danneggiamento e la sua risposta sono rappresentate dalle curve rosse. Si nota (Figura 5-37) come al raggiungimento di  $f_{\min} = 1.0$  la curva stress-strain subisce un istantaneo decadimento fino a raggiungere il valore nullo e poi risalire leggermente (solo perché  $D_{\max} = 0.99$ ), cioè dopo la rottura il materiale non è in grado di portare più carico Se guardiamo la curva blu con  $f_{\min} = 1.0$  ma con una  $D_{\max} = 0.75$  notiamo che dopo la failure la curva stress-strain sale con una pendenza di  $E = \hat{E} \cdot (1 - D_{\max})$ , cioè dopo la rottura il materiale è in grado di portare ancora del carico.

Un'altra legge di danneggiamento molto usata è la legge esponenziale. Questa richiede come inputo un failure indicator minimo,  $f_{\min}$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$ e una valore della variabile di danneggiamento massimo,  $D_{\max}$ . La legge può essere espressa come segue:

$$\varphi(f) = \begin{cases} 0 & \text{if } f < f_{\min} \\ D_{\max} \cdot \left( 1 - \exp\left( -\frac{f^{\alpha \cdot \beta} - f_{\min}^{\alpha \cdot \beta}}{e \cdot \beta} \right) \right) \end{cases}$$
(Equazione 5-18)

Il tipico andamento della legge di danneggiamento esponenziale con conseguente risposta stressstrain è mostrato nelle Figura 5-38 e Figura 5-39. E' possibile notare che quando  $f_{\min} = 0.5$ (curva blu) la curva stress-strain comincia ad avere un andamento non lineare anticipato rispetto a quando  $f_{\min} = 1.0$ .





Figura 5-38: Variabile di danneggiamento vs failure indicator

Figura 5-39: Stress vs Strain

Anche questo tipo di legge da la possibilità di avere una  $D_{\text{max}} < 1$  (curva viola) e quindi avere un comportamento del materiale post danneggiamento ancora lineare (dopo un transitorio, ovviamente) ma con una pendenza più bassa rispetto al materiale non danneggiato.



Figura 5-40: Tipica curva stress-strain per la parametrizzazione della progressive failure

La Figura 5-40 mostra alcuni particolari interessanti che permette l'uso della progressive failure analysis. Si nota (curva verde) come lo stress di picco,  $\sigma_{peak}$ , è maggiore dello stress di innesco danno  $\sigma_{ini}$ , risultando comunque più passo dello stress effettivo  $\hat{\sigma}_{peak}$  che si avrebbe se non si considerasse un modello di danneggiamento (progressive failure).

## 5.5 Analisi di sensitività

L'analisi di sensitività si rende necessaria per predire l'influenza, in termini percentuali, delle proprietà meccaniche (rigidezze e strength) del composito ai potenziali meccanismi di rottura. Essa deve, inoltre, valutare il contributo e l'impatto sulle proprietà della lamina delle variazioni dei parametri di fabbricazione quali la frazione volumetrica di fibre, la frazione volumetrica di vuoti, l'architettura delle fibre e lo spessore della lamina.



Figura 5-41: Analisi di sensitività delle proprietà di fibra e matrice sul comportamento strutturale della lamina

In Figura 5-41 è mostrata, come esempio, un'analisi probabilistica di sensitività ed in particolare, è mostrata l'influenza di ogni proprietà di fibra e matrice sul comportamento della lamina a temperatura ambiente (avendo scelto un coefficiente di variazione pari al 5% per ogni variabile). Banalmente, si nota come la resistenza a trazione della lamina (Long. Tensile Strength) sia influenzata soprattutto dalla resistenza a trazione delle fibre (Fiber Long Tensile Strength), così come la resistenza trasversale a compressione (Trans. Compressive Strength) sia influenzata soprattutto dalla resistenza a compressione della matrice (Matrix Compressive Strength) e poco dal modulo trasversale della fibra e matrice.

# 5.6 La Calibrazione

Quando un materiale è selezionato per un determinato progetto, le sue prestazioni devono essere definite conducendo test sperimentali su *coupon* soggetti a diverse condizioni di carico, in accordo con gli standard ASTM. I risultati sperimentali così ottenuti possono essere utilizzati a livello di simulazione virtuale dei test per calibrare le proprietà costituenti del materiale in esame.

Le analisi condotte facendo riferimento alle proprietà del materiale calibrate piuttosto che a quelle generiche, presenteranno un grado di affidabilità notevolmente migliore.

Lo sviluppo relativamente recente dei materiali compositi e la straordinaria varietà di soluzioni che essi garantiscono non permettono di disporre di un archivio di materiali cui far riferimento.

Inoltre, i processi di fabbricazione di lamine e laminati coinvolgo numerose variabili, spesso sconosciute, che influenzano ed alterano le caratteristiche del materiale. Allo stesso modo, le proprietà meccaniche determinate dal fornitore risultano, in genere, sovrastimate rispetto a quelle reali dei costituenti.

Tutto ciò spiega la necessità e l'importanza di una analisi di calibrazione.

L'obiettivo dell'analisi di calibrazione del materiale è di definire in modo accurato il comportamento del materiale mediante un processo di calcolo inverso in cui le proprietà di fibra e matrice sono determinate a partire dai dati ottenuti sperimentalmente a livello di laminato.

Il processo di calibrazione si articola nei seguenti passi:

- calcolo delle proprietà della lamina;
- confronto delle proprietà ottenute con i dati sperimentali;
- manipolazione, se necessaria, delle proprietà dei costituenti (fibra/matrice);
- reiterazione del processo sino a che le previsioni non uguagliano i dati sperimentali ;

Quindi, il processo di calibrazione è teso alla ricerca delle proprietà di fibra e matrice che diano risultati matematici delle proprietà della lamina, in accordo con i dati sperimentali. Questo processo non è una semplice azione di adattamento: per ogni proprietà della lamina, infatti, deve essere ricercata ed individuata la dipendenza dalle proprietà dei costituenti.

Partendo dalle proprietà di fibra e matrice note dalla letteratura, da un archivio o dal fornitore, si procede ad aggiornare tali proprietà secondo necessità (in genere +/- 20% del valore di partenza) in modo tale da derivare un set di proprietà, sia per la fibra che per la matrice, che riproducano i dati sperimentali ricavati da test ASTM.

Nella Tabella sottostante è fornita la lista completa delle proprietà di fibra e matrice che possono essere calibrate:

Lista delle proprietà di Fibra e Matrice che è	possibile Calibrare per prove ASTM
FIBRE	MATRICE
Modulo Elastico 11	Modulo Elastico
Modulo Elastico 22	Coefficiente di Poisson
Coefficiente di Poisson 12	Resistenza a Taglio
Coefficiente di Poisson 23	Resistenza a Trazione
Modulo Elastico di Taglio 12	Resistenza a Compressione
Modulo Elastico di Taglio 23	
Coefficiente di Espansione Termica 11	
Coefficiente di Espansione Termica 11	
Resistenza a Trazione 11	
Resistenza a Compressione 11	

Tabella 5-7: Lista delle proprietà di Fibra e Matrice che possono essere calibrate

In genere, i test ASTM raccomandati per la calibrazione del materiale si riferiscono a semplici prove un-notched su laminati unidirezionali. In particolare sono richieste (per ogni condizione ambientale):

- 5 prove a trazione longitudinale (secondo ASTM-D3039)
- 5 prove a trazione trasversale (secondo ASTM-D3039)
- 5 prove a compressione longitudinale (secondo ASTM-D695 o D3410)
- 5 prove a compressione trasversale (secondo ASTM-D695 o D3410)
- 5 prove a taglio nel piano (secondo ASTM-D3518)

Longitudinal Tension	Longitudinal Compression	Transverse Tension	Transverse Compression	Shear
5 coupon	5 coupon	5 coupon	5 coupon	5 coupon
ASTM-D3039	ASTM-D695 o D3410	ASTM-3039	ASTM-D695 o D3410	ASTM-D3518

Figura 5-42: Test da effettuare per calibrare il materiale

Si osserva che la ripetizione delle prove si rende necessaria per individuare la natura probabilistica della risposta del materiale composito.

Di seguito viene riportato un esempio di calibrazione di materiale necessaria prima di eseguire il test virtuale.

Il materiale composito preso in esame è costituito da una resina epossidica (isotropo) con comportamento elastico rinforzata da fibre di carbonio continue (trasversalmente isotropo) con comportamento elastico. Il volume fraction delle fibre di carbonio è del 57.7 %.

Da sito web della Hexcel è possibile scaricare le proprietà delle fibre di carbonio (IM7), riportate in tabella:

Fiber Type	Number of filamnets	Tensile strenght (MPa)	Tensile Modulus (GPa)	Strain (%)	Density (g/cm <sup>3</sup> )
IM7	6000	5310	276	1.8	1.78

Tabella 5-8: Proprietà della fibra di carbonio IM7

Density	$1.301 (g/cm^3)$
Tensile Strength	121 (MPa)
Tensile Modulus	4670 (MPa)
	1 11 •

Una tipica resina epossidica esibisce le seguenti proprietà meccaniche:

Tabella 5-9: Proprietà della resina epossidica

Da Ref. 12 possiamo ottenere le proprietà sperimentali della lamina come riportate in tabella:

Test	UNITS	Temp °C	CONDITION	IM7-8552
0° Tensile Strength	MPa	25	DRY	2724
90° Tensile Strength	MPa	25	DRY	111
0° Tensile Modulus	GPa	25	DRY	164
90° Tensile Modulus	GPa	25	DRY	12
0° Compression Strength	MPa	25	DRY	1690
0° Compression Modulus	GPa	25	DRY	150

Tabella 5-10: Proprietà sperimentali lamina base

A partire dalle proprietà della fibra e della matrice riportate nelle ed utilizzando il modulo di omogeneizzazione MF, come descritto nel capito 5.3, si ottengono le costanti ingegneristiche della lamina riportate in Tabella 5-11.

	Value
Axial Young's Modulus	161240
In-plane Young's	10992
Modulus	
In-plane Poisson ratio	0.4051
Transverse Poisson ratio	0.28848
In-plane shear modulus	3902
Transverse shear	5517.3
modulus	
Global density	1.577e-9

Tabella 5-11: Proprietà Calcolate Lamina Base

Confrontando i valori del modulo di Young calcolati e quelli sperimentali, in direzione fibra e matrice (vedi Tabella 5-10 e Tabella 5-11) si può notare una differenza valutabile in termini di errore come segue:

$$Err1 = \frac{161240 - 164000}{164000} x100 = -1.7\%$$
 (Errore sul modulo di Young in direzione fibra)

$$Err2 = \frac{10992 - 12000}{12000} x100 = -8.4\%$$
 (Errore sul modulo di Young in direzione trasversale)

In questo caso si presenta la necessità di calibrare le proprietà della fibra e della matrice per fare in modo che le proprietà ingegneristiche del materiale calcolate si avvicinino il più possibile a quelle sperimentali. Nel nostro caso abbiamo la necessità di migliorare le proprietà del modulo di Young in direzione trasversale alle fibre ( $E_{22}$ ) e questo è possibile farlo modificando solo la proprietà inplane Young della fibra, portandola dall'attuale valore di 25000 MPa a 35000 MPa. La scelta di intervenire su un parametro piuttosto che su un altro nasce da un'analisi di sensitività che può essere condotta pin modo preventivo, per evitare di andare a tentativi (vedi capitolo 5.5).

	Value
Axial Young's Modulus	161240
In-plane Young's Modulus	12107
In-plane Poisson ratio	0.42199
Transverse Poisson ratio	0.2878
In-plane shear modulus	4257
Transverse shear modulus	5517.3
Global density	1.577e-9

Ricalcolando le proprietà della lamina base otteniamo:

Tabella 5-12: Proprietà calcolate e calibrate della lamina base

Come è possibile notare il modulo assiale della lamina base non cambia, mentre è cambiato il modulo di elasticità trasversale, dando un errore, rispetto al dato sperimentale, di:

$$Err2 = \frac{12107 - 12000}{12000} x100 = +0.89\%$$
 (Errore sul modulo di Young in direz. trasversale).

Fino ad ora è stato calibrato la rigidezza del materiale (moduli elastici della lamina base) a partire dai moduli di elasticità di fibra e matrice. Per eseguire correttamente il calcolo della rottura di un laminato, occorre calibrare anche le proprietà a strength della lamina base a partire dai dati sperimentali (vedi Figura 5-42). Per poter calibrare le proprietà a strength della fibra e matrice partiamo dai dati forniti dal fornitore del materiale, nel nostro caso l'Hexcel (vedi Tabella 5-8 e Tabella 5-9).

Occorre definire due "failure indicator", una per la matrice e l'altro per la fibra. Per la matrice useremo un criterio basato sullo strain principale, fissando come valori ammissibili di deformazione i seguenti valori:

Maximum tensile strain = 25900 µstrain 
$$\left[ \varepsilon_{allow} = \frac{121}{4670} = 0.0259 \right]$$

Useremo lo stesso valore per la compressione.

Per la fibra useremo un criterio basato sullo stress principale, fissando come valori ammissibile quello del fornitore di Tabella 5-8, Maximum Tensile Stress = 5310 MPa. Useremo lo stesso valore per la compressione. Così facendo otterremo quanto mostrato in Tabella 5-13.



Figura 5-43: Rottura longitudinale simulate lamina base prima della calibrazione



Figura 5-44: Rottura trasversale simulate lamina base prima della calibrazione

	Hexcel (MPa)	Digimat (MPa)	Errore
0° Tensile Strength	2724	3101	+13.8%
90° Tensile Strength	111	166	+49.5%

Tabella 5-13: Errore rottura della lamina base in trazione lungo le due direzioni prima della calibrazione

La Tabella 5-13 mostra come l'errore sulla rottura a trazione sia elevato partendo dai dati della Tabella 5-8, occorre quindi calibrare anche le proprietà a rottura di fibra e matrice.





Figura 5-45: Parametro di influenza sulla resistenza longitudinale a trazione



Figura 5-46: Parametro di influenza sulla resistenza trasversale a trazione

La Figura 5-45, risultato dell'analisi di sensitività condotta nel capitolo 5.5, mostra che l'unico parametro che influenza la resistenza a trazione longitudinale è la resistenza a trazione longitudinale della fibra. Considerato che il risultato della simulazione ha fornito un valore più alto, abbatteremo il valore di rottura a trazione della fibra del rapporto  $k_F= 2724/3101 = 0.88$ , ottenendo:

Fiber Maximum Tensile Stress = 4673 MPa

Dalla Figura 5-46 Si evince che ad influenzare la resistenza a trazione trasversale è la resistenza a trazione della matrice con un piccolo contributo del suo modulo. Si è deciso di intervenire sulla resistenza a trazione della matrice per evitare di alterare la rigidezza del materiale già calibrata. Useremo un fattore di abbattimento  $k_M=111/166=0.67$ , ottenendo:

Matrix Maximum Tensile Strain = 17300 µstrain

Con questi nuovi valori otteniamo quanto riportato in Tabella 5-14.

	Hexcel (MPa)	Digimat (MPa)	Errore
0° Tensile Strength	2724	2735	+0.40%
90° Tensile Strength	111	116	+4.5

Tabella 5-14: Errore rottura della lamina base in trazione lungo le due direzioni dopo la calibrazione

Da notare come dopo la calibrazione i risultati della simulazione si sono avvinati ai dati sperimentali.

# 5.7 Simulare correttamente il processo di manufacturing dei coupon da destinare alla campagna ammissibili

Quando viene effettuata la campagna ammissibile di un materiale (vedi capitolo 3.3.3), occorre far in modo che il dato finale che verrà usato dall'analista tenga conto di tutta una serie di fattori che entrano in gioco durante la fase di manufacturing di un componente in materiale composito [Ref. 1].



Figura 5-47: Schema di manufacturing dei coupon da destinare alla campagna ammissibili

Per questo motivo, come già spiegato precedentemente, non viene effettuata una sola prova ma, per avere un abbattimento statistico del dato, si effettuano un certo numero di test per tener conto dei diversi batch di materiale, per misurare l'affidabilità del processo di cura e il tooling usato. La Figura 5-47 mostra un tipico schema per la costruzione di coupon destinati alla campagna ammissibili. Lo schema viene ripetuto per tipo di test e environment.

Si parte dall'usare tre batch di materiale diverso per costruire, con ognuno di essi, due pannelli piani, in processi di cura indipendenti, per ottenere 3 coupon per ognuno dei pannelli. Con questa tecnica alla fine si avranno 18 coupon (numero minimo per garantire una abbattimento statistico del dato accettabile), 6 per ogni batch di materiale. Così facendo si tiene conto di tutta una serie di fattori che entrano in gioco, a partire dal materiale iniziale (matrice e fibra pre-impregnati), il processo di cura (che porterebbe ad avere più o meno presenza di resina), la macchina usata per stratificare i pannelli con relativo programma di controllo numerico e non meno importante il fattore umano in tutto il processo, ivi compreso il taglio, la rifilatura, il drilling (se necessario), la tabizzazione del coupon. Un altro importante fattore da tener in conto è l'esecuzione del test (esempio l'allineamento del provino con il piano di carico).

Se quanto rappresentato in Figura 5-47 viene tradotto anche per l'analisi virtuale alla fine avremo 18 analisi FEM dalle quali, post-processando i risultati, possiamo ottenere 18 dati (failure) ai quali si possono applicare tutte le tecniche descritte nel capitolo 4.3.3 per l'abbattimento statistico e l'ottenimento di ammissibili (esempio B-Basis value).

Per poter considerare tutti i fattori menzionati sopra anche nell'analisi virtuale, è stata considerata una legge di variazione dei parametri in gioco di tipo normale (legge di Gauss). La legge di distribuzione normale è una distribuzione di probabilità continua che è spesso usata come prima approssimazione per descrivere variabili casuali a valori reali che tendono a concentrarsi attorno a un singolo valor medio. La distribuzione normale è caratterizzata dalla seguente funzione di densità di probabilità:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} con \ x \in R$$
 (Equazione 5-19)

dove  $\mu$  è il valore atteso (valore medio) e  $\sigma$  è la varianza (vedi (Equazione 4-3). La variazione delle proprietà del materiale può dunque essere data con un parametro adimensionale, detto coefficiente di variazione (COV), definito come il rapporto tra la varianza e il valore medio:

$$COV = \frac{\sigma}{\mu} x 100$$
 (Equazione 5-20)

L'unico parametro che non segue la regola esposta sopra è l'allineamento delle fibre, considerato che ovviamente il valore medio è 0. In questo caso si può dare direttamente la varianza in gradi.

La Tabella 5-15 mostra il modello di variabilità dei parametri del materiale legata alle diverse partite di materiale, al processo di cura e al testing. Ovviamente nell'analisi possono essere coinvolti tutti quanti oppure se ne può escludere qualcuno.

		ACTIVE	VALUE	UNITS
ii i	Matrix Tensile Young Modulus (COV)	Х	3	%
ti a ial	Matrix Compressive Young Modulus (COV)		0	%
ga ter	Matrix Tensile Strength (COV)	Х	2.5	%
i le ma	Matrix Compressive Strength (COV)	Х	1.2	%
etr di	Fiber Tensile Young Modulus (COV)	Х	3	%
am ch	Fiber Compressive Young Modulus (COV)		0	%
ar Dat	Fiber Tensile Strength (COV)	Х	2.8	%
	Fiber Compressive Strength (COV)	Х	3.3	%

so	Fiber Volume Fraction (COV)	Х	3.0	%
proces	0° Fiber Alignment Error	Х	0.5	Deg
egati al i stratif	+45° Fiber Alignment Error	Х	0.4	Deg
metri le ura e di	-45° Fiber Alignment Error	Х	0.5	Deg
Para di c	90° Fiber Alignment Error	Х	0.5	Deg
Parametri legati alla del test	Fiber Alignment (Standard Deviation)	Х	0.8	Deg

Tabella 5-15: Variabilità dei parametri coinvolti nell'analisi

Il primo blocco di parametri della Tabella 5-15 è legato alla qualità dei batch di produzione di materiale usato. Ovviamente quello che potrebbe fare variare la resistenza meccanica del manufatto finale sono tutte le proprietà a trazione e compressione della fibra e della matrice. In totale abbiamo 8 quantità che possono variare. Generalmente le proprietà a trazione sono più stabili (hanno una COV più bassa) di quelle a compressione, questo perché per la compressione intervengono fenomeni di micro buckling difficili da prevedere.

Per poter far variare randomicamente una quantità all'interno di un dato range {a;b} si usa il seguente semplice modello matematico:

$$r = (b - a) \cdot RND + a$$
 (Equazione 5-21)

dove:

a = valore minimo;b = valore massimo;RND = funzione randomica.

$$Q_{\text{var}} = (r+1) \cdot Q_{base}$$
 (Equazione 5-22)

dove:  $Q_{\rm var}$  = quantità variata

 $Q_{base} =$ quantità di partenza

Partendo dalle proprietà calibrate di fibra e matrice di un materiale composito costituito da una resina epossidica e fibre di carbonio (vedi Figura 5-48) ed utilizzando il modello randomico della (Equazione 5-22 ed il modello di variabilità della Tabella 5-15, si ottengono le proprietà meccaniche relative ai tre batch di materiale mostrate in Tabella 5-16.

	COMPRESSION	TENSION
Young Modulus:	511000	525500
oisson's Ratio:	0.35	0.35
ensile Strength:	6647	
ompressive Strength:	22409	

FIBER		
	COMPRESSION	TENSION
Axial Young Modulus:	39664000	35766000
In-Plane Young Modulus:	3062500	2957400
Transverse Shear Modulus:	2629700	2358800
In-Plane Poisson's Ratio:	0.266	0.266
Transverse Poisson's Ratio:	0.333	0.333
Tensile Strength:	562100	
Compressive Strength:	393840	

Figura 5-48: Proprietà meccaniche calibrate di fibra e matrice

	BATCH #1	BATCH #2	BATCH #3
	[PSI]	[PSI]	[PSI]
Matrix Tensile Young Modulus	515526	511348	499028
Matrix Compressive Young Modulus	528903	525748	522593
Matrix Tensile Strength	6585	6551	6517
Matrix Compressive Strength	22946	23521	21854
Fiber Tensile Young Modulus	39792712	39710286	40259896
Fiber Compressive Young Modulus	35324457	37372943	35844829
Fiber Tensile Strength	566942	551676	561179
Fiber Compressive Strength	407328	392503	388137

Tabella 5-16: Proprietà di fibra e matrice relative ai tre batch di materiale

Un altro importante parametro che entra in gioco durante il processo di manufacturing è il Fiber Volume Fraction che generalmente si aggira attorno a 0.58 (volume delle fibre rispetto al volume totale fibra + matrice della lamina base). E' facile intuire come valori elevati di questo parametro portino a valori più elevati di rigidezza assiale della lamina base come mostrato precedentemente. Il Fiber Volume Fraction è un parametro che entra in gioco durante il processo di cura a causa di possibili variazione di temperatura e pressione in autoclave. Questo è il motivo per il quale per ogni batch di materiale si costruiscono due pannelli in cicli separati. Alla fine si otterranno 6 pannelli ognuno dei quali può avere zone con un Fiber Volume Fraction diverso, infatti durante il processo di cura del pannello ci possono essere zona sottoposta a pressione deversa che causeranno zone più ricche di resina (risulteranno più spesse) e altre più povere di resina (risulteranno meno spesse), vedi Figura 5-49. Generalmente la COV associata a questo parametro è di  $3.0\% \div 5.0\%$ . Possiamo dire che c'è una proporzionalità inversa tra lo spessore finale della ply e il Fiber Volume Fraction espressa dalla (Equazione 5-23:

$$th_{NEW} = \frac{V.F_{\cdot NOM}}{V.F_{\cdot NEW}} \cdot th_{NOM}$$
(Equazione 5-23)





Considerando il fatto che ci stiamo occupando della lamina base, in questa fase non intervengono parametri legati all'orientazione delle lamine all'interno del laminato ne allineamento del coupon rispetto all'asse si caricamento della macchina di test. La Tabella 5-17 riporta i valori del Fiber Volume Fraction per batch di materiale, pannello e coupon realizzato.

	BATCH#1									
Pannello		1			2					
V.F.	0.553	0.583	0.595	0.588	0.609	0.606				
		BATCH#2								
Pannello		3		4						
V.F.	0.573	0.597	0.567	0.558 0.554 0.567						
		·	BAT	CH#3						
Pannello	5				6					
V.F.	0.586	0.602	0.568	0.554	0.565	0.591				

Tabella 5-17: Valori del Fiber Volume Fraction per 18 coupon (V.F. COV = 5%)

A partire dalle proprietà delle Tabella 5-16 e Tabella 5-17 e utilizzando il modulo MSC.Digimat-MF si possono ottenere le sollecitazione di rottura a trazione, a compressione (sia in direzione longitudinale che trasversale) e a taglio della lamina base.

Per poter ottenere le suddette sollecitazioni è necessario fare l'analisi cinque volte facendo attenzione ad utilizzare le proprietà correttamente, nel senso che se si stanno calcolando le proprietà di rottura a trazione si useranno le proprietà a trazione di fibra e matrice, e così via.



Figura 5-50: Caricamento uniassiale lungo x (direzione fibra)



Figura 5-51: Caricamento uniassiale lungo y (trasversale alla direzione fibra)



Figura 5-52: Caricamento a taglio

Le Figura 5-50, Figura 5-51 e Figura 5-52 mostrano la tipologia di caricamento da usare per ottenere le proprietà di rottura della lamina base da usare nella Progressive Failure Analysis per l'ottenimento degli ammissibili virtuali. Nel caso della compressione in direzione fibra e trasversalmente ad essa, si useranno gli schemi di Figura 5-50 e Figura 5-51 invertendo il carico. Così facendo si ottengono le sollecitazioni di rottura della lamina base pensata costruita a partire da un dato batch di materiale (Tabella 5-18).

		BATCH #1 [Psi]								
Lamina Tensile Strength (dir-11)	290480	305880	312040	308440	319220	317680				
Lamina Tensile Strength (dir-22)	7908.7	7918.2	8073.7	7982.4	8064.7	8024.9				
Lamina Compressive Strength (dir-11)	-222340	-234080	-238780	-236040	-244260	-243090				
Lamina Compressive Strength (dir-22)	-26395	-26700	-26630	-26720	-26836	-26708				
Lamina Shear Strength (dir-12)	9830.5	9999.1	10102	10027	10163	10092				

			ВАТ	СН #2					
	[1 3]								
Lamina Tensile Strength (dir-11)	299550	311820	296490	291890	289840	296490			
Lamina Tensile Strength (dir-22)	7975.6	8098.1	8083.4	7969.1	7919.1	8083.4			
Lamina Compressive Strength (dir-11)	-230650	-240070	-228300	-224760	-223200	-228300			
Lamina Compressive Strength (dir-22)	-26579	-26623	-26519	-26339	-26361	-26519			
Lamina Shear Strength (dir-12)	9964.7 10171 9997.7 9880.5				9874.2	9997.7			
			BAT	°CH #3					
			[]	Psi]					
Lamina Tensile Strength (dir-11)	302270	310350	293190	286130	291680	304800			
Lamina Tensile Strength (dir-22)	7967.2	7982.7	7925.1	7932.1	7887.5	8032			
Lamina Compressive Strength (dir-11)	-235600	-241870	-228540	-223050	-227370	-237560			
Lamina Compressive Strength (dir-22)	-26853 -26954 -26667 -26463 -26544 -26873								
Lamina Shear Strength (dir-12)	9994.8	10101	9928.5	9785.1	9861.9	10022			

Tabella 5-18: Sollecitazioni di rottura della lamina base per i 3 batch di materiale

A questo punto si hanno a disposizione tutte le proprietà meccaniche della lamina base che tengono conto delle variabilità del batch di materiale e del processo di cura. Per poter completare l'operazione che ci porta a determinare il carico di rottura di 18 coupon si deve considerare il disallineamento del coupon rispetto all'asse di caricamento della macchina.

La deviazione dell'orientamento della lamina rispetto all'angolo di laminazione durante la fase di stratificazione può essere dovuta (Figura 5-53) ad un errore del programma a controllo numerico o ad un errore dell'operatore nel caso di hand layup (stratificazione manuale).



Figura 5-53: Deviazione dell'angolo di stratificazione

Generalmente questi sono errori che stanno nell'intorno di  $0.5^{\circ} \div 0.7^{\circ}$ , nel caso di stratificazione con Fiber Placement a controllo numerico, e nell'intorno di  $0.8^{\circ} \div 1.0^{\circ}$ , nel caso di startificazione manuale.

Infine, il disallineamento del coupon rispetto all'asse di caricamento della macchina, può essere dovuto ad un non corretto posizionamento sulla macchina di caricamento da parte dell'operatore o un errore intrinseco della macchina, nel caso in cui la macchina non venga revisionata (condizione remota). Generalmente questi sono errori che stanno nell'intorno di  $0.5^{\circ} \div 0.8^{\circ}$ .

Per poter attuare quanto detto fino ad ora è stato implementato un codice in VB (Visual Basic) che permette di cambiare in modo randomico le variabili in gioco a partire dai valori dei coefficienti di variazione assegnati all'inizio in modo semplice e rapido (vedi capitolo 6).

## 6. <u>Virtual Allowables Tool</u>

Per poter far fronte ai molteplici parametri e condizioni da tener in conto durante la fase di sviluppo degli ammissibili per un materiale composito, si è reso necessario lo sviluppo di un tool di calcolo che avesse come obiettivo quello di automatizzare, il più possibile, tutto il processo descritto nel precedente capitolo (vedi capitolo 5).



Figura 6-1: V.A.T. (Virtual Allowables Tool) info form

V.A.T (Virtual Allowable Tool) è una piattaforma integrata, sviluppata con la programmazione ad oggetti di Visual Basic, che consente la previsione facile ed efficiente di ammissibili virtuali di componenti in materiale composito. Essa unisce modellizzazione multiscala, Progressive Failure Analysis (PFA), analisi agli elementi finiti non lineari, metodi stocastici e post-elaborazione completamente automatizzata per la simulazione e la previsione della rottura di coupon in materiale composito. Segue una descrizione del tool e le sue principali capability.

# 6.1 FE Model Builder

Fin ad ora ci si è concentrati soprattutto sull'aspetto legato al materiale con cui i coupon vengono costruiti cercando di individuare tutti i parametri che influenzano la rottura finale dei coupon stessi. L'analisi virtuale viene effettuata utilizzando modelli agli elementi finito di tipo shell (elementi 2D) perché hanno mostrato un buon compromesso tra il risultato atteso e i tempi di

calcolo. Il solutore agli elementi finti usato è MSC.Nastran, ed in particolare la SOL400 che ben si adatta alle analisi associate a non linearità del materiale (vedi capitolo 5.2). In particolare sono stati usati gli elementi CQUAD4 di MSC.Nastran di cui in Figura 6-2 se ne riporta la scheda con la sua descrizione (Ref. 14).

#### CQUAD4

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
CQUAD4	EID	PID	G1	G2	G3	G4	THETA or MCID	ZOFFS	
			T1	T2	T3	T4			

Field	Contents
EID	Element identification number.
PID	Property identification number of a PSHELL or PCOMP/PCOMPG entry.
Gi	Grid point identification numbers of connection points.
THETA	Material property orientation angle in degrees.
MCID	Material coordinate system identification number.
ZOFFS	Offset from the surface of grid points to the element reference plane.
Ti	Membrane thickness of element at grid points G1 through G4.

#### Figura 6-2: CQUAD4 MSC.Nastran card

La proprietà associata all'elemento è la PCOMP, adatta nella simulazione di materiale composito (vedi Figura 6-3).

### PCOMP

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
PCOMP	PID	Z0	NSM	SB	FT	TREF	GE	LAM	
	MID1	T1	THETA1	SOUT1	MID2	T2	THETA2	SOUT2	
	MID3	T3	THETA3	SOUT3	-etc				

Quello che importante evidenziare nella scheda PCOMP è come sia semplice associare il materiale della i-esima lamina con lo spessore e l'orientazione della lamina stessa. Tutto questo verrà approfondito più avanti quando si spiegherà il funzionamento di V.A.T. La Figura 6-4 mostra un esempio di PCOMP card utilizzata per simulare il layup di un coupon a 16 ply. Tutto quello che viene anticipato con il carattere "\$" non viene letto dal solutore MSC.Nastran, quindi è possibile

inserire anche dei commenti. In questo caso vengono riportati lo spessore del coupon, il numero di lamine e il layup usato.

PCOMP	1									
	1	0.00732	45.0	YES	1	0.00732	0.0	YES		
	1	0.00732	-45.0	YES	1	0.00732	90.0	YES		
	1	0.00732	45.0	YES	1	0.00732	0.0	YES		
	1	0.00732	-45.0	YES	1	0.00732	90.0	YES		
	1	0.00732	90.0	YES	1	0.00732	-45.0	YES		
	1	0.00732	0.0	YES	1	0.00732	45.0	YES		
	1	0.00732	90.0	YES	1	0.00732	-45.0	YES		
	1	0.00732	0.0	YES	1	0.00732	45.0	YES		
\$LAMINA	TE_T	HICKNESS= 0.1	1712							
\$NUMBEF	OF	PLIES= 16								
\$LAMINA	\$LAMINATE LAYUP= [45/0/-45/90/45/0/-45/90/90/-45/0/45/90/-45/0/45]									

Figura	6-4:1	Esempio	di	<b>PCOMP</b>	MSC.Nastran	card
I ISGIG		Boompio	<b>G</b> 1	1001011	1110 CH (db dd dh	e ur u

Il modello agli elementi finiti viene vincolato usando la scheda SPC di Figura 6-5. Ad ogni nodo vincolato, Gi, viene inibita la traslazione e/o la rotazione con il campo Ci (Ci = 123456, significa che il nodo non può ne traslare ne "ruotare").

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
SPC	SID	G1	C1	D1	G2	C2	D2		

Field	Contents
SID	Identification number of the single-point constraint set. (Integer $> 0$ )
Gi	Grid or scalar point identification number. (Integer $> 0$ )
Ci	Component number. See Remark 8. $(0 \le \text{Integer} \le 6; \text{ up to six Unique Integers, 1}$ through 6, may be placed in the field with no embedded blanks. 0 or 1 applies to scalar points and 1 through 6 applies to grid points.)
Di	Value of enforced motion for components Gi at grid Ci. (Real; $Default = 0.0$ )

Figura 6-5: MSC.Nastran SPC (Single-Point Constraint) card

Le machine da laboratorio per il caricamento del coupon sono a controllo di spostamento, quindi per poter simulare correttamente la prova, viene usato uno spostamento indotto su tutti i punti di un'estremità del coupon virtuale (modello FEM) trasferito tramite un RBE2 (Rigid-Body Element).

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
RBE2	EID	GN	CM	GM1	GM2	GM3	GM4	GM5	1
1	GM6	GM7	GM8	-etc	ALPHA	¢		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

Field	Contents
EID	Element identification number. (0 < Integer < 100,000,000)
GN	Identification number of grid point to which all six independent degrees-of-freedom for the element are assigned. (Integer $> 0$ )
СМ	Component numbers of the dependent degrees-of-freedom in the global coordinate system at grid points GMi. (Integers 1 through 6 with no embedded blanks.) See Remark 12.
GMi	Grid point identification numbers at which dependent degrees-of-freedom are assigned. (Integer $> 0$ )
ALPHA	Thermal expansion coefficient. See Remark 11. (Real or blank)

Figura 6-6: MSC.Nastran RBE2 (Rigid-Body Element) card



Figura 6-7: Esempio MSC.Nastran RBE2 element

La costruzione del modello agli elementi finiti viene effettuato in modo parametrico utilizzando il file .ses di MC.Patran (Ref. 15).



Figura 6-8: MSC.Patran Pre and Post Processor

Il .ses di MSC.Patran è un file dove vengono registrati tutti i comandi eseguiti nella costruzione di un modello agli elementi finiti. Utilizzando l'interfaccia di Figura 6-9, è possibile riscrivere il file .ses relativo al coupon che deve essere analizzato.

FE Model Builder OPEN HOLE TENSION   Se	ession File Name: OHT_coupon.ses	×
Hole Information	L	_
Length - L =         5.90           Width - W =         1.50		
Seed Size along Length = 0.1 Seed Size along Width= 0.3		
RUN FE Model Builder	Hole Information Hole Diameter: 0.25 W1 : 0.75	
	L1: 2.95	
Dest. Directory	Cancel	1

Figura 6-9: FE Model Builder

Il tool permette di selezionare il tipo di modello da generare (con i relativi vincoli e caricamento):

- UNT (Unnotched Tension)
- UNC (Unnotched Compression)
- OHT (Open Hole Tension)
- OHC (Open Hole Compression)

Si può impostare la lunghezza, la larghezza, il diametro e la posizione del foro (nel caso di OHT e OHC) del coupon e scegliere il numero di elementi tramite la scelta della dimensione del mesh seed lungo la lunghezza e la larghezza.



Figura 6-10: Esecuzione del session file da MSC.Patran

Una volta generato il file .ses relativo al modello del coupon che si vuole simulare, usando l'interfaccia di MSC.Patran, dal menu <u>F</u>ile si esegue la session creata (vedi Figura 6-10)



Figura 6-11: Esempio modello FEM per prova simulata UNT generato da FE Model Builder

## 6.2 Descrizione di V.A.T (Virtual Allowables Tool)

Il Virtual Allowables Tool si presenta con tre tab, ognuno dei quali svolge una determinata funzione:

- INUT MATRIX AND FIBER PROPERTIES;
- LAYUP DEFINITION AND JOBS SUBMISSION;
- POST-PROCESSING.

I tab devono essere usati nella sequenza presentata in Figura 6-12, perché ognuno di essi svolge un'azione propedeutica all'altro.

🔁 V.A.T. v1.0 - (15-10-2015)	二 相 氏 2 新考	
File FE Model Builder Info		
INPUT MATRIX AND FIBER PROPERTIES	LAYUP DEFINITION AND JOBS SUBMISSION	POST-PROCESSING

Figura 6-12: Tab di V.A.T.

## 6.2.1 Descrizione del tab "Input matrix and fiber properties"

Questo tab ha come obiettivo quello di elaborare e scrivere i 18 \*.mat file necessari per l'esecuzione dell'analisi con la SOL 400 di MSC.Nastran attivando la progressive failure analysis descritta nel capitolo 5.4.

Approccio Computazionale	per la Certificazione di Strut	ture Aeronautiche in Materiale	Composito

INPUT MATRIX AND FIBER PROPERTIES	LAYUP DEFINITION AND JOBS SUBMISSION	POST-PROCESSING
UNNOTCHED TENSION V = 0.984 L =	5.905	
MATRIX TENSION COMPRESSION Young Modulus: Poisson's Ratio: Tensile Strength: Compressive Strength EXP. LAMINA DATA Exp. Tensile Strength 0° - (Psi) = Exp. Compr. Strength 0° - (Psi) = Exp. Compr. Strength 90° - (Psi) = Exp. Shear Strength - (Psi) = Exp. Shear Strength - (Psi) = Exp. Shear Strength 0 + (Psi) = Exp. S	FIBER       TENSION       COMPRESSION         Axial Young Modulus:       In-Plane Young Modulus:       In-Plane Poisson's Ratio:         In-Plane Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:         Transverse Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:         Transverse Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:         Tensile Strength:       Compressive Strength:       In-Plane Poisson's Ratio:         Compressive Strength:       In-Plane Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:         Mr. batch:       In-Plane Poisson's Ratio:       In-Plane Poisson's Ratio:         Image:       Image:       Image:       Image:         Image:       Image:       Image:       Image:       Image:         Image:       Image:       Image:       Image:       Image:       Image:         Image:       Image: <td< td=""><td>Matrix Tensile Young modulus Cov         Matrix Compressive Young modulus Cov         Matrix Tensile strength Cov         Matrix Compressive strength Cov         Fiber Tensile strength Cov         Fiber Compressive Axial Young modulus Cov         Fiber Compressive Axial Young modulus Cov         Fiber Compressive Axial Young modulus Cov         Fiber Compressive strength Cov         Fiber Alignment std deviation         0 deg         +45 deg         90 deg             Open VM             Iv Delete temporary files</td></td<>	Matrix Tensile Young modulus Cov         Matrix Compressive Young modulus Cov         Matrix Tensile strength Cov         Matrix Compressive strength Cov         Fiber Tensile strength Cov         Fiber Compressive Axial Young modulus Cov         Fiber Compressive Axial Young modulus Cov         Fiber Compressive Axial Young modulus Cov         Fiber Compressive strength Cov         Fiber Alignment std deviation         0 deg         +45 deg         90 deg             Open VM             Iv Delete temporary files
orking Directory		

Figura 6-13: V.A.T. Tab Input matrix and fiber properties

Si parte dalle proprietà calibrate di fibra e matrice ottenute dalle cinque prove standard descritte nel capitolo 5.6 (Figura 5-42) e vengono inserite nell'apposito form (vedi Figura 6-14). Ovviamente si ha la possibilità di riempire tutte i campi di Figura 6-14 caricando un file di testo precedentemente salvato.

				FIRED		
	TENSION	COMPRESSION		TIDER	TENSION	COMPRESSION
Young Modulus:				Axial Young Modulus:		
Poisson's Ratio:				In-Plane Young Modulus:		
		,		Transverse Shear Modulus:		
Tensile Strength:				In-Plane Poisson's Ratio:		
Compressive Strength	:			Transverse Poisson's Ratio:		
			1	Tensile Strength:		
				Compressive Strength:		

Figura 6-14: Input form per le proprietà di fibra e matrice

Si inseriscono i valori dei moduli a trazione, compressione, il coefficienti di poisson e le sigma di rottura a trazione e a compressione della matrice epossidica considerata isotropa. Vengono fornite le stesse quantità per la fibra. Avendo considerato un modello trasversalmente isotropo, si

dovranno inserire il modulo di Young trasversale e il modulo di taglio. Tutte queste proprietà sono quelle che riproducono esattamente le cinque prove sperimentali (calibrazione).

Exp. Tensile Strength 0° - (Psi) =
Exp. Compr. Strength 0° - (Psi) =
Exp. Tensile Strength 90° - (Psi) =
Exp. Compr. Strength 90° - (Psi) =
Exp. Shear Strength - (Psi) =
VF =
Apply Micro to Macro Variability th =

Figura 6-15: Input form per le proprietà sperimentali della lamina base

La Figura 6-15 mostra il form di input delle proprietà sperimentali della lamina proveniente dalle 5 tipologie di test descritte nel capitolo 5.6. Vengono, altresì, inseriti i valori del Fiber Volume Fraction (V.F.) e dello spessore nominale della lamina (th).

Quando il controllo "**Apply Micro to Macro Variability**" è "checked" il variability model applicato alla scala micro si traduce alla scala macro secondo quanto riportato nelle seguenti equazioni:

$$\sigma_{11\_TENS}^{ACT} = \sigma_{11\_TENS}^{EXP} \left[ \frac{F_{TENS}^{ACT}}{F_{TENS}^{CALIB}} \cdot VF^{ACT} + \frac{M_{TENS}^{ACT}}{M_{TENS}^{CALIB}} \cdot \left(1 - VF^{ACT}\right) \right]$$
(Equazione 6-1)

$$\sigma_{11\_COMP}^{ACT} = \sigma_{11\_COMP}^{EXP} \left[ \frac{F_{COMP}^{ACT}}{F_{COMP}^{CALIB}} \cdot VF^{ACT} + \frac{M_{COMP}^{ACT}}{M_{COMP}^{CALIB}} \cdot \left(1 - VF^{ACT}\right) \right]$$
(Equazione 6-2)

$$\sigma_{22\_TENS}^{ACT} = \sigma_{22\_TENS}^{EXP} \left[ \frac{M_{TENS}^{ACT}}{M_{TENS}^{CALIB}} \right]$$
(Equazione 6-3)

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

$$\sigma_{22\_COMP}^{ACT} = \sigma_{22\_TENS}^{EXP} \left[ \frac{M_{COMP}^{ACT}}{M_{TENS}^{CALIB}} \right]$$
(Equazione 6-4)

dove: $F_{TENS}^{ACT}$  = actual fiber tensile strength; $F_{TENS}^{CALIB}$  = calibrated fiber tensile strength; $M_{TENS}^{ACT}$  = actual matrix tensile strength; $M_{TENS}^{CALIB}$  = calibrated matrix tensile strength; $F_{COMP}^{CALIB}$  = calibrated matrix tensile strength; $F_{COMP}^{ACT}$  = actual fiber compressive strength; $F_{COMP}^{CALIB}$  = calibrated fiber compressive strength; $M_{COMP}^{ACT}$  = actual matrix compressive strength; $M_{COMP}^{ACT}$  = actual matrix compressive strength; $M_{COMP}^{CALIB}$  = calibrated matrix compressive strength;

Dalle (Equazione 6-1 e (Equazione 6-2 si evince che la resistenza a trazione e compressione della lamina base viene *alterata* sia dalla resistenza della fibra che da quella della matrice, mentre nella direzione trasversale alle fibre solo dalla resistenza della matrice ((Equazione 6-3)(Equazione 6-4)).

Dal CMH-17 (Ref. 1) si evince che per poter effettuare una serie di test che abbiano una valenza per l'ente certificante, occorre effettuare un certo numero di prove. Tutto questo, come spiegato precedentemente, serve ad avere una quantità di dati idonea all'elaborazione statistica per l'ottenimento del valore B-Basis necessario all'analista strutturale.



Figura 6-16: Input form per la scelta del numero di coupon da analizzare

Con il form di Figura 6-16 vengono considerati 3 batch di materiale, 2 pannelli costruiti in due cicli diversi e 3 coupon per pannello. Così facendo vengono ottenuti 18 coupon idonei all'ottenimento di ammissibili virtuali.



Figura 6-17: Schema di costruzione delle cartelle dove salvare le informazioni

Per poter tener traccia dei modelli e quindi dei risultati, soprattutto in fase di post-processing, è stato usato l'algoritmo mostrato in Figura 6-17. Il tool in fase di esecuzione costruisce 18 cartelle (directory) il cui nome è definito come:



dove : i = identificativo numero del batch di materiale;

- j = identificativo numero del pannello;
- k = identificativo numero del coupon;

I file contenuti dentro la cartella usano lo stesso algoritmo per la nomenclatura.

Il form di Figura 6-18 mostra l'input del modello di variabilità da usare per ottenere le proprietà di fibra, matrice, Fiber Volume Fraction e allineamento legati al materiale usato, al processo di cura, di stratificazione e di test.

Matrix Tensile Young modulus Cov
Matrix Compressive Young modulus Cov
☐ Matrix Tensile strength Cov
☐ Matrix Compressive strength Cov
☐ Fiber Tensile Axial Young modulus Cov
☐ Fiber Compressive Axial Young modulus Cov
☐ Fiber Tensile strength Cov
☐ Fiber Compressive strength Cov
□ Fiber Volume fraction Cov
Fiber Alignment std deviation
□ 0 deg
□ +45 deg
□ -45 deg
□ 90 deg
Open VM Save VM Rnd seed for ranuit. For manuit. for manuit. for test alignment

Figura 6-18: Input form per il variability model

A parte gli angoli di stratificazione e di allineamento con la macchina di test, tutte le altre quantità sono COV espresse in % (vedi (Equazione 5-20 e Tabella 5-15). Per gli angoli di stratificazione e di allineamento del coupon, si tratta di valori espressi in gradi sessagesimali rispetto alla direzione nominale. Anche in questo caso è possibile caricare automaticamente un variability model precedentemente salvato in un file di testo.

Working Directory	
Finestra di log	

Figura 6-19:"Working Directory" e finestra di log

Occorre selezionare una directory di lavoro dove salvare tutte le informazioni e presenta anche una finestra di log dove registra tutte le operazioni che vengono eseguite (vedi Figura 6-19).

Il tool va in esecuzione con il pulsante **1.RUN**. Durante questa fase, che dura pochi secondi, vengono utilizzati i valori randomici delle Tabella 5-16 e Tabella 5-17, gli schemi di caricamento descritti nelle Figura 5-50, Figura 5-51 e Figura 5-52, e vengono generati 30 file \*.mat da analizzare con MSC.Digimat-MF per la determinazione delle proprietà della lamina base necessari per la PFA, come quelle riportate in Tabella 5-18.

Batch #1		Bato	:h #2	Batch #3		
<ul> <li>job_1_1.mat</li> <li>job_1_2.mat</li> <li>job_1_3.mat</li> <li>job_1_4.mat</li> <li>job_1_5.mat</li> </ul>	<ul> <li>job_2_1.mat</li> <li>job_2_2.mat</li> <li>job_2_3.mat</li> <li>job_2_4.mat</li> <li>job_2_5.mat</li> </ul>	<ul> <li>job_3_1.mat</li> <li>job_3_2.mat</li> <li>job_3_3.mat</li> <li>job_3_4.mat</li> <li>job_3_5.mat</li> </ul>	<ul> <li>job_4_1.mat</li> <li>job_4_2.mat</li> <li>job_4_3.mat</li> <li>job_4_4.mat</li> <li>job_4_5.mat</li> </ul>	<ul> <li>job_5_1.mat</li> <li>job_5_2.mat</li> <li>job_5_3.mat</li> <li>job_5_4.mat</li> <li>job_5_5.mat</li> </ul>	<ul> <li>job_6_1.mat</li> <li>job_6_2.mat</li> <li>job_6_3.mat</li> <li>job_6_4.mat</li> <li>job_6_5.mat</li> </ul>	
Pannello #1	Pannello #2	Pannello #3	Pannello #4	Pannello #5	Pannello #6	

Figura 6-20: File \*.mat per la determinazione delle sollecitazione di rottura della lamina base

Il run con il modulo MSC.Digimat-MF avviene in batch mode, questo perché V.A.T. genera un file di batch e lo manda in esecuzione. Il file batch è formato da 30 righe, una per ogni analisi, come la seguente:

#### Path\_install\digimat.exe input=working\_directory\job\_i\_j.mat

dove: i = 1 to 6j = 1 to 5

Il file \*.mat è un file ascii formato da diverse sezioni:

- Descrizione dei materiali;
- Descrizione delle fasi;
- Microstruttura e RVE;
- Descrizione del caricamento;
- Descrizione del tipo di analisi;
- Descrizione del failure indicator;
- Richiesta per l'output.

```
MATERIAL
                                       PHASE
name = CARBON
                                       name = MATRIX
type = elastic
                                       type = matrix
density = 0.000000018
                                       volume fraction = 0.408
failure indicator = FIBER MaxPrincStress
                                       material = EPOXY
elastic model = transversely isotropic
axial Young = 39664053.1935692
                                       inPlane Young = 3062500.000
                                       PHASE
inPlane Poisson = 0.266
                                       name = FIBER
transverse Poisson = 0.333
                                       type = continuous fibers
transverse_shear = 2629700.000
                                       volume fraction = 0.592
                                       behavior = deformable solid
                                       material = CARBON
aspect_ratio = 1.00000000000000e+004
MATERIAL
                                       orientation = fixed
name = EPOXY
                                       theta_angle = 9.000000000000000e+001
type = elastic
                                       phi angle = 0.0000000000000000e+000
density = 0.000000012
                                       coated = no
failure indicator = MATRIX MaxPrincStress
elastic_model = isotropic
Young = 513868.649510145
```

Figura 6-21: File \*.mat – Descrizione Materiali

Figura 6-22: File \*.mat – Descrizione delle fasi

Poisson = 0.35

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

Figura 6-23: File \*.mat – Microstruttura e RVE

Figura 6-25: File \*.mat – Failure Indicator

Figura 6-24: File \*.mat - Caricamento

```
Figura 6-26: File *.mat – Richiesta Output
```

Occorre sottolineare come nel caso della determinazione delle sollecitazione di failure a trazione V.A.T. sceglie le proprietà corrispondenti (sia per la fibra che per la resina). Un'altra importante considerazione è che per la determinazione delle proprietà della direzione trasversale alle fibre viene impostato un valore di phi\_load =  $90^{\circ}$  (vedi Figura 6-24), mentre per il taglio il campo *"load"* viene impostato su "shear\_12".

MSC.Digimat-MF produce 30 file \*.mac (impostato nella sezione output del file \*.mat) da dove è possibile determinare la sollecitazione di rottura da usare nella PFA accoppiata con MSC.Nastran SOL400.

					TCH 2	ВА	тсн з
	7	PANEL 1	PANEL 2	PANEL 3	PANEL 4	PANEL 5	PANEL 6
1	Matrix Tensile Young Modulus	515526	515526	511348	511348	499028	499028
2	Matrix Compressive Young Modulus	528903	528903	525748	525748	522593	522593
3	Matrix Tensile Strength	6585	6585	6551	6551	6517	6517
4	Matrix Compressive Strength	22946	22946	23521	23521	21854	21854
5	Fiber Tensile Young Modulus	39792712	39792712	39710286	39710286	40259896	40259896
6	Fiber Compressive Young Modulus	35324457	35324457	37372943	37372943	35844829	35844829
7	Fiber Tensile Strength	566942	566942	551676	551676	561179	561179
8	Fiber Compressive Strength	407328	407328	392503	392503	388137	388137
9	V.F.	0.592	0.589	0.556	0.581	0.608	0.556
10	Axial Tensile Strength	303040	301540	287750	300390	321990	295010
11	In Palne Tensile Strength	7884	8038	7763	7890	7918	7806
12	Axial Compressive Strength	-244030	-242820	-223790	-233600	-240880	-220770
13	In Palne Compressive Strength	-27465	-27336	-27881	-28030	-26177	-25763
14	In Plane Shear Strength	9927	9947	9750	9884	9947	9632

Figura 6-27: File \*.mat - Output del modulo MSC.Diglimat-MF

Le righe 10,11,12,13 e 14 vengono usate dal tool per generare i file \*.mat finali. In questa fase l'angolo "phi\_angle", relativo alla fase fibra (generalmente vale  $0^{\circ}$ ), viene alterato per tener conto di un eventuale disallineamento del coupon in fase di testing.

## 6.2.2 Descrizione del tab "Layup Definition and Jobs Submission"

Il tab ha come obiettivo quello di elaborare e scrivere i 18 file \*.nas contenenti le PCOMP con le orientazioni e gli spessori delle lamine alterate per tener conto di eventuali errori durante la fase di stratificazione e dei diversi spessori dei pannelli legati al processo produttivo (vedi Figura 6-28). Un'altra importante funzione del tab in fase di esecuzione è quella di modificare opportunamente i template dei file di lancio della SOL400 (\*.bdf, bulk data file), del modello agli elementi finiti ed infine il file di interfaccia tra MSC.Digimat-MF e MSC.Nastran SOL400.

INPUT MATRIX AND FIBER PRO	PERTIES	LAYUP DEFINITION AND JOBS SUBMISSION	POST-PROCESSING
All plies have same thickness	ic Symmetric rispect to mid ply	Nr. plies =	0° 45° 90°
Thickness  Pty Angle  Material	0 90 +45 -45	CREATE PCOMP's Imposed 0.1 Nr. of 40	90° 90° 45° 45° 45°
	+60 -60	file 2. CREATE LAMINATES	90° -45° 0°
, LOT EFFECTIVE PLY PERCENTAGE	Add PLY Save .is f Remove PLY PCOMP c	JOBS SUBMIS	SION 3. SUBMIT NASTRAN SOL 400 JOBS
		INCLUDE TABS	
king Directory			

Figura 6-28: V.A.T. Tab Layup Definition and Job Submission

La Figura 6-28 mostra la parte del form destinata all'inserimento della stratificazione e dello spessore nominale. La costruzione della PCOMP risulta estremamente semplice ed intuitiva all'utilizzatore. E' possibile definire laminati simmetrici, simmetrici rispetto alla lamina di mezzeria o asimmetrici.

Prima di creare i laminati il form da la possibilità di cambiare lo spostamento imposto (ne viene sempre proposto uno di default) e del numero di incrementi da eseguire durante l'analisi non lineare.

Tenendo "checked " il controllo "**INCLUDE TABS**" viene attivata un'importante funzione che consente di considerare nell'analisi anche la presenza di eventuali tabs incollate al provino in zona afferraggio, questo per far si che fenomeni locali legati ai vincoli o al caricamento possa influenzare il risultato finale. Ovviamente, per non alterare la rigidezza complessiva del provino, le tabs sono costruite esattamente uguali al laminato del provino, così come avviene nell'esecuzione del test reale.



Figura 6-29: TABS nel modello agli elementi finiti

Sono state create altre funzionalità che consentono di salvare una stratificazione appena definita o di caricarne una costruita precedentemente. Questa funzione risulta particolarmente utile quando si ha a che fare con laminamiti costituiti da un numero elevato di lamine.

Il form permette di tenere sempre sotto controllo lo spessore totale del laminato che si sta analizzando.

La Figura 6-30 mostra un esempio di bulk data file di MSC.Nastran. In particolare il file mostrato si riferisce ad una analisi non lineare con l'utilizza della SOL400.
Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

```
SOL 400
CEND
LINE = 1000000
MAXLINES = 999999999
ECHO = NONE
$ Direct Text Input for Global Case Control Data
TITLE = OHT - Shell coupon
SUBCASE 1
 STEP 1
   SUBTITLE=Default
   ANALYSIS = NLSTATIC
   NLSTEP = 1
   SPC = 2
   LOAD = 4
   $DISPLACEMENT (PLOT, SORT1, REAL) =ALL
   SPCFORCES (PRINT, SORT1, REAL) =ALL
   STRESS (PLOT, SORT1, REAL, VONMISES, BILIN) =ALL
   NLSTRESS (PLOT, NLOUT=1) =ALL
$ Direct Text Input for this Subcase
BEGIN BULK
$ Direct Text Input for Bulk Data
PARAM
         POST 1
LGDISP 1
PARAM
                1.
NLSTEP
        1
         GENERAL 10
                         2
                                  10
         ADAPT .05
                        1.-5
                                                  1.2
                                                           0
                                 .05
                                           4
                        2.-4
                 6
         MECH
                 PV
                                                   PFNT
                                          .2
INCLUDE 'D_1_2_3.nas'
INCLUDE 'coup model1 2 3.bulk'
INCLUDE 'Laminate1 2 3.nas'
ENDDATA
```

Figura 6-30: \*.bdf file di lancio di MSC.Nastran SOL400

In altro file molto importante è quello che consente di far dialogare MSC.Digimat-MF e MSC.Nastran secondo lo schema di Figura 6-31.



Figura 6-31: Algoritmo di iterazione tra MSC.Digimat-MF e MSC.Nastran Sol400

Un esempio di questo importante file viene riportato in Figura 6-32.

#### Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

Digimat To setu	mater p the	ial car definit	d ion of t	he Digim	at user :	material	card in	the MSC	Nastra	n								
input d	eck, c	opy/pas	te the f	ollowing	command	lines in	n the BUI	LK DATA	section									
1 ><	2	× 3	× 4	>< 5	>< 6	>< 7	>< 8	× 9	× 10	>								
ATDIGI 1		1					0.0E+0	00										
WARNING																		
When an	nlving	Digima	t materi	al model	a for UD	and Nov	en in she	e11.										
The loc	al ave	a avera	me of th	a aleman	Formul	and nove	11 be use	ad.										
Digimat	anfr.	ave has	hear to	ated to	Derform	wall wirl	atanda:	rd alers	mr.									
formula	Tiona	and daf	ault set	steu co	periorida	d in the	Digimat	-CAF int	arface	file.								
Tf won	vant t	and der	auto Seu	lt satti	provide	he defin	ition of	the ave	errace	TTTC.		_				_		
and/or	alemon	t times	ubiah a	TO DOL O	uplinitl	ie derin	LCION OI	owted	a ayace	ana					-			
and/or	e Diai	to cypes	whitch a	le not e	xpiicici.	y instea	as suppl	DICEU					ob	1 2	3.ma	t		
WICH CH	e prår	mac sor	cware, p	rease ca	rerurry	check you	ar resur	ca.							-	-		
		-																
FOT a 1	13t of	suppor	ted Solv	er versi	ons and	element	cypes,							T				
please	reier	to the	Digimat	manual o	r contac	c support	tee-xstre	eam.com		8.2								
	2	× 3	× 9	>< 5	>< 0	>< /	>< 8	× 3	× 10	>								
JDNAME 1		-																
3	ob1_2_	3												_				
S STATE D	EPENDE	NI VARI	ABLES															
5 A g	iven n	umber of	f state	dependen	t variab	le must l	be define	ed to in	itiate									
5 the	coupl	ing bet	ween Dig	imat and	MSC Nas	tran SOL	400.											
S Thi	s numb	er vari	es depen	ding upo	n the ma	terial ma	odel the	user wo	orks wit	h.								
\$ 1 ×	2	>< 3	$\times$ 4	>< 5	>< 6	>< 7	>< 8	× 9	× 10	>								
JDSESV		102																
5																		
S	V2	HV2	SV3	HV3	SV4	HV4	SVS	HV5										
S	V6	HV6	SV7	HV7	SV8	HV8	SV9	HV9										
S	V10	HV10	SV11	HV11	SV12	HV12	SV13	HV13										
S	V14	HV14	SV15	HV15	SV16	HV16	SV17	HV17										
S	V18	HV18	SV19	HV19	SV20	HV20	SV21	HV21										
S	V22	HV22	SV23	HV23	SV24	HV24	SV25	HV25	S 1	><	2	× 3	~ 4	>< 5	>< 6	>< 7	>< 8	
5	V26	HV26	SV27	HV27	SV28	HV28	SV29	HV29	NUCOUT		-	TOTTEMP						
S	V30	HV30	SV31	HV31	SV32	HV32	SV33	HV33	NTOOT	-	÷	TUTTERF	0110			0110	A117	
g	1734	HU34	SV35	HUSS	51/36	HUSE	5737	HV37		LOV		212	243	214	242	200	SVI	
9	1738	HUSS	51730	HUSO	SV40	HVAO	SUAT	HUAI				SV8	SV9	SV10	SV11	SV12	SV13	
	174.2	111/4 2	0174.9	HUTA 2	0174.4	WUAA	CITAE	HTTAE				SV14	SV15	SV16	SV17	SV18	SV19	
2	TAC	WITAC	CULAT	HV45	STAR	HTTA O	CITAD	INTAO				SV20	SV21	SV22	SV23	SV24	SV25	
5	100	1146	01154	1947	5740	INV40	5749	1149				SV26	SV27	SV28	SV29	SV30	SV31	
5	V50	nv50	SVSI	HVSI	SVSZ	HV52	5753	nv53				SV32	SV33	SV34	SV35	SV36	SV37	
5	V54	HV54	SV55	HV55	SV56	HV56	5457	HV5/				SV38	SV39	SV40	SV41	SV42	SV43	
S	V58	HV58	SV59	HV59	SV60	HV60	SV61	HV61				SULL	SV45	SVAG	SV47	9174.9	\$1/4.0	
S	V62	HV62	SV63	HV63	SV64	HV64	SV65	HV65				21150	SV13	SVIG	3747	SVIC	2015	
S	V66	HV66	SV67	HV67	SV68	HV68	SV69	HV69				5750	5421	5452	5453	SVS4	5435	
S	V70	HV70	SV71	HV71	SV72	HV72	SV73	HV73				SV56	SV57	SV58	SV59	SV60	SV61	
S	V74	HV74	SV75	HV75	SV76	HV76	SV77	HV77				SV62	SV63	SV64	SV65	SV66	SV67	
S	V78	HV78	SV79	HV79	SV80	HV80	SV81	HV81				SV68	SV69	SV70	SV71	SV72	SV73	
S	V82	HV82	SV83	HV83	SV84	HV84	SV85	HV85				SV74	SV75	SV76	SV77	SV78	SV79	
S	V86	HV86	SV87	HV87	SV88	HV88	SV89	HV89				SV80	SV81	SV82	SV83	SV84	SV85	
S	V90	HV90	SV91	HV91	SV92	HV92	SV93	HV93				SV86	SV87	SVRP	SVRO	SV90	SV91	
S	V94	HV94	SV95	HV95	SV96	HV96	SV97	HV97				8170.0	0170.9	ettoa	evos	21706	21707	
S	V98	HV98	SV99	HV99	SV100	HV100	SV101	HV101				5v92	5v93	21/94	5795	2436	2431	
g	V102	HV102										2038	SV99	SV100	SV101	SV102		
5																		

Figura 6-32: \*.nas file di interfaccia tra MSC.Digimat-MF e MSC.Nastran

Lo schema di Figura 6-31 mostra come, nel caso di comportamento non lineare del materiale (la rottura di una lamina fa cambiare la rigidezza del laminato), la matrice di rigidezza per la soluzione agli elementi finiti deve essere aggiornata ad ogni incremento di carico per tener conto di eventuali rotture calcolate da MSC.Digimat-MF.

E' possibile notare come il file di Figura 6-32 punti al file \*.mat (nell'esempio della figura Job\_1\_2\_3) creato dal tab descritto nel capitolo 6.2.1.

Il pulsante **2.CREATE LAMINATE**, seguendo lo schema di nomenclatura di Figura 6-17, crea tutti i file necessari per l'analisi finale.

In questa fase viene, altresì, generato un altro file di batch formato da 18 righe (una per ogni analisi) come quella riportata sotto:

Path\_instal\_nastran\nastran.exe Working\_dir\J\_i\_j\_k.bdf SCR=YES APP=NO OLD=NO



Figura 6-33: V.A.T. Tab Layup Definition and Job Submission - CREATE LAMINATE

A questo punto cliccando sul tasto **3.SUBMIT NASTRAN SOL 400 JOBS**, viene mandata in esecuzione l'analisi agli elementi finiti.

JOBS SUBMISSION							
	3. SUBMIT NASTRAN SOL 400 JOBS						
PARALLEL RUNS							

Figura 6-34: Pulsante di lancio run SOL 400 MSC.Nastran

Tenendo "checked" il controllo "**PARALLEL RUNS**" vengono generati "n" file batch di run che permettono di eseguire contemporaneamente "n" analisi Nastran e ottimizzare i tempi. Ovviamente questa capability dipende dall'hardware a disposizione e dal numero di licenze MSC.Nastran disponibili.

Su un PC portatile dalle caratteristiche di Figura 6-35, ogni run (un coupon nel caso di UNT) viene eseguito in 76 secondi.

Sistema								
olaterita								
Classificazione:	Classificazione del sistema non disponibile							
Processore:	Intel(R) Core(TM) i7-2620M CPU @ 2.70GHz 2.70 GHz							
Memoria installata (RAM):	8.00 GB							
Tipo sistema:	Sistema operativo a 64 bit							
Penna e tocco:	Nessun input penna o tocco disponibile per questo schermo							

Figura 6-35: Caratteristiche hardware PC portatile

```
Job ends with exit number : 0

total wall time: 76.00

total cpu time: 74.01

exit DEFINITION -----

= 0 job terminates normally

= 1 job terminates abnormally (check Fatal Error Message in F06)
```

Figura 6-36: \*.sts output file For total wall time

Nel caso di OHC/OHT ogni run viene eseguito in 5÷10 minuti, comunque sempre un tempo reputato accettabile.

#### 6.2.3 Descrizione del tab "Post-Processing"

Il tab ha come obiettivo quello di posto processare i risultati delle analisi effettuate sui i 18 coupon con MSC.Nastran. Il tab permette di mostrare risultati sia in forma grafica che numerica.

VAT. v1.0 - (15-10-2015) le FE Model Builder Info INPUT MATRIX AND FIBER PROPERTIES	LAYUP DE	FINITION AND JOBS SUBMISSION	) POS	BT-PROCESSING
FAILURE LOADS     FAILURE NOMINAL STRESSES     Min Value     STD DEV     C.V. %     Mean Value     B-BASIS Value     CALCULUS BASED ON FIRST CRAK	FAILURE MEASURED STRESSES  4. DATA POST PROCESSING FIL SAVE DATA POST-PROCESSING FILE			Ba
Working Directory		DATA SELCTION C FAILURE LOAD - DISPLECEMENT C STRESS BY MEASURED TH - STRAIN C STRESS BY NOMINAL TH - STRAIN PLOT CURVES	PLOTAREAOPTIONS © BLACK © WHTE Xmax Ymax	EXCEL PLOT PLOT CURVES WITH EXCEL MEAN VALUE

Figura 6-37: V.A.T. Tab Post-Processing

Con la parte sinistra del form vengono post-processati tutti i risultati estratti dal file \*.f06 output di MSC.Nastran. Cliccando sul pulsante **4.DATA POST PROCESSING**, vengono aperti tutti i 18 \*.f06 file e viene recuperata la forza di reazione sul nodo di caricamento (si ricorda che i modello è caricato con uno spostamento imposto).

FAILURE LOADS	C FAILURE NOMINAL STRESSES	O FAILURE MEASURED STRESSES		
Min Value 10402	STD DEV 414			
Max Value 11855	C.V. % <b>3.69</b>	4. DATA POST PROCESSING		
Mean Value 11235	B-BASIS Value 10410			
		SAVE DATA POST-PROCESSING FILE		

Figura 6-38: V.A.T. Tab Data Post-Processing

Ogni \*.f06 contiene tanti blocchi tanti quanto sono gli incrementi considerati nell'analisi, blocchi come quelli di Figura 6-39.

LOAD STEP =	2.5000	0E-01					
		FORCE	S OF SI	NGLE-POI	INT CONS	I R A I N T	
POINT ID.	TYPE	T1	T2	T3	R1	R2	R3
1	G	-3.535966E+02	9.452248E+01	2.746670E-15	1.491799E-16	9.480924E-16	2.270228E-05
42	G	-5.162693E+02	1.009155E+02	-5.676415E-16	2.190175E-16	2.442192E-16	2.378685E-05
83	G	-4.822835E+02	5.935682E+01	-2.060999E-16	-2.002448E-16	7.542194E-16	1.503829E-05
124	G	-4.747464E+02	3.851653E+01	-1.725622E-15	-3.301652E-16	4.098356E-17	9.192731E-06
165	G	-4.726049E+02	1.800342E+01	-3.453050E-16	-1.011202E-16	4.788980E-16	4.401684E-06
206	G	-4.719115E+02	-1.629917E-01	7.693455E-16	1.569511E-17	1.106987E-15	-9.539772E-08
247	G	-4.726209E+02	-1.831775E+01	2.871779E-16	3.489795E-16	1.308490E-15	-4.588564E-06
288	G	-4.747928E+02	-3.878639E+01	-6.033890E-16	7.350257E-17	6.316439E-16	-9.369512E-06
329	G	-4.824160E+02	-5.951408E+01	-5.161888E-16	3.489369E-16	9.429600E-16	-1.518465E-05
370	G	-5.166022E+02	-1.007781E+02	-8.721916E-16	4.769375E-16	8.943625E-16	-2.386503E-05
411	G	-3.538543E+02	-9.391382E+01	4.679403E-15	2.142839E-17	6.489388E-16	-2.262767E-05
1000000	G	5.071695E+03	1.584184E-01	-3.839068E-15	1.250841E-15	-3.168808E-14	-4.768523E-01

Figura 6-39: Forza di reazione ad un determinate step di carico

In questo caso si tratta di un caso di trazione, ed il carico all'incremento di "tempo" 0.25 è uguale a 5071.695 lb. Occorre sottolineare come la SOL400 di MSC.Nastran consideri gli incrementi di spostamento come fosse una variabile di tempo. La Figura 6-30 mostra il file \*.bdf di lancio dove è possibile vedere come la scheda NLSTEP con ID=1 riporti il massimo della variabile tempo = 1.0. La scheda ADAPT riporta uno step iniziale di 0.05 con incrementi successivi di 0.05. Questo significa 1./0.05 = 20 incrementi. Variando questi parametri si riesce ad ottenere il numero di incrementi desiderato.

NLSTEP 1 1. GENERAL 10 2 10 ADAPT .05 1.-5 .05 4 1.2 0 6 2.-4 MECH PV PFNT .2

Figura 6-40: Scheda NLSTEP di MSC.Nastran

Se si applica al modello uno spostamento di 0.20 inches in 20 incrementi si ottiene il grafico di Figura 6-41.



Figura 6-41: Grafico carico-spostamento

Il valore massimo del carico può essere considerato il carico di rottura del coupon. Ai fini del presente lavoro non interessa tutto quello che succede a valle della rottura. A partire da quest'ultimo è possibile calcolare lo stress usando sullo spessore nominale come:

$$\sigma_{NOM} = \frac{P_{fail}}{W \cdot th_{NOM}}$$
(Equazione 6-5)

dove:  $P_{\text{fail}} = \text{carico di rottura (valore massimo);}$  $th_{NOM} = \text{spessore nominale del coupon;}$ 

W = larghezza del coupon.

Lo stress basato sullo spessore misurato può essere espresso come:

$$\sigma_{MEASURED} = \frac{P_{fail}}{W \cdot th_{MEASURED}}$$

(Equazione 6-6)

dove:

 $P_{fail}$  =carico di rottura (valore massimo);  $th_{MEASURED}$  = spessore misurato del coupon; W = larghezza del coupon.

Tutte queste quantità possono essere diagrammate come in Figura 6-42.



Figura 6-42: Grafico a barre che mostra il carico di rottura per tutti i 18 coupon

In questo tipo di grafici viene riportato anche il valore massimo e minimo (linea tratteggiata rossa e gialla, rispettivamente). La linea bianca tratteggiata è il valore B-Basis.

Le stesse quantità vengono riportate direttamente nel form come mostrato in Figura 6-38. Spuntando il check box SAVE DATA POST-PROCESSING FILE il tool, salva tutte le informazioni in un file a cui gli si può dare un nome, come quello mostrato di seguito:

```
13/11/2015 12:11:31
     MBER OF PLIES: 16
LAYUP OF COUPON: [45/0/-45/90/45/0/-45/90/90/-45/0/45/90/-45/0/45]
VARIABILITY MODEL:
Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %
Matrix Compressive Young modulus Cov: 5.0 %
Matrix Compressive strength Cov: 3 %
Fiber Compressive strength Cov: 5 %
Fiber Tensile Axial Young modulus Cov: 3 %
Fiber Tensile strength Cov: 3 %
Fiber Tensile strength Cov: 5 0 %
Fiber Compressive strength Cov: 5.0 %
Fiber Volume fraction Cov: 5.0 %
Fiber Alignment std deviation: 0.5 deg
Fiber Alignment std devi
Ply Thickness Cov: 6.0 %
0 deg: 1.0 deg
+45 deg: 1.0 deg
-45 deg: 1.0 deg
90 deg: 1.0 deg
RESULT VALUES:
BATCH MAT. # PANEL #
                                                    COUPON #
                                                                                FAILURE
                                                                                                         MEASURED TH. NOMINAL TH.
                                                                                                                                                               STRENGTH BY
                                                                                                                                                                                          STRENGTH BY
                                                                                                                                                                                                                    Ex-YOUNG MOD.
                                                                                                                                                                                                                                              Ex-YOUNG MOD
                                                                                                                                                               MEASURED TH.
                                                                                                                                                                                          NOMINAL TH.
                                                                                                                                                                                                                    BY MEAS. TH.
                                                                                                                                                                                                                                               BY NOM. TH.
                                                                                LOAD
                                                                                [Lb]
                                                                                                          [in]
                                                                                                                                     [in]
                                                                                                                                                                [Psi]
                                                                                                                                                                                           [Psi]
                                                                                                                                                                                                                     [Psi]
                                                                                                                                                                                                                                                [Psi]
                                                                                10886.03
11215.99
10402.37
11513.44
                                                                                                                                    0.1171
0.1171
0.1171
0.1171
                                                                                                                                                                                          94475.1
97338.7
90277.7
99920.2
                                                                                                                                                                                                                     8255542.
8254977.
8253674.
8795890.
                                                                                                                                                                                                                                               8165317.
8412859.
7802653.
8723793.
                                                                                                          0.1158
                                                                                                                                                               95535.7
                          1
                                                     1
2
3
4
                                                                                                          0.1158
0.1194
0.1107
0.1162
                                                                                                                                                               95535.7
95463.7
95497.0
100694.1
100695.0
                                                                                                                                                                                                                     8795922.
                          2
2
                                                                                11592.81
                                                                                                          0.1170
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                                                          100609.0
                                                                                                                                                                                                                                                8783906.
                                                                                11702.28
                                                                                                          0.1181
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                               100699.1
                                                                                                                                                                                          101559.0
                                                                                                                                                                                                                     8795067.
                                                                                                                                                                                                                                                8867157.
                           3
                                                                                10885.8
                                                                                                          0.1133
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                               97641.7
                                                                                                                                                                                          94473.1
                                                                                                                                                                                                                     9050664.
                                                                                                                                                                                                                                                8753921.
2
                                                                                10624.2
                                                                                                          0.1106
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                               97621.6
                                                                                                                                                                                          92202.8
                                                                                                                                                                                                                     9050549.
                                                                                                                                                                                                                                                8543619.
                                                                                11854.93
                                                                                                          0.1234
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                               97631.2
                                                                                                                                                                                          102883.8
                                                                                                                                                                                                                     9050871
                                                                                                                                                                                                                                                9533090
                                                                               11854.93
11549.29
11268.48
10948.11
10985.04
11372.67
11238.13
                                                                                                                                                                                          102883.8
100231.3
97794.3
95013.9
95334.4
98698.5
97530.9
                                                                                                                                                                                                                                               9533090.
9286921.
9061207.
8803458.
8499267.
8799031.
8694792.
                                                                                                                                     0.1171
0.1171
0.1171
0.1171
0.1171
0.1171
                                                                                                          0.1197
                                                                                                                                                               98054 2
                                                                                                                                                                                                                     9088270
                                                      10
11
12
13
14
15
16
17
                                                                                                                                                               98054.2
98045.4
98114.0
94767.9
94812.1
94779.0
100158.0
                                                                                                                                                                                                                    9088270.
9086032.
9089043.
8453076.
8452613.
8452308.
                                                                                                          0.1197
0.1168
0.1134
0.1178
0.1219
                                                                                                          0.1205
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                11777.38
                                                                                                          0.1195
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                                                          102210.8
                                                                                                                                                                                                                     9026890.
                                                                                                                                                                                                                                                9211867.
                                                                                10862.8
                                                                                                          0.1102
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                               100176.3
                                                                                                                                                                                          94273.5
                                                                                                                                                                                                                     9026565.
                                                                                                                                                                                                                                               8496316.
                                                     18
                                                                                11556.42
                                                                                                          0.1173
                                                                                                                                     0.1171
                                                                                                                                                               100122.2
                                                                                                                                                                                          100293.2
                                                                                                                                                                                                                     9026228.
                                                                                                                                                                                                                                                9038559.
                                                     MIN.
                                                                                10402.
                                                                                                          0.1102
                                                                                                                                                               94768.
                                                                                                                                                                                          90278.
                                                                                                                                                                                                                     8253674.
                                                                                                                                                                                                                                                7802653.
                                                                                                                                                                                          90278.
102884.
97507.
3596.
3.69
90341.
                                                                                                                                                                                                                     9089043.
8778010.
328654.
                                                      MAX.
MEAN
                                                                                11855
                                                                                                           0 1234
                                                                                                                                                                100699
                                                                                                                                                                                                                                                9533090
                                                                               11855.
11235.
414.
3.69
10410.
                                                                                                          0.1234
0.1168
0.00386
3.30
                                                                                                                                                               97806.
2239.
2.29
93344.
                                                                                                                                                                                                                                                9533090.
8748763.
408844.
4.67
7933986.
                                                     STD. DEV
C.V.%
                                                                                                                                                                                                                     3.74
8123043.
                                                     B-BASIS
```

Figura 6-43: File di output del post-processing

La prima parte del file riporta informazioni sul numero di lamine e la stacking sequence utilizzata, la seconda parte sul variability model usato e la terza riporta tutti i risultati.

La prima colonna riporta l'identificativo del batch di materiale, la seconda colonna quella del pannello e la terza quella del coupon. La quarta colonna riporta il carico di rottura virtuale, la quinta lo spessore misurato di tutti i coupon, poi c'è la colonna con gli spessori nominali. La settima colonna riporta gli stress calcolati sullo spessore misurato, l'ottava gli stress sugli spessori nominali. Le ultime due colonne riportano i moduli di Young assiali del coupon (calcolati sul tratto lineare della curva usando gli spessori misurati e nominali). Lo stesso file viene caricato sul form alla fine della post processazione che avviene in qualche frazione di secondo.



Figura 6-44: Grafico Carico-Spostamento per tutti i 18 coupon virtuali

La Figura 6-44 riporta tutte e 18 le curve carico spostamento dalle quali so possono determinare i carichi di rottura. Il tool è in grado di plottare anche le curve stress by nominal thickness-strain oppure stress by measured thickness-strain.

Si ha anche la possibilità di cambiare il colore dell'area di plotting e cambiare la scala.

Con il pulsante "**PLOT CURVES WITH EXCEL**" si ha la possibilità di esportare tutti i risultati in foglio di calcolo Excel e diagrammare tutti i risultati sfruttando le potenzialità del programma della MicroSoft. Questa funzionalità verrà illustrata più avanti (vedi capitolo 7).

#### 7. <u>Applicazioni di V.A.T.</u>

Questo capitolo è stato dedicato all'applicazione di quanto trattato fino ad ora a dei casi reali di determinazione ammissibili di materiali compostiti per uso aeronautico, costituiti da fibra di carbonio e resina epossidica.

Il materiale di riferimento è sviluppato dalla Hexcel. SI tratta di un tape (unidirezionale) con resina epossidica rinforzata da fibre di carbonio a modulo intermedio. Il nome commerciale è :

#### Hexcel 8552 IM7 Unidirectional Prepreg 190 gsm &35%RC

Di questo materiale il NIAR (National Institute for Aviation Reaserch) ha reso pubblico il report della qualifica del materiale [Ref. 20] e quindi risulta una buona fonte di dati per la verifica della procedura.

Prepreg Material:	Hexcel Corpor NMS 128/2 Ma	ation - Hexcel 8 terial Specificat	552 IM7 Unidire tion	ectional		Hexcel 8552 IM7 Unidirectional Tape			
Fiber IM7 unidirection		nal	Resin	Hexcel 8552		Lamina	Properties St	ummary	
Tg(dry) 406.43 °F			Tg(wet)	321.41 °F					
PROCESSING:	OCESSING: NPS 81228 "M" Cure Cycle				Tg METHOD	DMA (SRM	18-94)		
Date of fiber manufactu Date of resin manufactu Date of prepreg manufa Date of composite man	Lot 1 01/26/2007 02/28/2007 02/28/2007 9/2007 to 10/2	Lot 2 12/25/2006 01/24/2007 01/24/2007 007	Lot 3 02/05/2007 03/01/2007 03/01/2007	Date of testir Date of data	ng submittal	1/22/2008 - 3/ 4/5/2010	/4/10		
	LAMINA MECHANICAL PROPERTY SUMMARY Data reported as: Normalized & Measured (Normalized by CPT= 0.0072 inch)								
CTD Mean RTD Mean ETD I							E TIA/A		
	010	Weall	niv	wean	EIDN	lean	EIW	lean	
	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Mean Measured	
F1 <sup>tu</sup> (ksi)	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Aean Measured	
F1 <sup>tu</sup> (ksi) from LT	Normalized 357.39	Measured 353.70	Normalized 362.69	Measured 371.08	Normalized	Measured	Normalized 333.50	Mean Measured 327.96	
F₁ <sup>tu</sup> (ksi) from LT from UNT0	Normalized 357.39 286.78	Measured 353.70 281.57	Normalized 362.69 324.62	Measured 371.08 320.79	Normalized	Measured	333.50 346.85	Measured 327.96 340.46	
F1 <sup>tu</sup> (ksi) from LT from UNT0 E1 <sup>t</sup> (Msi) of LT	Normalized 357.39 286.78 22.57	Measured 353.70 281.57 22.33	Normalized 362.69 324.62 22.99	Measured 371.08 320.79 23.51	Normalized	Measured	Normalized 333.50 346.85 24.00	Mean Measured 327.96 340.46 23.77	
F1 <sup>tw</sup> (ksi) from LT from UNT0 E1 <sup>t</sup> (Msi) of LT E (Msi) of UNT0	Normalized 357.39 286.78 22.57 11.92	Measured 353.70 281.57 22.33 11.71	Normalized 362.69 324.62 22.99 11.99	Measured 371.08 320.79 23.51 11.85	Normalized	Measured	Normalized 333.50 346.85 24.00 11.94	Mean Measured 327.96 340.46 23.77 11.74	
F <sub>1</sub> <sup>tu</sup> (ksi) from LT from UNT0 E <sub>1</sub> <sup>t</sup> (Msi) of LT E (Msi) of UNT0 v <sub>12</sub> <sup>t</sup>	Normalized 357.39 286.78 22.57 11.92	Measured 353.70 281.57 22.33 11.71 0.270	Normalized 362.69 324.62 22.99 11.99	Measured 371.08 320.79 23.51 11.85 0.316	 	Measured	24.00 11.94	Mean Measured 327.96 340.46 23.77 11.74 0.393	
F1 <sup>tu</sup> (ksi) from LT from UNT0 E1 <sup>t</sup> (Msi) of LT E (Msi) of UNT0 v12 <sup>t</sup> F2 <sup>tu</sup> (ksi)	Normalized 357.39 286.78 22.57 11.92	Measured 353.70 281.57 22.33 11.71 0.270 9.60	Normalized 362.69 324.62 22.99 11.99	Measured 371.08 320.79 23.51 11.85 0.316 9.29		10 an Measured  	Normalized 333.50 346.85 24.00 11.94	Mean Measured 327.96 340.46 23.77 11.74 0.393 3.49	

F1 <sup>cu</sup> (ksi) from UNC0	296.49	291.99	248.94	251.13	201.93	199.50	173.00	172.58
E₁° (Msi) of LC	20.68	20.53	20.04	20.44	20.25	20.00	20.37	20.65
E (Msi) of UNC0	7.75	7.64	7.47	7.52	7.57	7.53	7.74	7.82
V <sub>12</sub> <sup>c</sup>		0.362		0.356		0.374		0.383
F2 <sup>cu</sup> (ksi) of TC		55.31		41.44		)		19.02
E₂° (Msi) of TC		1.53		1.41				1.18
v <sub>21</sub> ° of TC		0.028		0.024				0.018
v of UNC0		0.041		0.035		0.030		0.017
F <sub>12</sub> <sup>s5%strain</sup> (ksi)				13.22				5.54
F <sub>12</sub> <sup>\$0.2%</sup> (ksi)		<mark>11.29</mark>		7.76				3.31
G <sub>12</sub> s (Msi)		0.86		0.68				0.31
SBS (ksi)		21.04		17.13		11.23		8.25

\* Derived from cross-ply using back-out factor

Figura 7	7-1·IM7-	8552	Lamina	Experim	ental	Data I	Ref	201
I iguia /	/-1.11/1/-	-0552	Lamma	Lapenni	Cintai	Data	INCI.	20]

La Figura 7-1 mostra i dati sperimentali per la lamina base del materiale IM7-8552. Per lo scopo del presente lavoro verranno prese in considerazione solo lo proprietà determinate a RTD (Room temperature). Se si partisse dalle proprietà abbattute dalle condizioni ambientali (CTD e ETW), gli ammissibili legati ai laminati risentirebbero dello stesso effetto.

Verranno mostrate le comparazioni tra analisi virtuali e sperimentali per i casi di:

- UNT;
- UNC;
- UNS;
- OHT;
- OHC.

Per poter validare la procedura si eseguiranno analisi e confronti con laminati cosiddetti *soft* (% 0°  $\leq$  20), quasi isotropi (25% 0°, 50% ±45°, 25% 90°) e *stiff* (% 0°  $\geq$  20) (vedi Tabella 7-1)

Laminate ID: 25-50_16	[45/0/-45/90] <sub>2s</sub>	Q.I.
Laminate ID: 10-80_20	[45/-45/0/45/-45/90/45/-45/45/-45] <sub>s</sub>	Soft
Laminate ID: 50-40_20	$[0/45/0/90/0/-45/0/45/0/-45]_{s}$	Stiff

Tabella 7-1: Laminati usati per il confronto

#### 7.1 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di UNT

Per simulare la prova UNT è stato scelto lo standard ASTM D3039 come descritto nel capitolo 4.4.1.1. E' stato generato un modello agli elementi finiti come descritto precedentemente. La Figura 7-2 mostra una vista isometrica del modello agli elementi finiti usato per questa prova, mentre la Figura 7-5 mostra un summary del modello agli elementi finiti usato per questa simulazione



Figura 7-2: Vista ISO modello FEM per prova simulata UNT

Il modello viene incastrato da un lato come mostrato in Figura 7-3.



Figura 7-3: Vincolo di incastro



Figura 7-4: Caricamento tramite MPC

La faccia opposta a quella vincolata viene caricata con uno spostamento assegnato tramite un MPC (Multi-Point Constraint), come mostrato in

Figura 7-4. Assegnando uno spostamento imposto ad un nodo l'MPC lo trasferisce in ugual misura a tutti gli altri nodi della faccia. Così facendo si garantisce la perfetta analogia con la prova sperimentale.

MSC N	MSC Nastran Bulk Data Summary Section						
	Model Summary						
Entity Type	Number in Model						
CQUAD4	150						
GRID	187						
MATDIGI	1						
NLOUT	1						
NLSTEP	1						
PARAM	2						
PCOMP	2						
RBE2	1						
SPC1	2						
SPCADD	1						
SPCD	1						
UDNAME	1						
UDSESV	1						



A partire dalle proprietà sperimentali della lamina base riportate in Figura 7-1 sono state calibrate le proprietà di fibra e matrice, come mostrato sotto:

```
MATRIX
name = 8552
Young_ten = 677000.0 psi
Young_comp = 677000.0 psi
Poisson\_ten = 0.35
Poisson\_comp = 0.35
Tensile_strength = 8213.5 psi
Compressive_strength = 35917 psi
FIBER
name = IM7
axial_Young_ten = 40524000.0 psi
axial_Young_comp = 33033000.0 psi
inPlane_Young_ten = 2007900.0 psi
inPlane_Young_compr = 2400100.0 psi
transverse_shear_mod_ten = 2056300.0 psi
transverse_shear_mod_compr = 2056300.0 psi
inPlane_Poisson_ten = 0.236
inPlane_Poisson_compr = 0.287
transverse_Poisson_ten = 0.295
transverse_Poisson_compr = 0.359
Tensile_strength = 639540.0 psi
Compressive_strength = 405860.0 psi
```

Il modello di materiale riportato sopra è stato usato per tutti gli esempi mostrati di seguito.

## 7.1.1 IM7-8552 Unnotched Tension – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 16 strati (spessore nominale del coupon = 0.1152 in):



Laminate ID: 25-50\_16 [45/0/-45/90]<sub>2s</sub>

Figura 7-6: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg



Le Figura 7-7, Figura 7-8 e Figura 7-9 riportano i risultati dell'analisi.

Figura 7-7: UNT Load vs Displ. Per 25-50\_16 IM7-8552



Figura 7-8: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552



Figura 7-9: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552

La Figura 7-7 mostra tutte le curve carico/spostamento relative ai 18 coupon virtuali, la Figura 7-8 riporta gli stress calcolati usando lo spessore effettivo del coupon secondo la (Equazione 6-6 in funzione degli strain, mentre la Figura 7-9 riporta i grafici dello stress nominale calcolato usando lo spessore nomina del coupon. Quest'ultima figura riporta anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-10.

Material: HEXCEL	8552 - IM7 UNI PREPREG				Ur	notched Te	nsion 1			
Resin content:	42.20 % vol		Comp. density	HEXCE	HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG					
Fiber volume :	57.80 % vol		[45.045.90	12s						
Ply count:	16					[,.,.,	1-0			
Test method:	A STM D3039M-00e1	Modulus calculation: linear fit from 1000 to 3000 micro in/in								
Normalized by:	0.0072 in CPT									
		CTE	) (B)	RTE	D(A)	ETW	V (D)			
Test Temperatur	'e [°F]	- 6	5F	7	0F	25	50F			
Moisture Conditi	oning	dr	ry	d	lry	equilibrium				
Equilibrium at T, I	RH	1111.11				160 F	-,85%			
Source code		HFIAXXXXB		HFIAX	XXXA	HFIAXXXXD				
		Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured			
	Mean	99.35	98.79	104.69	104.01	112.46	111.50			
1	Minimum	91.60	93.70	89.56	96.38	101.64	104.09			
	Maximum	105.84	104.20	113.71	111.12	119.29	119.12			
UNT1	C.V.(%)	3.46	2.78	6.95	3.90	4.99	3.50			
Strength (ksi)				0.000						
	No. Specimens	1	6		16	1	7			
	No. Prepreg Lots	3	3		3	3				
	Mean	8.35	8.30	8.39	8.34	7.99	7.92			
1	Minimum	7.29	7.91	7.28	7.90	7.07	7.15			
	Maximum	8.75	8.52	8.98	8.69	8.51	8.29			
UNT1	C.V.(%)	3.70	1.74	5.73	2.68	5.16	3.86			
Modulus (Msi)										
	No. Specimens	1	6	1	16	17				
1	No. Prepreg Lots	3	3		3	3				

Figura 7-10: UNT per 25-50\_16 Experimental Data [Ref. 20]

C FAILURE LOADS	FAILURE NOMINAL STRESSES	O FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 106896	STD DEV 2063	
Max Value 113740	C.V. % <b>1.87</b>	4. DATA POST PROCESSING
Mean Value 110413	B-BASIS Value 106302	
CALCULUS BASED ON FIRST C	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE	

Figura 7-11: B-Basis-UNT per 25-50\_16 (V.A.T. output)

In questo caso viene commesso un errore calcolato come:

$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{110413 - 104690}{104690}x100 = 5.46\%$$

E' possibile notare dalla Figura 7-12 come attorno a 11000  $\mu$ strain le curve mostrano un gradino con evidente perdita di rigidezza del coupon (punto B del grafico). Nella stessa immagine viene riportato anche il plot della variabile di danneggiamento D<sub>11</sub> definita dalla (Equazione 5-13. Il

colore rosso significa  $D_{11}=1.0$ , cioè danneggiamento. In questo caso si vede come la failure parta subito dopo il vincolo e prosegua fini ad interessare tutta la sezione del coupon nel punto C. Da notare come la rottura virtuale sia identica a quella del provino reale e fra quelle accettate dalla ASTM di riferimento. V.A.T. è in grado di calcolare il valore del B-Basis a partire da quello che nei test sperimentali si chiama first crack. In questo caso si otterrebbero i seguenti risultati:

Min Value = 91905.1 psi Max Value = 97119.0 psi Mean Value = 91460.7 psi Standard Deviation = 1609.7 B-Basis Value = 91460.7 psi

Ricalcolando l'errore otteniamo:

$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{91460.7 - 104690}{104690}x100 = -12.6\%$$

valore che, comunque, risulta essere eccessivamente conservativo.



Figura 7-12: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552 - First Crack



# La Figura 7-13 mostra i valori degli stress nominali di rottura ultimi divisi per batch di materiale.

Figura 7-13: UNT Stress by Nom. Thick. per 25-50\_16 IM7-8552 - Istogramma

Nello steso grafico vengono riportati anche il valore minimo, massimo, medio e il valore B-Basis (barra nera) ottenuti come ultimate failure.



Figura 7-14: UNT per 25-50\_16 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

Un altro importante tool messo a disposizione da V.A.T. è quello che permette di costruire il grafico riportato in Figura 7-14. Vengono segnati i valori massimi, minimi e medi in entrambi i casi, sperimentale e virtuale, in modo da avere subito a colpo d'occhio la "bontà" del risultato

finale. Si può notare come in questo caso i dati sperimentali hanno una dispersione maggiore di quelli virtuali e per certi versi eccessiva, infatti si va da un valore minimo di rottura di 89560 psi a 113710 psi con una deviazione standard di C.V. = 6.95 % (vedi Figura 7-10).



Figura 7-15: Confronto rottura virtuale vs sperimentale

La Figura 7-15 mostra il confronto fra la rottura virtuale e quella sperimentale. Le prime tre immagini mostrano la variabile di danneggiamento  $D_{11}$  calcolata per tre valori diversi del carico. Come detto precedentemente il colore rosso significa rottura cioè  $D_{11} \ge 1.0$ . Si può notare il tool è in grado di replicare fedelmente la rottura per trazione di un laminato quasi isotropo, infatti fino ad uno spostamento della traversa della macchina di 0.05 inches (vedi Figura 7-7) non si ha nessuna rottura ( $D_{11}=0.0$ ), mentre si comincia a danneggiare attorno a 0.07 inches di spostamento ( $D_{11}\ge 1.0$ ). La failure completa avviene per un valore di spostamento di circa 0.09 inches dove è chiara la rottura completa del coupon (la zona rossa è estesa per tutta la larghezza del coupon). Il tipo di rottura è accettabile per la determinazione dell'ammissibile UNT come riportato nel capitolo 4.4.1.1.

#### 7.1.2 IM7-8552 Unnotched Tension – Laminato Soft

Per questa prova è stato usato un laminato con poche ply in direzione  $0^{\circ}$  (*soft*) con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):



Figura 7-16: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-17, Figura 7-18 e Figura 7-19 riportano I risultati di V.A.T. per la prova UNT del laminato soft.



Figura 7-17: UNT Load vs Displ. per 10-80\_20 IM7-8552



Figura 7-18: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 10-80\_20 IM7-8552



Figura 7-19: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 10-80\_20 IM7-8552

Da notare come lo strain di rottura dei coupon in questo caso si aggira attorno agli 11000 µstrain mentre dalla Figura 7-8 per il laminato Q.I. si raggiungevano all'incirca 15000 µstrain. La Figura 7-19 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-20 [Ref. 20].

Material:	HEXCEL 8552 - M7 UNI PREPREG Unnotched Tension 2								
Resin content: Fiber volume:	40.91 % vol 59.09 % vol		Comp.density	: 1.58 [g/cc]	HEXCEL [45,-45,0	Gr/ Ep HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG [45,-45,0,45,-45,90,45,-45,45,-45]S			
Ply count:	20								
Test method:	A STM D3039M-00E1		Modulus calcu	lation: linear fit fro	m 1000 to 3000 mi	cro in/in			
Normalized by:	0.0072 in CPT								
T		CTL	D(B)	RTL	D(A)	ETV	7 (D)		
lest lemperatu	ire (*)	-6	5F	/	UF	25			
Moisture Conditioning		dry		dry		equilibrium			
Equilibrium at I, RH						160 F,85%			
Source code	Source code		Normalized Measured		HEBXXXA		Normalized Measured		
	Maan	70.00	00.07	Normalized	07.00	F4 17	Medsuleu		
	Minimum	70.22	68.97	57.01	67.08	54.17	53.44		
	Movimum	75.00	72.02	71.05	60.00	50.90	50.23		
LINTO		75.29	2.93	F 60	09.96	2.40	2.00		
Strongth (ksi)	0.1.(70)	2.04	2.33	5.09	3.17	2.49	2.90		
ou engui (koi)	No Specimens	1	7	18 3		18 3			
	No. Prepreg Lots		3						
	Mean	5.52	5.42	5.22	5.23	4.47	4.41		
	Minimum	5.31	5.14	4.70	4.95	4.33	4.28		
	Maximum	5.77	5.62	5.72	5.54	4.65	4.51		
UNT2	C.V.(%)	2.03	2.26	5.27	3.31	2.13	1.93		
Modulus (Msi)									
	No. Specimens	1	7	1	8	i i	8		
	No. Prepreg Lots	3		3		3			

Figura 7-20: UNT per 10-80\_20 Experimental Data [Ref. 20]



Figura 7-21: B-Basis-UNT per 10-80\_20 (V.A.T. output)

In questo caso viene commesso un errore calcolato come:

*error* = 
$$\frac{A-B}{B}x100 = \frac{61575 - 67010}{67010}x100 = -8.11\%$$



Figura 7-22: UNT Stress by Nom. Thick. per 10-80\_20 IM7-8552 – Istogramma



Figura 7-23: UNT per 10-80\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

Anche questa volta può notare che i dati sperimentali hanno una dispersione maggiore di quelli virtuali, infatti si va da un valore minimo di rottura di 57640 psi a 71950 psi con una deviazione standard di C.V. = 5.69 % (vedi Figura 7-20).

### 7.1.3 IM7-8552 Unnotched Tension – Laminato Stiff

Per questa prova è stato usato un laminato con molte ply in direzione  $0^{\circ}$  (*stiff*) con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):

Laminate ID: 50-40\_20 [0/45/0/90/0/-45/0/45/0/-45]<sub>s</sub>



Figura 7-24: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato stiff

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-25, Figura 7-26 e Figura 7-27 riportano i risultati di V.A.T. per la prova UNT del laminato stiff.



Figura 7-25: UNT Load vs Displ. per 50-40\_20 IM7-8552



Figura 7-26: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 50-40\_20 IM7-8552



Figura 7-27: UNT Stress by Measured Thick. vs Strain per 50-40\_20 IM7-8552

Da notare come lo strain di rottura dei coupon in questo caso si aggira attorno agli 15000 µstrain mentre dalla Figura 7-8 per il laminato Q.I. si raggiungevano all'incirca 14000 µstrain. La Figura 7-27 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-29 [Ref. 20].

C FAILURE LOADS	☞ FAILURE NOMINAL STRESSES	C FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 178679	STD DEV 2608	
Max Value 186619	C.V. % 1.44	4. DATA POST PROCESSING
Mean Value 181697	B-BASIS Value 176500	
CALCULUS BASED ON FIRST C	RACK	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE

Figura 7-28: B-Basis-UNT per 50-40\_20 (V.A.T. output)

In questo caso viene commesso un errore calcolato come:

$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{181697 - 175630}{175630}x100 = +3.45\%$$

Material: HEXCEL	. 8552 - IM7 UNI PREPRE	G			Ur	nnotched Te	nsion 3		
Resin content:	41.31 % vol		Comp. density:	1.58 [g/cc]	HEXCE	HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG			
Ply count:	20				<u> </u>	. 1-1			
Testmethod:	ASTM D3039M-00E1	Modulus calculation: linear fit from 1000 to 3000 micro in/in							
Normalized by:	0.0072 in CPT								
		CTE	) (B)	RTD	(A)	ETW	/ (D)		
Test Temperatu	ire [°F]	-6	5F	70	DF	25	0F		
Moisture Condit	tioning	di	гу	d	ry	equilibrium			
Equilibrium at T, RH		102			160 F,85%				
Source code		HFICXXXXB		HFICXXXXA		HFICXXXXD			
		Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured		
	Mean	174.18	173.12	175.63	176.22	187.43	187.30		
	Minimum	159.91	160.82	159.04	158.49	161.56	172.30		
	Maximum	188.80	187.85	188.00	190.86	203.39	199.33		
UNT3	C.V.(%)	4.47	4.74	4.78	4.21	5.84	4.33		
Strength (ksi)				SCREWER'S					
	No. Specimens	1	9	22		19			
	No. Prepreg Lots	0	3		3		3		
	Mean	13.11	13.02	13.15	13.20	13.14	13.15		
	Minimum	12.57	12.36	11.50	11.40	11.69	12.48		
	Maximum	13.60	13.41	15.13	14.84	14.41	13.90		
UNT3	C.V.(%)	1.98	2.17	6.04	5.63	4.65	2.68		
Modulus (Msi)		100000000							
	No. Specimens	1	9	2	2	2	2		
	No. Prepreg Lots		3		3	3			

Figura 7-29: UNT per 50-40\_20 Experimental Data [Ref. 20]





Figura 7-31: UNT per 50-40\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

Anche questa volta può notare che i dati sperimentali hanno una dispersione maggiore di quelli virtuali, infatti si va da un valore minimo di rottura di 159040 psi a 188000 psi con una deviazione standard di C.V. = 4.78 % (vedi Figura 7-29).

#### 7.2 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di UNC

Per simulare la prova UNC è stato scelto lo standard ASTM D3010 come descritto nel capitolo 4.4.1.3. Questo tipo di coupon e di caricamento si presta alla simulazione per la forma regolare del coupon stesso. Il modello viene incastrato da una estremità e caricato con uno spostamento dall'altro lato. Il coupon ha una larghezza di 25 mm ed una lunghezza di 25 mm. Considerare una gage length di 25 mm garantisce, secondo quanto descritto nel capitolo 4.4.1.3, che il coupon non si instabilizzi durante la prova. La Figura 7-33 mostra un summary del modello agli elementi finiti usato per questa simulazione.



Figura 7-32: Vista ISO modello FEM per prova simulata UNC

La Figura 7-32 mostra una vista isometrica del modello agli elementi finiti usato per questa prova.

MSC Nastran Bulk Data Summary Section					
Model Summary					
Entity Type	Number in Model				
CQUAD4	240				
FORCE	1				
GRID	274				
MATDIGI	1				
NLOUT	1				
NLSTEP	1				
PARAM	2				
PCOMP	2				
RBE2	1				
SPC1	3				
SPCADD	1				
SPCD	1				
UDNAME	1				
UDSESV	1				



Il modello di materiale usato è quello riportato nel capitolo 7.1

#### 7.2.1 IM7-8552 Unnotched Compression – Laminato Q.I.

Di seguito viene riportato il variability model adottato per questo tipo di test:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-34 e Figura 7-35 riportano i risultati di V.A.T. per la prova UNC del quasi isotropo.



Figura 7-34: UNC Load vs Displ. per 25-50\_16 IM7-8552



Figura 7-35: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552

La Figura 7-35 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-36 [Ref. 20].

Material:	HEXCEL 8552 - IM7 UI	NI PREPREG		Unnotched Compression 1 Gr/ Ep					
Resin content:	40.04 % vol	Comp. density: 1.58 [g/cc]				HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG			
Fiber volume:	59.96 % vol					[45,0,-45,90]2S			
Ply count:	16								
Test method:	ASTM D6641-01E1		Modulus calculation: linear fit from 1000 to 3000			o in/in			
Normalized by:	0.0072 in CPT	12.00	122						
		RTD	(A)	ETW	(D)				
Test Temperatu	ure (¶)	70	)F	25	DF				
Moisture Condi	tioning	di	У	equili	brium				
Equilibrium at T	, RH			160 F,85%					
Source code	Source code		HFWXXXXA		JXXXD	Manager	Manager		
	Maan	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured		
	Minimum	69.07	70 46	57.08	10 54				
	Maximum	07.04	06.79	70.00	70.09				
INCI	C V (%)	0.22	7.51	11.02	10.98				
Strength (ksi)	0. 1. (79)	9.32	7.51	11.02	10.87				
of englished	No. Specimens	1	6	3	0				
	No. Prepreg Lots	3	3	3	3				
	Mean	7.86	7.86	7.13	7.06				
	Minimum	6.89	7.20	6.85	6.79				
	Maximum	8.41	8.61	7.34	7.38				
UNC1	C.V.(%)	4.75	4.86	1.90	2.28				
Modulus (Msi)									
874 - R945	No. Specimens	16		16 3					
	No. Prepreg Lots	g Lots 3							
	Mean	0.3	34	0.3	56	1			
VUNC1	No. Specimens	16		16					
	No. Prepreg Lots	3		3		U.			

Figura 7-36: UNC per 25-50\_16 Experimental Data [Ref. 20]



Figura 7-37: B-Basis-UNC per 25-50\_16 (V.A.T. output)

In questo caso viene commesso un errore di:



Figura 7-38: UNC Stress by Nom. Thick. per 25-50\_16 IM7-8552 – Istogramma

La Figura 7-38 mostra l'istogramma dei risultati. Come si può notare tutti i coupon provenienti dallo stesso batch di materiale hanno degli stress di rottura molto simili tra loro.



Figura 7-39: UNC per 25-50\_16 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

Da Figura 7-39 si vede come i dati sperimentali hanno una dispersione molto elevata (maggiore di quelli virtuali), infatti si va da un valore minimo di rottura di 68070 psi a 97040 psi con una deviazione standard di C.V. = 9.32 % (vedi Figura 7-36).



Figura 7-40: Comparazione rottura virtuale con quella reale per UNC per 25-50\_16 IM7-8552

La Figura 7-40 mostra la comparazione tra la failure virtuale e quella reale. E' possibile notare come la rottura comincia nel punto A per estendersi a tutta la sezione del coupon nel punto C. Ancora una volta la rottura avviene del tutto simile a quella reale.

#### 7.2.2 IM7-8552 Unnotched Compression – Laminato Soft

Usando sempre lo stesso variability model le Figura 7-41 e Figura 7-42 riportano i risultati di V.A.T. per la prova UNC del laminato soft.



Figura 7-41: UNC Load vs Displ. per 10-80\_20 IM7-8552



Figura 7-42: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 10-80\_20 IM7-8552

La Figura 7-42 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-43 [Ref. 20].

Material:	HEXCEL 8552 - IM7 U	INI PREPREG		Unnotched C	ompression 2	
Resin content:	38.98 % vol	Comp. density:	1.58 [a/cc]	HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG		
Fiber volume:	61.02 % vol		10	[4545.0.4545.9	0.4545.45451S	
Ply count:	20			L,,.,.,.,.,.,.,	.,,	
Test method:	ASTM D6641-01E1		Modulus calcula	ation: linear fit from 1000	to 3000 micro in/in	
Normalized by:	0.0072 in CPT					
		RID	(A)	E	TW	
lest Temperatu	ire [°F]	70		2	50F	
Moisture Condi	tioning	DF	(Y	equi	librium	
Equilibrium at T,	, RH	LIERCA		160	F,85%	
Source code		HFKX.	Massurad	HFIX/	Maggurad	
	Mean	66.44	67.49	40.61	40.43	
	Minimum	57.29	60.87	31 19	31 31	
	Maximum	72.61	73.01	50.34	49.44	
UNC2	C.V.(%)	7.36	5.53	10.91	10.71	
Strength (ksi)		2010/00/00		1010200100		
	No. Specimens	1	6	31		
	No. Prepreg Lots	3	8	3		
	Mean	4.90	4.98	4.10	4.06	
	Minimum	4.35	4.58	3.96	3.85	
	Maximum	5.35	5.33	4.25	4.18	
UNC2	C.V.(%)	6.10	4.84	2.21	2.72	
Modulus (Msi)						
	No. Specimens	1	6	16		
	No. Prepreg Lots	3		3		
	Mean	0.5	87	0.	665	
V UNC2	No. Specimens	1	6	16		
	No Prepred Lots	2	1	3		

Figura 7-43: UNC per 10-80\_20 Experimental Data [Ref. 20]



Figura 7-44: B-Basis-UNC per 10-80\_20 (V.A.T. output)

In questo caso viene commesso un errore di:

$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{64146 - 66440}{66440} x100 = -3.45\%$$





Figura 7-46: UNC per 10-80\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

# 7.2.3 IM7-8552 Unnotched Compression – Laminato Stiff

Per questa prova è stato usato un laminato con molte ply in direzione  $0^{\circ}$  (*stiff*) con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):





Figura 7-47: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato stiff (UNC)



Figura 7-48: UNC Load vs Displ. per 50-40\_20 IM7-8552



Figura 7-49: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-40\_20 IM7-8552

Usando sempre lo stesso variability model le Figura 7-48e Figura 7-49 riportano i risultati di V.A.T. per la prova UNC del laminato *stiff*.

C FAILURE LOADS		C FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 120593	STD DEV 3472	
Max Value 132645	C.V. % <b>2.76</b>	4. DATA POST PROCESSING
Mean Value 126021	B-BASIS Value 119101	
CALCULUS BASED ON FIRST C	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE	

Figura 7-50: B-Basis-UNT per 50-40\_20 (V.A.T. output)

In questo caso viene commesso un errore calcolato come:

$$error = \frac{A-B}{B}x100 = \frac{126021 - 120840}{120840}x100 = +4.23\%$$

Material:	HEXCEL 8552 - IM7 UNI	PREPREG			Unnotch	ed Compression		
Resin content:	40.22 % vol		Comp. density:	3				
Fiber volume:	59.78 % vol					Gr/ Ep		
Ply count	20				HEXCE	L 8552 - IM7 UNI DEEDREG		
					[45.0.90.0	-45.0.45.0 -45.015		
Test method:	A STM D6641-01E1				[40,0,00,0	,-40,0,40,0, 40,010		
Normalized by:	0.0072 in CPT	Modulus calculation: linear fit from 1000 to 3000 micro in/in						
		RT	D (A)	22	ET	w		
Test Temperatu	ire [¶]	7	0F		250	DF		
Moisture Condit	tioning	d	lry		equilit	orium		
Equilibrium at T,	RH				160 F	,85%		
Source code		HFY>	XXXA		HFIYX	KXXD		
		Normalized	Measured	Nor	malized	Measured		
-	Mean	120.84	121.06	1	9.42	78.79		
	Minimum	108.20	111.74	6	58.05	67.56		
	Maximum	136.09	137.70	9	96.63	94.50		
UNC3 Strength (ksi)	C.V.(%)	5.86	5.53	1	10.31	9.99		
	No. Specimens	1	16		27			
	No. Prepreg Lots	3			3			
	Mean	11.90	11.93	1	1.77	11.66		
	Minimum	10.32	11.20	1	1.24	11.22		
	Maximum	12.58	12.74	1	12.22	11.96		
UNC3 Modulus (Msi)	C.V.(%)	4.35	3.38	1	2.35	2.09		
	No. Specimens	17			15			
	No. Prepreg Lots	3			3			
	Mean	0.423			0.416			
VUNC3	No. Specimens	1	17	15				
28	No. Prepreg Lots		3	3				

Figura 7-51: UNC per 50-40\_20 Experimental Data [Ref. 20]



Figura 7-52: UNC Stress by Nom. Thick. per 50-40\_20 IM7-8552 – Istogramma



Figura 7-53: UNT per 50-40\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

#### 7.3 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di OHC

Per simulare la prova OHC è stato scelto lo standard ASTM D6484 come descritto nel capitolo 4.4.2.2. Questo tipo di coupon e di caricamento si presta alla simulazione per la forma regolare del coupon stesso. Il modello viene incastrato da una estremità e caricato con uno spostamento dall'altro lato. Il coupon ha una larghezza di 38 mm e di una lunghezza di 40 mm. Per la simulazione c'è la possibilità di considerare le tab incollate sul provino. In questo caso il modello viene vincolato in direzione z (vedi Figura 7-55), così come previsto dalla normativa di riferimento (vedi capitolo 4.4.2.2.).

La Figura 7-54 illustra l'attrezzo di stabilizzazione che viene usato per questo tipo di prova. Come è possibile notare la fixture porta al centro uno scasso in corrispondenza del foro del coupon da testare. La Figura 7-55 mostra una vista isometrica del modello agli elementi finiti usato per la simulazione dove viene evidenziato il fatto che è stato considerato anche la presenza del vincolo anti-bukling.



Figura 7-54: Attrezzo di stabilizzazione per test OHC secondo ASTM D-6484

Il modello considerato è sempre un modello a shell 2D (vedi Figura 7-56). La Figura 7-55 riporta una rappresentazione "solid" delle proprietà associata agli elementi CQUAD4 di Nastran.
Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito



Figura 7-55: Vista ISO modello FEM per prova simulata OHC (2D shell mostrate come solid)

Il foro considerato ha un diametro D = 0.25 in ed una larghezza di W tale che :

$$\frac{W}{D} = 6$$
 (Equazione 7-1)

Con una larghezza di 1.5 inches (~38 mm) si fa in modo da non avere effetti di bordo ad influenzare il risultato finale. In questo caso si ha un fattore di abbattimento legato al rapporto larghezza coupon e diametro del foro  $C_{WD} = 1.00$  Generalmente valori di  $\frac{W}{D} < 6$  portano a valori  $C_{WD} < 1.00$ .

Per questo tipo di simulazione è molto importante usare una mesh strutturata regolare attorno al foro come mostrata in Figura 7-60.

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito



Figura 7-56: Vista ISO modello FEM per prova simulata OHC



Figura 7-57: Mesh strutturata attorno al foro

La mesh così costruita viene garantita dal modulo di V.A.T. FE Model Builder mostrato nel capitolo 6.1.

Approccio	Computazionale	per la Certific	azione di Struttur	e Aeronautiche i	n Materiale Compos	sito
-----------	----------------	-----------------	--------------------	------------------	--------------------	------

MSC Nastran Bulk Data Summary Section							
	Model Summary						
Entity Type	Number in Model						
CQUAD4	820						
FORCE	1						
GRID	863						
MATDIGI	1						
NLOUT	1						
NLSTEP	1						
PARAM	2						
PCOMP	2						
RBE2	1						
SPC1	3						
SPCADD	1						
SPCD	1						
UDNAME	1						
UDSESV	1						

# 7.3.1 IM7-8552 Open Hole Compression – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 24 strati (spessore nominale del coupon = 0.1728 in):



Figura 7-59: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg



Le Figura 7-60 e Figura 7-61 riportano i risultati dell'analisi.

Figura 7-60: OHC Load vs Displ. per 25-50\_24 IM7-8552



Figura 7-61: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_24 IM7-8552

La Figura 7-61 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-62 [Ref. 20].

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

Material:	laterial: HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG				Open Hole Compression 1		
Resin content:	41.74 % vol	Comp. density:	1.58 [g/cc]		HEXCEL 8552- IM7 LINI PREPREG		
Fiber volume:	58.26% vol	(10) Th			[45.045.90]3S		
Ply count:	24				1.1	,,,,.,.	
Testmethod:	ASTM D6484M-04						
Normalized by:	0.0072 in CPT			_			
		RTD(A)		ETW (D)			
Test Temperature [°F]		70F		2	50F		
Moisture Condit	tioning	dry		equi	librium		
Equilibrium at T,	RH			160 F,85%			
Source code		HFIGXXXXA		HFIGXXXXD			
		Normalized	Measured	Normalized	Measured		
	Mean	49.08	48.89	35.52	35.29		
	Minimum	43.91	45.15	33.08	33.59		
	Maximum	50.99	51.28	38.96	37.50		
OHC1	C.V.(%)	3.65	2.96	4.07	3.25		
Strength (ksi)				1001 222			
	No. Specimens	19		19			
	No. Prepreg Lots	3		3			

Figura 7-62: OHC per 25-50\_24 Experimental Data [Ref. 20]



Figura 7-63: B-Basis-OHC per 25-50\_16 (V.A.T. output)

$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{46538 - 49080}{49080} x100 = -5.18 \%$$



Figura 7-64: OHC Stress by Nom. Thick. per 25-50\_24 IM7-8552 – Istogramma



Figura 7-65: OHC per 25-50\_24 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data



Figura 7-66: Comparazione rottura virtuale con quella reale per OHC per 25-50\_24 IM7-8552

La Figura 7-66 mostra la comparazione tra la failure virtuale e quella reale. E' possibile notare come la rottura comincia nel punto A per estendersi a tutta la sezione del coupon nel punto C. Ancora una volta la rottura avviene del tutto simile a quella reale.

#### 7.3.2 IM7-8552 Open Hole Compression – Laminato Soft

Per questa prova è stato usato un laminato *soft* con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):

Laminate ID: 10-80\_20 [45/-45/0/45/-45/90/45/-45/45/-45]<sub>s</sub>



Figura 7-67: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3%Matrix Compressive Young modulus Cov = 5%Matrix Tensile strength Cov = 3%Matrix Compressive strength Cov = 5%Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3%Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5%Fiber Tensile strength Cov = 3%Fiber Compressive strength Cov = 5%Fiber Volume fraction Cov = 3%Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-68 e Figura 7-69 riportano i risultati dell'analisi.



Figura 7-68: OHC Load vs Displ. per 10-80\_20 IM7-8552



Figura 7-69: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 10-80\_20 IM7-8552

La Figura 7-69 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-70 [Ref. 20].

Material:	HEXCEL 8552 - IM7		Open Hole Compression 2				
Resin content:	41.14 % vol	Comp. density:	1.58 [g/cc]		HEXCEL 85	52 - IM7 UNI	PREPREG
Fiber volume:	58.86 % vol				[45,-45,0,45	5,-45,90,45,-4	5,45,-45]S
Ply count:	20						
Testmethod:	A STM D6484M-04						
Normalized by:	0.0072 in CPT						
		RTD (A)		ETW	(D)		
TestTemperature [°F]		70F		250F			
Moisture Condit	tioning	dry		equilibrium			
Equilibrium at T,	, RH			160 F,85%			
Source code		HFIHXXXXA		HFIHXXXXD			
		Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured
	Mean	38.80	38.40	25.76	25.57		
	Minimum	36.25	35.93	22.36	22.24		
	Maximum	41.33	40.85	27.57	27.56		
OHC2	C.V.(%)	3.29	3.41	5.02	4.40		
Strength (ksi)							
	No. Specimens	1	8	20			
	No. Prepreg Lots	3		3			

Figura 7-70: OHC per 10-80\_20 Experimental Data [Ref. 20]

C FAILURE LOADS		C FAILURE MEASURED STRESSES	
Min Value 38749	STD DEV 587		
Max Value 40382	C.V. % <b>1.49</b>	PROCESSING	
Mean Value 39544	B-BASIS Value 38374		
CALCULUS BASED ON FIRST C	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE		

Figura 7-71: B-Basis-OHC per 25-50\_16 (V.A.T. output)

$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{39544 - 38800}{38800}x100 = +1.91\%$$



Figura 7-72: OHC Stress by Nom. Thick. per 10-80\_20 IM7-8552 - Istogramma



Figura 7-73: OHC per 10-80\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

# 7.3.3 IM7-8552 Open Hole Compression – Laminato Stiff

Per questa prova è stato usato un laminato *soft* con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):

Laminate ID: 50-40\_20 [0/45/0/90/0/-45/0/45/0/-45]<sub>s</sub>



Figura 7-74: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3%Matrix Compressive Young modulus Cov = 5%Matrix Tensile strength Cov = 3%Matrix Compressive strength Cov = 5%Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3%Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5%Fiber Tensile strength Cov = 3%Fiber Compressive strength Cov = 5%Fiber Volume fraction Cov = 3%Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-75 e Figura 7-76 riportano i risultati dell'analisi.



Figura 7-75: OHC Load vs Displ. per 50-40\_20 IM7-8552



Figura 7-76: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-40\_20 IM7-8552

La Figura 7-76 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-70 [Ref. 20].

Material: HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG				Open Hole Compression 3 Gr/ Ep			
Resin content:	39.62 % vol		HEXCE	L 8552 - IM7 U	NI PREPREG		
Fiber volume:	60.38 % vol		[0,4	5,0,90,0,-45,0,	45,0,-45 S		
Ply count:	20						
Test method:	ASTM D6484M-04	Comp. density:	1.58 [g/cc]				
Normalized by:	0.0072 in CPT						
	S SOLUTI SCHLODOL INCOMING	RTC	(A)	ETW (D)			
Test Temperatu	ire [°F]	70	)F	250F			
Moisture Condi	tioning	d	у	equilibrium			
Equilibrium at T,	RH			160 F	,85%		
Source code		HFIIX	XXXA	HFIIX	XXXD		
		Normalized	Measured	Normalized	Measured		
	Mean	63.24	63.36	46.42	46.22		
	Minimum	56.63	59.06	42.01	42.66		
	Maximum	69.28	69.24	50.50	51.35		
OHC3	C.V.(%)	4.54	4.28	4.55	4.76		
Strength (ksi)							
	No. Specimens	1	9	20			
	No. Prepreg Lots		3	3			

Figura 7-77: OHC per 50-40\_20 Experimental Data [Ref. 20]

C FAILURE LOADS	FAILURE NOMINAL STRESS	ES C FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 59935	STD DEV 141	4 4. DATA POST
Max Value 64652	C.V. % 2.31	PROCESSING
Mean Value 61330	B-BASIS Value 585	13
CALCULUS BASED ON FIRST C	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE	

Figura 7-78: B-Basis-OHC per 50-40\_20 (V.A.T. output)

$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{61330 - 63240}{63240}x100 = -3.02\%$$



Figura 7-79: OHC Stress by Nom. Thick. per 50-40\_20 IM7-8552 - Istogramma



Figura 7-80: OHC per 50-40\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

#### 7.4 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di OHT

Per simulare la prova OHT è stato scelto lo standard ASTM D5766 come descritto nel capitolo 4.4.2.1. Questo tipo di coupon e di caricamento si presta alla simulazione per la forma regolare del coupon stesso. Il modello viene incastrato da una estremità e caricato con uno spostamento dall'altro lato. Il coupon ha una larghezza di 38 mm e di una lunghezza di 50 mm. Per la simulazione c'è la possibilità di considerare le tab incollate sul provino.



Figura 7-81: Vista ISO modello FEM per prova simulata OHT

La faccia opposta a quella vincolata viene caricata con uno spostamento assegnato tramite un MPC (Multi-Point Constraint), come mostrato in Figura 7-81. Assegnando uno spostamento imposto ad un nodo l'MPC lo trasferisce in ugual misura a tutti gli altri nodi della faccia. Così facendo si garantisce la perfetta analogia con la prova sperimentale.

Il foro considerato ha un diametro D = 0.25 in ed una larghezza di W tale che :

$$\frac{W}{D} = 6$$
 (Equazione 7-2)

Con una larghezza di 1.5 inches (~38 mm) si fa in modo da non avere effetti di bordo ad influenzare il risultato finale. In questo caso si ha un fattore di abbattimento legato al rapporto

larghezza coupon e diametro del foro  $C_{WD} = 1.00$  Generalmente valori di  $\frac{W}{D} < 6$  portano a valori

C<sub>WD</sub> <1.00.

Anche questo tipo di simulazione è molto importante usare una mesh strutturata regolare attorno al foro come mostrata in Figura 7-60. La mesh così costruita viene garantita dal modulo di V.A.T. FE Model Builder mostrato nel capitolo 6.1.

# 7.4.1 IM7-8552 Open Hole Tension – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 16 strati (spessore nominale del coupon = 0.1152 in):

Laminate ID: 25-50\_16 [45/0/-45/90]<sub>2s</sub>



Figura 7-82: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-83 e Figura 7-84 riportano i risultati dell'analisi.



Figura 7-83: OHC Load vs Displ. per 25-50\_16 IM7-8552



Figura 7-84: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552

La Figura 7-84 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-85 [Ref. 20].

Material:HEXCE	. 8552 - IM7 UNI PREPRI	EG		Open Hole Tension 1 Gr/ Ep				
Resin content:	42.20 % vol	Comp. density: 1.57 g/cc HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG						
Fiber volume:	57.80 % vol				[4	5,0,-45,90]2	S	
Ply count:	16							
Test method:	ASTM D5766M-02a							
Normalized by:	0.0072 in CPT							
		CTD (B)		RTD(A)		ETW (D)		
Test Temperature [°F]		-65F		70F		250F		
Moisture Condi	tioning	dry		dry		equilibrium		
Equilibrium at T,	RH					160 F,85%		
Source code		HFIDXXXXB		HFIDXXXXA		HFIDXXXXD		
		Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured	
	Mean	57.75	57.28	59.00	58.70	66.97	66.48	
	Minimum	53.64	53.27	54.12	53.32	62.15	62.21	
	Maximum	62.52	61.67	64.61	64.44	72.59	72.59	
OHT1	C.V.(%)	4.21	3.95	3.98	4.07	4.26	4.29	
Strength (ksi)								
	No. Specimens	1	9	19		20		
	No. Prepreg Lots	3	3		3		3	

Figura 7-85: OHT per 25-50\_16 Experimental Data [Ref. 20]

C FAILURE LOADS	FAILURE NOMINAL	STRESSES	C FAILURE MEASURED STRESSES	
Min Value 55379	STD DEV	1072		
Max Value 59534	C.V. %	1.84	4. DATA POST PROCESSING	
Mean Value 58327	B-BASIS Value	56190		
CALCULUS BASED ON FIRS	CRACK	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE		

Figura 7-86: B-Basis-OHC per 25-50\_16 (V.A.T. output)









Figura 7-88: OHT per 25-50\_16 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data



Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

Figura 7-89: Comparazione rottura virtuale con quella reale per OHT per 25-50\_16 IM7-8552

La Figura 7-89 mostra la comparazione tra la failure virtuale e quella reale. E' possibile notare come la rottura comincia nel punto A per estendersi a tutta la sezione del coupon nel punto C. Ancora una volta la rottura avviene del tutto simile a quella reale.

#### 7.4.2 IM7-8552 Open Hole Tension – Soft

Per questa prova è stato usato un laminato *soft* con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):



Figura 7-90: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg



Le Figura 7-91 e Figura 7-92 riportano i risultati dell'analisi.

Figura 7-91: OHT Load vs Displ. per 10-80\_20 IM7-8552



Figura 7-92: OHT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 10-80\_20 IM7-8552

La Figura 7-92 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-93 [Ref. 20].

Approccio Computazionale per la Certificazione di Strutture Aeronautiche in Materiale Composito

Material: Resin content:	HEXCEL 8552 - IM7 U 40.64 % vol	NIPREPREG Comp. densit 1.58 [g/cc]		Open Hole Tension 2 Gr/ Ep HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG				
Fiber volume:	59.36 % vol				[45,-45,0,45,-45,90,45,-45,45,-45]s			
Ply count	20							
Test method:	ASTM D5766-02a							
Normalized by:	rmalized by: 0.0072 in CPT							
		CTD (B)		RTD (A)		ETW (D)		
Test Temperature [°F]		-65F		70F		250F		
Moisture Condit	tioning	dry		dry		equilibrium		
Equilibrium at T,	RH					160 F,85%		
Source code		HFIEXXXXB		HFIEXXXXA		HFIEXXXXD		
		Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured	
	Mean	45.95	45.63	43.65	43.65	38.39	38.34	
	Minimum	44.04	43.88	39.91	41.05	36.27	36.18	
	Maximum	47.20	47.02	45.96	45.86	40.71	40.04	
OHT2	C.V.(%)	1.92	2.16	3.28	2.77	3.10	3.11	
Strength (ksi)								
	No. Specimens	1	9	19		18		
	No. Prepreg Lots		3		3		3	

Figura 7-93: OHT per 10-80\_20 Experimental Data [Ref. 20]



Figura 7-94: B-Basis-OHT per 25-50\_16 (V.A.T. output)

$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{39936 - 43650}{43650} x100 = -8.50 \%$$





Figura 7-96: OHT per 10-80\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

# 7.4.3 IM7-8552 Open Hole Tension – Stiff

Per questa prova è stato usato un laminato *soft* con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 20 strati (spessore nominale del coupon = 0.144 in):

Laminate ID: 50-40\_20 [0/45/0/90/0/-45/0/45/0/-45]<sub>s</sub>



Figura 7-97: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato soft.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

Le Figura 7-98 e Figura 7-99 riportano i risultati dell'analisi.



Figura 7-98: OHT Load vs Displ. per 50-40\_20 IM7-8552



Figura 7-99: OHT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-40\_20 IM7-8552

La Figura 7-102 mostra anche il dato di failure sperimentale riportato in Figura 7-100 [Ref. 20].

Material:	HEXCEL 8552 - M7 U	NI PREPREG	Ope	Open Hole Tension 3					
					Gr/ Ep				
Resin content:	40.45		Comp. density	1.58 [g/cc]	HEXCEL 8	HEXCEL 8552 - IM7 UNI PREPREG			
Fiber volume:	59.55					,90,0,-45,0,4	45,0,-45]S		
Ply count:	20								
Test method:	A STM D5766-02a								
Normalized by:	0.0072 in CPT								
		CTD (B)		RTD(A)		ETW (D)			
Test Temperature [°F]		-65F		70F		250F			
Moisture Condi	tioning	dry		dry		equilibrium			
Equilibrium at T,	RH					160 F,85%			
Source code		HFIFXXXXB		HFIFXXXXA		HFIFXXXXD			
		Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured		
	Mean	78.75	77.97	86.59	86.627	114.86	113.87		
	Minimum	72.41	70.75	78.90	79.07	105.04	102.24		
	Maximum	84.29	84.38	95.17	94.49	129.75	128.78		
OHT3	C.V.(%)	5.03	6.01	5.46	5.72	5.95	6.37		
Strength (ksi)									
	No. Specimens	1	9	19		20			
	No. Prepreg Lots		3	3	3		3		

Figura 7-100: OHT per 50-40\_20 Experimental Data [Ref. 20]

C FAILURE LOADS	← FAILURE NOMINAL STRESSE	S C FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 74265	STD DEV 258	
Max Value 84057	C.V. % 3.26	PROCESSING
Mean Value 79210	B-BASIS Value 7406	38
CALCULUS BASED ON FIRST C	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE	

Figura 7-101: B-Basis-OHT per 50-40\_20 (V.A.T. output)

$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{79210 - 86590}{86590} x100 = -8.52 \%$$



Figura 7-102: OHT Stress by Nom. Thick. per 50-40\_20 IM7-8552 – Istogramma



Figura 7-103: OHT per 50-40\_20 IM7-8552: Experimental vs Virtual Data

#### 7.4.4 Fattore di abbattimento dell'ammissibile OHT dovuto al diametro

L'ammissibile OHT (Open Hole Tension) è influenzato da fattori ambientali e geometrici. Generalmente l'ammissibile da usare viene calcolato usando la seguente espressione:

$$OHT = A_{OHT} \cdot C_E \cdot C_D \cdot C_{CSK} \cdot C_W \cdot C_{TH}$$
 (Equazione 7-3)

dove:

A	= Baseline Open Hole Tension Allowable:
$^{\prime} OHT$	- Buseline open note relision mowable,

- $C_E$  = Fattore di correzione ambientale;
- $C_D$  = Fattore di correzione diametro;
- C<sub>CSK</sub> = Fattore di correzione svasatura del bullone;
- $C_W$  = Width correction factor;

C<sub>TH</sub> = Thickness correction factor;



Figura 7-104: Parametrici geometrici che influenzano l'OHT

In questo capitolo ci concentreremo solo sul parametro  $C_D$  e vedremo come V.A.T. è in grado di calcolarlo.

Seguendo la normativa di riferimento (ASTM D5766) useremo un laminato quasi isotropo costituito da 16 lamine con in Figura 7-82 e utilizzando il FE Model Builder (vedi capitolo 6.1) sono stati costruiti i modelli usati per lo scopo.

Per poter ottenere risultati che siano solo legati al diametro e non ad altri fattori, come per esempio il rapporto W/D (larghezza del coupon/ Diametro del bullone), il modello agli elementi finiti viene costruito mantenendo costante il rapporto W/D al variare del diametro. Sono state fatte due prove virtuali con diametri del bullone rispettivamente di 0.375 inches e 0.50 inches, aumentando la

larghezza W del coupon in modo da mantenere il rapporto W/D uguale a 6. Questo fa si che gli effetti di bordo vengano minimizzati.

D (in)	W (in)		
0.25	1.5		
0.375	2.25		
0.50	3.0		

Tabella 7-2: Larghezza del coupon in funzione del diametro per CD

La Tabella 7-3 riporta la larghezza del coupon in funzione del diametro del bullone per mantenere costante il rapporto W/D. Convenzionalmente, Il fattore  $C_D$  viene posto uguale all'unità per diametro del bullone di in quarto di pollice. In seguito verranno analizzate le due configurazioni (D=0.375 in e D=0.50 in) e confrontate con l'ammissibile derivato nel capitolo 7.4.1.

Le Figura 7-105 e Figura 7-106 riportano i risultati condotti con V.A.T. sul coupon con un foro da 0.375 inches ed una larghezza di 2.25 inches.



Figura 7-105: OHT Stress by Nom. Thick. Vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552 (D = 0.375")

C FAILURE LOADS	FAILURE NOMINAL STRESSES	C FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 53659	STD DEV 1479	
Max Value 58132	C.V. % <b>2.64</b>	4. DATA POST PROCESSING
Mean Value 55972	B-BASIS Value 53024	
CALCULUS BASED ON FIRST C	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE	

Figura 7-106: Calcolo CD per OHT (D = 0.375")

Usando il dato di Figura 7-86 e Figura 7-106 possiamo calcolare il fattore di abbattimento dovuto al diametro di 0.375". Ovviamente viene usato il valore medio per il calcolo di C<sub>D</sub> per non influenzarlo da abbattimenti statici:

$$C_D = \frac{MeanValue_{(D=0.375)}}{MeanValue_{(D=0.25)}} = \frac{55972}{58327} = 0.96$$

Le Figura 7-107 e Figura 7-108 riportano i risultati condotti con V.A.T. sul coupon con un foro da 0.50 inches ed una larghezza di 3.00 inches.



Figura 7-107: OHT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IM7-8552 (D = 0.50")



Figura 7-108: Calcolo  $C_D$  per OHT (D = 0.50")

Usando il dato di Figura 7-86 e Figura 7-108 possiamo calcolare il fattore di abbattimento dovuto al diametro di 0.50". Ovviamente viene usato il valore medio per il calcolo di  $C_D$  per non influenzarlo da abbattimenti statici:

$$C_D = \frac{Mean Value_{(D=0.50)}}{Mean Value_{(D=0.25)}} = \frac{52841}{58327} = 0.906$$

Utilizzando i dati appena calcolati è possibile tracciare un grafico che da il fattore di abbattimento dell'OHT al variare del diametro del bullone:



Figura 7-109: Fattore di abbattimento C<sub>D</sub> dell'ammissibile OHT

# 7.5 Il modello agli elementi finiti per la prova simulata di UNS

Per simulare la prova UNS (Unnotched Shear) è stato scelto lo standard ASTM D3518 come descritto nel capitolo 4.4.1.4. Il modello agli elementi finiti è lo stesso di quello usato per la prova simulata UNT con la differenza che viene usato un layup fatto di lamine orientate  $\pm 45^{\circ}$ . Di seguito vengono riportati i risultati dell'analisi ed il confronto con i dati sperimentali.

Per questa prova è stato usato un con spessore nominale della ply di 0.0072 in, costituito da 12 strati (spessore nominale del coupon = 0.0864 in):

Laminate ID: [45/-45]<sub>3s</sub>

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

> **Unnotched Shear Plot** (Measured Load VS Displacement) SPEC. 1 SPEC. 2 2500 SPEC. 3 SPEC. 4 SPEC. 5 2000 SPEC. 6 SPEC. 7 -SPEC. 8 [q] 1500 -SPEC. 9 -SPEC. 10 Load SPEC. 11 1000 -SPEC. 12 SPEC. 13 SPEC. 14 500 SPEC. 15 -SPEC. 16 SPEC. 17 SPEC. 18 0 0.040 0.060 0.100 0.120 0.020 0.000 Displacements [in]

Le Figura 7-110 e Figura 7-111 riportano i risultati dell'analisi.

Figura 7-110: UNS Load vs Displ. per IM7-8552



Figura 7-111: UNS Stress by Nom. Thick. vs Strain IM7-8552

La Figura 7-111	mostra anche il dato	di failure sperimentale	riportato in	Figura '	7-112 [Ref. 20].
-----------------	----------------------	-------------------------	--------------	----------	------------------

Material:	HEXCEL 8552 - IM7 U	NI PREPREG					In-Plane Shear				
Resin content:	41.07 % vol		Comp density 1.57 [a/cc]					Gr/ Ep			
Fiber volume:	58.93 % vol		comp. demarty. nor [groo]					PREPREG	. oru		
Ply count:	12							[+45/-45]3s	í.		
Test method:	A STM D3518-94										
000000000000000000000000000000000000000			Modulus cald	ulation: linear f	it from 2000 to	6000 micro in/in	1				
Normalized by:	NA										
1.000.000.000.000.000	191	СТЕ	) (B)	RTD	(A)	ETW	/ (D)	20			
Test Temperatu	ure [°F]	-6	5F	70	F	25	50F	A.			
Moisture Condi	tioning	dr	гу	dr	y	equilibrium					
Equilibrium at T	, RH					160 F	,85%				
Source code		HFINX	XXXB	HFINX	XXXA	HFINK	XXXD				
	0.0	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured	Normalized	Measured		
	Mean			- 204	13.22		5.54				
	Minimum				12.85		5.18				
	Maximum				13.61		5.95				
F <sub>12</sub> s5% strain (ksi)	C.V.(%)				1.60		3.38				
- 62 - 62	No. Specimens			11	2	1	9				
	No. Prepreg Lots			3			3	-			
	Mean	1	11.29		7.76		3.31	·,			
	Minimum		10.78		7.48		3.05				
	Maximum		11.66		8.28		3.63				
F <sub>12</sub> <sup>s0.2%</sup> (ksi)	C.V.(%)		2.10		2.81		4.63				
	No. Specimens	2	1	16	6	2	20				
	No. Prepreg Lots	3	3	3			3				
	Mean		0.86		0.68		0.31				
	Minimum		0.81		0.65		0.28				
	Maximum		0.89		0.73		0.34				
G <sub>12</sub> <sup>5</sup> (Msi)	C.V.(%)		2.90		3.27		4.51				
8 8	No. Specimens	2	1	16	6	2	20				
	No. Prepreg Lots	3	3	3			3				

Figura 7-112: UNS IM7/8552 Experimental Data [Ref. 20]

FAILURE LOADS	C FAILURE NOMINAL STRESSES	C FAILURE MEASURED STRESSES
Min Value 23741	STD DEV 216	
Max Value 24459	C.V. % <b>0.9</b>	4. DATA POST PROCESSING
Mean Value 24093	B-BASIS Value 23663	
CALCULUS BASED ON FIRST C	RACK	SAVE DATA POST-PROCESSING FILE

Figura 7-113: B-Basis-UNS per IM7/8552 (V.A.T. output)

In questo caso il valore medio riportato il Figura 7-113 deve essre diviso per due secondo quanto previsto dalla normativa. Quindi si ha:

$$F_{12} = \frac{24093}{2} = 12046.5$$
 psi

$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{12046.5 - 13220}{13220}x100 = -8.88\%$$



# 7.6 IM7/8552 Virtual Test Campaign Summary

La Tabella 7-3 riporta il sommario di tutta la campagna di test effettuata con V.A.T. con i relativi errori rispetto alla campagna sperimentale riportata in [Ref. 20].

Tipo di Laminato	Errore (Sperim. VS Virt.)		
Quasi Isotropo	5.76 %		
Soft	-8.11 %		
Stiff	3.45 %		
Quasi Isotropo	2.33 %		
Soft	3.45 %		
Stiff	4.23 %		
[45/-45] <sub>3s</sub>	-8.88%		
Quasi Isotropo	-5.18 %		
Soft	1.91 %		
Stiff	-3.02 %		
Quasi Isotropo	-1.14		
Soft	-8.50 %		
Stiff	-8.52 %		
	Tipo di Laminato Quasi Isotropo Soft Stiff Quasi Isotropo Soft Stiff [45/-45] <sub>3s</sub> Quasi Isotropo Soft Stiff Quasi Isotropo Soft Stiff		

Tabella 7-3: IMS/8552 Virtual test campaign summary

I risultati ottenuti sono ritenuti sufficientemente accurati in quanto ricadono in un intervallo di  $[-8.88\% \div +5.76\%]$ , perfettamente in linea con quella che si riscontra nella patica aziendale.

#### 7.7 Materiale IMS/977-2

I costruttori di aeromobili si rivolgono sempre più a soluzioni con l'impiego di materiali compositi per ridurre il peso e aumentare le prestazioni. Si va sempre alla ricerca di materiali in grado di aumentare la capacità di prestazione e affidabilità a lungo termine che ci si aspetta dai metalli. La famiglia Cytec CYCOM 977-2 di preimpregnati epossidici offre ai produttori prestazioni eccezionali e longevità. Cytec CYCOM 977-2 è sistema di resina epossidica temperato che ha soddisfatto la progettazione e la produzione di molti leader del settore aerospaziale per oltre due decenni. Nei prossimi capitoli si mostrano i risultati ottenuti per un preimpregnato costituito da resina 977-2 e fibra di carbonio a modulo intermedio IMS. A causa della riservatezza dei dati sperimentali i risultati sono presentati in forma normalizzata rispetto al valore medio sperimentale.

# 7.7.1 IMS/977-2 Unnotched Tension – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 16 strati (spessore nominale del coupon = 0.11712 in):





Figura 7-115: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

Di seguito viene riportato il variability model adottato:

Matrix Tensile Young modulus Cov = 3 %Matrix Compressive Young modulus Cov = 5 %Matrix Tensile strength Cov = 3 %Matrix Compressive strength Cov = 5 %Fiber Tensile Axial Young modulus Cov = 3 %Fiber Compressive Axial Young modulus Cov = 5 %Fiber Tensile strength Cov = 3 %Fiber Compressive strength Cov = 5 %Fiber Volume fraction Cov = 3 %Fiber Alignment std deviation = 0.5 deg

La Figura 7-116 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-116: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IMS/977-2

La Figura 7-116 mostra anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].



$$error = \frac{A - B}{B}x100 = \frac{0.947 - 1.00}{1.00}x100 = -5.3\%$$

#### 7.7.2 IMS/977-2 Unnotched Tension – Laminato Soft

Per questa prova è stato usato un laminato soft con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 18 strati (spessore nominale del coupon = 0.13176 in):



33.33

66.67

+45

90 16.67

Figura 7-118: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Soft

Viene adottato per tutte le prove lo stesso variability model.





Figura 7-119: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 17-67\_18 IMS/977-2

Viene mostrato anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].

In questo caso viene commesso un errore di:



# 7.7.3 IMS/977-2 Unnotched Tension – Laminato Stiff

Laminate ID: 56-33\_18 [45/0/0/-45/0/90/0/0/45/-45/0/0/90/0/-45/0/0/45]

Per questa prova è stato usato un laminato stiff con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 18 strati (spessore nominale del coupon = 0.13176 in):



Figura 7-121: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Stiff



La Figura 7-122 mostra i risultati dell'analisi.

Figura 7-122: UNT Stress by Nom. Thick. vs Strain per 56-33\_18 IMS/977-2

Viene mostrato anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].

$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{0.964 - 1.00}{1.00} x100 = -2.9 \%$$



#### 7.7.4 IMS/977-2 Unnotched Compression – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 24strati (spessore nominale del coupon = 0.17568 in):



Laminate ID: 25-50\_24 [45/0/-45/90]<sub>3s</sub>

Figura 7-124: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

La Figura 7-125 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-125: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_24 IMS/977-2

La Figura 7-125 mostra anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].

In questo caso viene commesso un errore di:



$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{0.935 - 1.00}{1.00} x100 = -6.5 \%$$

Figura 7-126: UNT Stress by Nom. Thick. per 25-50\_16 IMS/977-2 – Istogramma

# 7.7.5 IMS/977-2 Unnotched Compression – Laminato Soft

Per questa prova è stato usato un laminato soft con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 24 strati (spessore nominale del coupon = 0.17568 in):



Laminate ID: 17-50\_24 [-45/0/45/90/-45/0/45/90/-45/90/3]s

Figura 7-127: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Soft


La Figura 7-128 mostra i risultati dell'analisi.

Figura 7-128: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 17-50\_24 IMS/977-2

Viene mostrato anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].

$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{0.968 - 1.00}{1.00} x100 = -3.2 \%$$



Figura 7-129: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 17-50\_24 IMS/977-2 - Istogramma

#### 7.7.6 IMS/977-2 Unnotched Compression – Laminato Stiff

Laminate ID: 50-33\_24 [45/90/-45/0/0/90/0/0/45/0/-45/0]<sub>s</sub>

Per questa prova è stato usato un laminato stiff con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 24 strati (spessore nominale del coupon = 0.17568 in):



Figura 7-130: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Stiff

La Figura 7-131 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-131: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 56-33\_24 IMS/977-2

Viene mostrato anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].



$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{1.003 - 1.00}{1.00} x100 = +0.3 \%$$

Figura 7-132: UNC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 56-33\_24 IMS/977-2 – Istogramma

## 7.7.7 IMS/977-2 Open Hole Compression – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 24 strati (spessore nominale del coupon = 0.17568 in):



Figura 7-133: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

Laminate ID: 25-50\_24 [45/0/-45/90]<sub>3s</sub>



Figura 7-134 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-134: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_24 IMS/977-2



Figura 7-134 mostra anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].



$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{0.937 - 1.00}{1.00} x100 = -6.3 \%$$

#### 7.7.8 IMS/977-2 Open Hole Compression – Laminato Soft

Per questa prova è stato usato un laminato soft con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 24 strati (spessore nominale del coupon = 0.17568 in):



Figura 7-136: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

La Figura 7-137 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-137: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 17-50\_24 IMS/977-2

La Figura 7-137 mostra anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].

In questo caso viene commesso un errore di:





# 7.7.9 IMS/977-2 Open Hole Compression – Laminato Stiff

Per questa prova è stato usato un laminato stiff con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 24 strati (spessore nominale del coupon = 0.17568 in):





Figura 7-139: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

La Figura 7-140 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-140: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 50-33\_24 IMS/977-2

La Figura 7-140 mostra anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].



#### 7.7.10IMS/977-2 Open Hole Tension – Laminato Q.I.

Per questa prova è stato usato un laminato Q.I. (Quasi Isotropo) con spessore nominale della ply di 0.00732 in, costituito da 16 strati (spessore nominale del coupon = 0.11712 in):



Laminate ID: 25-50\_16 [45/0/-45/90]<sub>2s</sub>

Figura 7-142: Laminate ID e plotting delle percentuali effettive del laminato Q.I.

La Figura 7-143 mostra i risultati dell'analisi.



Figura 7-143: OHC Stress by Nom. Thick. vs Strain per 25-50\_16 IMS/977-2

La Figura 7-143 mostra anche il dato di failure sperimentale normalizzato (linea tratteggiata rossa) riportato in [Ref. 21].



$$error = \frac{A - B}{B} x100 = \frac{0.931 - 1.00}{1.00} x100 = -6.9 \%$$

Figura 7-144: OHT Stress by Nom. Thick. per 25-50\_16 IMS/977-2 – Istogramma

COUPON Nr.13 COUPON Nr.14 COUPON Nr.15 COUPON Nr.16 COUPON Nr.17 COUPON Nr.18

**B-Basis** 

Max Value

Mean Value

Min Value

COUPON Nr.10 COUPON Nr.11 COUPON Nr.12

COUPON Nr.8 COUPON Nr.9

## 7.7.11IMS/977-2 Virtual Test Campaign Summary

COUPON Nr.7

COUPON Nr.5 COUPON Nr.6

La Tabella 7-4 riporta il sommario di tutta la campagna di test effettuata con V.A.T. con i relativi errori rispetto alla campagna sperimentale riportata in [Ref. 21].

Tipo di test	Tipo di Laminato	Errore (Sperim. VS Virt.)
UNT	Quasi Isotropo	-5.3 %
UNT	Soft	0.3 %
UNT	Stiff	-2.9 %
UNC	Quasi Isotropo	-6.5 %
UNC	Soft	-3.2 %
UNC	Stiff	+0.3 %
OHC	Quasi Isotropo	-6.3 %
OHC	Soft	-2.8 %
OHC	Stiff	-6.5 %
OHT	Quasi Isotropo	-6.9 %

Tabella 7-4: IMS/977-2 Virtual test campaign summary

I risultati ottenuti sono ritenuti sufficientemente accurati in quanto ricadono in un intervallo di  $[-7\% \div 0.3\%]$ , perfettamente in linea con quella che si riscontra nella patica aziendale. Da notare come in questo caso la miglior conoscenza delle proprietà meccanica della lamina base permetta di ottenere ammissibili con una minor variabilità rispetto a quanto riportato in Tabella 7-3.

COUPON Nr.1

COUPON Nr.2 COUPON Nr.3 COUPON Nr.4

#### 8. Conclusioni

L'obiettivo del lavoro di ricerca è stato quello di limitare il numero dei test nella parte bassa della matrice mediante i concetti di Virtual Certification e di Virtual Testing. Così facendo, si riduce il numero di test fisici necessari, rimpiazzando quelli non necessari con analisi basate su accurate simulazioni agli elementi finiti. Per assicurare la "bontà" delle simulazioni, le analisi sono state basate su un approccio multiscala di tipo gerarchico, in cui la micro-meccanica e la macro-meccanica si combinano per analizzare le strutture in grande dettaglio. Per ogni singolo test sono state individuate le metodologie di analisi ed i relativi software che permettono di ottimizzare e simulare con risultati affidabili la prova meccanica, permettendo la ripetibilità dei risultati ottenuti.

E' stata sviluppata una procedura completamente automatizzata che riproduce fedelmente tutto il processo adottato per la determinazione degli ammissibili del materiale composito, dalle proprietà meccaniche delle sue fasi (fibra e matrice), al processo di fabbricazione, alla procedura di testing all'elaborazione statistica del dato. Tale procedura è risultata affidabile e di facile utilizzo. I risultati ottenuti hanno mostrato un'ottima correlazione con la sperimentazione in laboratorio meccanico (vedi capitolo 7.6 e capitolo 7.7.11).

Con il tool V.A.T. è possibile esplorare tutto il design space per una struttura in materiale composito, costruendo i cosiddetti carpet plot, a partire da pochi test sperimentali abbattendo notevolmente i costi dello sviluppo del piano ammissibili e migliorando le performance del componente nello stesso tempo. Tutto questo con tempi di analisi veramente ridotte (un failure mode può essere coperto su un PC portatile di nuova generazione in circa 20 minuti per gli unnotched (UNT, UNC e UNS), fino ad un massimo di 2,5 ore per i notched (OHC e OHT).

Avendo a disposizione carpet plot degli ammissibili si possono realizzare strutture più efficienti in termini di peso e prestazioni, in quanto si ha a la possibilità di usare criteri di resistenza che tengano conto delle diverse proprietà meccaniche del laminato a seconda della direzione che si sta considerando.

Si possono esplorare tutte le possibili combinazioni di stacking sequence, a parità di spessore del laminato, in modo da ottimizzare le performance, si riescono a determinare facilmente i fattori di abbattimento legati al diametro e/o al rapporto Diametro larghezza del coupon (edge distance).

La tecnica può anche essere usata anche quando si deve selezionare un nuovo materiale: ancora una volta il tool offre uno strumento rapido ed economico per affrontare questo tipo di studio.



Figura 8-1: Sviluppi futuri di V.A.T.

Come è facile intuire, il concetto portato avanti per gli ammissibili trattati in questo lavoro, è possibile estenderlo ad altre tipologie di test (vedi Figura 8-1). Si possono costruire e calibrare i parametri dell'analisi per poter condurre virtual test per la damage tolerance (determinazione della fracture toughness) e le giunzioni imbullonate (Bearing). In questi casi si deve prendere in considerazione l'utilizzo di modelli con elementi solidi (3D), in quanto risulta fondamentale definire superfici di contato tra il gambo del bullone e la superficie del foro, per esempio nel caso della determinazione dell'ammissibile a bearing o FHT / FHC (Filled Hole Tension e Compression).

#### 9. <u>Bibliografia</u>

- Ref. 1 Composite Materials Handbook, Volume 3, Polymer Matrix Composites, Materials Usage, Design And Analysis;
- Ref. 2 Halpin, J.C., Primer on Composite Materials: Analysis, Technomic Publishing Company, Inc., Pennsylvania, 1984;
- Ref. 3 Composite Materials Strength Determination Within the Current Certification Methodology for Aircraft Structures, Paolo Feraboli, University of Washington, Seattle, Washington 98195-2400, Journal Of Aircraft, Vol. 46, No. 4, July–August 2009;
- Ref. 4 ASTM D3039 / D3039M 14 Standard Test Method for Tensile Properties of Polymer Matrix Composite Materials;
- Ref. 5 ASTM D3410 / D3410M 03(2008) Standard Test Method for Compressive Properties of Polymer Matrix Composite Materials with Unsupported Gage Section by Shear Loading;
- Ref. 6 ASTM D3518 / D3518M 13 Standard Test Method for In-Plane Shear Response of Polymer Matrix Composite Materials by Tensile Test of a ±45° Laminate;
- Ref. 7 ASTM D5766 / D5766M 11 Standard Test Method for Open-Hole Tensile Strength of Polymer Matrix Composite Laminates;
- Ref. 8 ASTM D6484 / D6484M 14 Standard Test Method for Open-Hole Compressive Strength of Polymer Matrix Composite Laminates;
- Ref. 9 Mori and K. Tanaka. Average stress in the matrix and average elastic energy of materials with misfitting inclusions. Acta Metall. Mater., 21:571–574, 1973;
- Ref. 10 Nemat-Nasser and M. Hori. Micromechanics: overall properties of heterogeneous solids. Elsevier Science, 1993.
- Ref. 11 Robert M. Jones, Mechanics of composite materials, 2nd Edition.
- Ref. 12 Extreme Engineering, MSC Software Company, DIGIMAT Release Documentation May 2015
- Ref. 13 MSC Software Company, MARC 2014, Volume A: Theory and User Information, Volume B: Element Library
- Ref. 14 MSC Software Company, NASTRAN 2014 Documentation
- Ref. 15 MSC Software Company, PATRAN 2014 Documentation
- Ref. 16 R. Talreja. A continuum mechanics characterization of damage in composite materials.
  Proceedings of the Royal Society of London, Series A (Mathematical and Physical Sciences), 399:195–216, 1985.
- Ref. 17 R. Talreja. A continuum mechanics characterization of damage in composite materials. Proceedings of the Royal Society of London, Series A (Mathematical and Physical Sciences), 399:195–216, 1985.
- Ref. 18 Gauthier. Modelling of High Velocity Impact on Composite Materials for Airframe Structures Application. PhD thesis, Faculté des sciences et de génie, Université de Laval, Québec, 2010.

- Ref. 19 Matzenmiller, J.Lubliner, and R. Taylor. A constitutive model for anisotropic damage in fiber-composites. Mechanics of Materials, 20(12):125–152, 1995.
- Ref. 20 Hexcel 8552 IM7 Unidirectional Prepreg qualification Material Property Data Report, FAA Specilal Project Number SWI-Q, NCAMP Test Report Number: CAM-RP-2009 -015 Rev A, April 22, 2011
- Ref. 21 Material Design Allowable for Cytec IMS/977-2 Properties and Allowables 11/04/2014